



HAL
open science

Sur la constitution de la charge électrique à la surface d'un électrolyte

M. Gouy

► **To cite this version:**

M. Gouy. Sur la constitution de la charge électrique à la surface d'un électrolyte. J. Phys. Theor. Appl., 1910, 9 (1), pp.457-468. 10.1051/jphystap:019100090045700 . jpa-00241565

HAL Id: jpa-00241565

<https://hal.science/jpa-00241565v1>

Submitted on 4 Feb 2008

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

**SUR LA CONSTITUTION
DE LA CHARGE ÉLECTRIQUE A LA SURFACE D'UN ÉLECTROLYTE (1);**

Par M. GOUY.

1. On admet généralement que, lorsqu'on électrise un électrolyte, il s'accumule à sa surface des ions qui rendent le potentiel uniforme dans toute la masse liquide. Cette idée de la charge purement superficielle, qui paraît d'abord très plausible, conduit pourtant à des contradictions singulières, dont voici un exemple.

Considérons deux condensateurs identiques, dont les armatures extérieures sont formées par une solution aqueuse où ils sont plongés. Soient Q et $-Q$ les charges des armatures intérieures, V_1 et V_2 leurs potentiels, p la pression osmotique. Par une opération isotherme et réversible faisons varier Q en fournissant le travail $(V_1 - V_2) dQ$, et faisons varier la concentration en introduisant le volume dv du dissolvant, et fournissant le travail $-pdv$. La variation de l'énergie utilisable sera :

$$(V_1 - V_2) dQ - pdv.$$

Comme c'est une différentielle exacte, il vient :

$$(4) \quad \frac{\partial}{\partial v} (V_1 - V_2) = - \frac{\partial p}{\partial Q}.$$

Mais si $Q = 0$, on a $V_1 = V_2$ par symétrie, et par suite :

$$\frac{\partial p}{\partial Q} = 0.$$

Ainsi une petite charge ne fait pas varier la concentration de l'électrolyte dans son intérieur, aux quantités du 2^e ordre près. Cependant, s'il y avait charge superficielle, il y aurait accumulation, sur la surface de l'électrolyte, de cathions d'un côté, et d'anions de l'autre, soustraits à la masse liquide, qui serait ainsi appauvrie.

2. Un examen plus attentif montre que la charge ne peut pas être purement superficielle. En effet, les ions sont soumis, en outre des actions électriques qui tendent à les accumuler à la surface, à la dif-

(1) Communication faite à la Société française de physique : séance du 18 février 1910.

fusion qui tend à rétablir l'homogénéité qui existait avant la charge⁽¹⁾. Il en résulte un état d'équilibre, que nous allons calculer en unités électrostatiques.

Soient ν_c, ν_c', \dots , et ν_a, ν_a', \dots , les valences des cathions et des anions; N_c, N_c', \dots et N_a, N_a', \dots sont les nombres d'ions-grammes par unité de volume, loin de la surface. A la distance x de la surface, ces nombres deviennent $N_c U_c, N_c' U_c', \dots$ et $N_a U_a, N_a' U_a', \dots$. Soient ρ la densité électrique au point (x) et m la charge de 1 gramme d'ions-hydrogène. On a :

$$(2) \quad \rho = m(N_c U_c \nu_c + N_c' U_c' \nu_c' + \dots - N_a U_a \nu_a - N_a' U_a' \nu_a - \dots)$$

Les forces étant comptées positivement dans le sens des x croissants, considérons l'équilibre des cathions de la première espèce contenus dans la couche dx . Soit K le pouvoir inducteur du liquide, qui est une constante, la solution étant étendue. Une masse + 1 placée au point (x) serait sollicitée par la force :

$$\frac{2\pi}{K} \left(\int_0^x \rho dx - \int_x^\infty \rho dx \right) + F,$$

F étant la force produite par les charges extérieures, qui sera constante dans l'intervalle très petit que nous considérons⁽²⁾. Comme, à distance de la surface, il n'y a plus de champ, nous avons :

$$\frac{2\pi}{K} \int_0^\infty \rho dx + F = 0,$$

et par suite en posant :

$$(3) \quad q = \int_x^\infty \rho dx,$$

nous avons, par unité de surface, pour la force électrique exercée sur nos cathions,

$$- \frac{4\pi q}{K} m N_c U_c \nu_c dx.$$

(1) Si, avant la charge, les ions sont distribués inégalement, en raison, par exemple de forces non électriques qui les attirent vers la surface, cette distribution modifiera celle que nous allons calculer; mais nous excluons ce cas pour le moment.

(2) La surface est regardée comme plane, ou du moins son rayon de courbure est très grand vis-à-vis de l'épaisseur de la couche où ρ est sensible.

Pour calculer l'effet de la diffusion, nous pouvons imaginer que la couche dx est enfermée entre deux parois semi-perméables qui arrêtent seulement les cathions considérés. La résultante des deux pressions osmotiques exercées sur cette couche est $RTN_c \frac{dU_c}{dx} dx$, et l'équation d'équilibre s'écrit ⁽¹⁾ :

$$(4) \quad \frac{4\pi qm}{KRT} = -\frac{1}{U_c \nu_c} \frac{dU_c}{dx} = -\frac{d}{dx} \log U_c^{\frac{1}{\nu_c}}.$$

on a de même :

$$(4 \text{ bis}) \quad \frac{4\pi qm}{KRT} = \frac{1}{U_a \nu_a} \frac{dU_a}{dx} = \frac{d}{dx} \log U_a^{\frac{1}{\nu_a}}.$$

Comme à l'infini, tous les U sont égaux à 1, on a, en écrivant toutes les équations telles que (4) et (4 bis),

$$(5) \quad U_c^{\frac{1}{\nu_c}} = U_c'^{\frac{1}{\nu_c}} = \dots = U_a^{\frac{1}{\nu_a}} = U_a'^{\frac{1}{\nu_a}} = \dots$$

et en ajoutant membre à membre toutes les équations (4) et (4 bis),

$$\begin{aligned} \frac{d}{dx} (N_c U_c + N_c' U_c' + \dots + N_a U_a + N_a' U_a' + \dots) \\ = -\frac{4\pi qm}{KRT} (N_c U_c \nu_c + N_c' U_c' \nu_c + \dots - N_a U_a \nu_a - N_a' U_a' \nu_a - \dots). \end{aligned}$$

Mais, d'après (2), la parenthèse du deuxième membre

$$= \frac{\rho}{m} = -\frac{1}{m} \frac{dq}{dx}.$$

Il vient donc :

$$N_c U_c + N_c' U_c' + \dots + N_a U_a + N_a' U_a' + \dots = \frac{2\pi}{KRT} q^2 + C^{\text{te}}.$$

Comme pour x très grand, on a $q = 0$, et tous les U égaux à 1, il vient :

$$(6) \quad N_c(U_c - 1) + N_c'(U_c' - 1) + \dots + N_a(U_a - 1) + N_a'(U_a' - 1) + \dots = \frac{2\pi}{KRT} q^2.$$

3. Les équations (5) et (6) donneront tous les U en fonction de q . On peut immédiatement s'en servir pour calculer les valeurs U_{c0} ,

(1) Les logarithmes sont népériens,

U_{a_0} , à la surface en fonction de la charge q_0 par unité de surface, l'indice 0 désignant partout les valeurs prises à la surface.

Les équations (5) nous montrent immédiatement ce qui suit :

1° Si les cathions ont même valence, leurs concentrations restent partout proportionnelles et de même pour les anions. Si les ions ont des valences inégales, ils sont d'autant plus condensés ou raréfiés dans les couches voisines de la surface que leurs valences sont plus grandes ;

2° Les concentrations des ions varient de la manière qui correspond à l'équilibre chimique avec des molécules non dissociées de concentration constante. Ainsi, pour un cation et un anion de même valence, le produit des concentrations $N_c U_c \times N_a U_a$ est constant, d'après (5).

Il devait en être ainsi, car le principe de Carnot exige qu'on ait équilibre chimique aussi bien que physique en chaque point. Sans cela, en effet, dans certaines couches, les ions formeraient des molécules, ce qui entraînerait une circulation perpétuelle d'ions et de molécules.

Il ressort de ce qui précède que, pour les solutions aqueuses, où les ions propres de l'eau sont monovalents et extrêmement rares, on pourra en faire abstraction, puisqu'ils seront partout en proportion négligeable. C'est ce que nous ferons désormais, et nous considérerons le cas d'un seul cation et d'un seul anion, tous les N étant nuls, sauf N_c et N_a .

4. Posons

$$C = N_c \nu_c = N_a \nu_a.$$

L'équation (6) s'écrit

$$(6 \text{ bis}) \quad \frac{U_c - 1}{\nu_c} + \frac{U_a - 1}{\nu_a} = \frac{2\pi}{CKRT} q^2.$$

Posons

$$\frac{\nu_c}{\nu_a} = n, \quad \text{et} \quad \frac{1}{z} = U_c.$$

On aura, d'après (5),

$$U_a = z^n.$$

L'équation (6 bis) s'écrit :

$$(7) \quad z^{n+1} - z \left(n + 1 + \frac{2\pi\nu_a}{CKRT} q^2 \right) + n = 0.$$

On voit aisément que l'équation en z n'admet que deux racines convenant à la question, c'est-à-dire réelles, positives et se réduisant à l'unité pour $q = 0$; ces racines sont l'une > 1 et l'autre < 1 . On choisira celle qui convient pour que $U_c - 1$ soit du signe de q_0 . Ainsi z est déterminé sans ambiguïté.

Calculons x en fonction de z . On a :

$$x = \int_{q_0}^q \frac{dx}{dq} dq = \int_q^{q_0} \frac{dq}{\rho} = \frac{1}{mC} \int_q^{q_0} \frac{dq}{U_c - U_a} = \frac{1}{mC} \int_q^{q_0} \frac{z}{1 - z^{n+1}} dz.$$

Mais, d'après (7), on a :

$$dq = \frac{n}{q} \frac{CKRT}{4\pi\nu_a} \frac{z^{n+1} - 1}{z^2} dz,$$

d'où :

$$(8) \quad x = \frac{KRT}{4\pi m\nu_c} \int_{z_0}^z \frac{dz}{qz}.$$

q étant exprimé en fonction de z après (7), on aura ainsi l'expression de x en fonction de z .

5. Examinons quelques conséquences de ce qui précède.

Supposons que la charge q_0 vienne à varier, en sorte que z_0 devienne z'_0 , et que x devienne x' ; on aura :

$$x' = x - \frac{KRT}{4\pi m\nu_c} \int_{z_0}^{z'_0} \frac{dz}{qz} = x + C^e.$$

Ainsi, lorsqu'on aura tracé les courbes représentatives de U_c et de U_a en fonction de x , pour une certaine valeur q_0 , il suffira, si cette valeur vient à changer, de donner aux courbes une translation parallèle à l'axe des x jusqu'à ce que, à la surface, on ait les valeurs de U_c et de U_a qui conviennent, d'après (5) et (6), à la nouvelle valeur de la charge.

Ainsi, avec une certaine charge, on aura, à une certaine profondeur, le même état qu'on aurait à une profondeur moindre, avec une charge plus faible.

Examinons maintenant comment varie x , si l'on donne d'autres valeurs à la concentration C . Supposons que C soit multiplié par β^2 ,

sans que z_0 varie, ce qui implique que q_0 sera multiplié par β , ainsi que la valeur de q qui correspond à un z quelconque. Par suite x sera multiplié par $\frac{1}{\beta}$.

Ainsi, pour passer des courbes de U_c et de U_a relatives à une certaine concentration à celles relatives à une autre concentration, il faut réduire les abscisses dans le rapport inverse des racines carrées des concentrations, et faire ensuite glisser les courbes comme plus haut, jusqu'à ce que q_0 ait sa valeur exacte. La charge est donc d'autant plus localisée au voisinage de la surface que la concentration (en ions) est plus grande.

6. L'expression (8) se calcule aisément quand le rapport n des valences est 1, 2 ou $\frac{1}{2}$. Pour $n = 1$, on trouve :

$$(9) \quad x = \frac{1}{2\sqrt{2}m} \sqrt{\frac{KRT}{C\pi\nu_c}} \left\{ \log \frac{\sqrt{U_{c0}} - 1}{\sqrt{U_c} - 1} - \log \frac{\sqrt{U_{c0}} + 1}{\sqrt{U_c} + 1} \right\},$$

d'où il vient, en désignant par α le coefficient de la parenthèse,

$$(10) \quad U_c = \left\{ \frac{\left(\frac{\sqrt{U_{c0}} + 1}{\sqrt{U_{c0}} - 1} e^{\frac{x}{\alpha}} + 1 \right)^2}{\frac{\sqrt{U_{c0}} + 1}{\sqrt{U_{c0}} - 1} e^{\frac{x}{\alpha}} - 1} \right\} = \frac{1}{U_a}.$$

Si l'on a $n = 2$, on trouve :

$$(11) \quad x = \frac{1}{2\sqrt{3}m} \sqrt{\frac{KRT}{C\pi\nu_c}} \left\{ \log \frac{\sqrt{2U_{c0}} + 1 - \sqrt{3}}{\sqrt{2U_c} + 1 - \sqrt{3}} - \log \frac{\sqrt{2U_{c0}} + 1 + \sqrt{3}}{\sqrt{2U_c} + 1 + \sqrt{3}} \right\},$$

et par suite, en désignant par α' le coefficient de la parenthèse,

$$(12) \quad U_c = \frac{3}{2} \left\{ \frac{\left(\frac{\sqrt{2U_{c0}} + 1 + \sqrt{3}}{\sqrt{2U_{c0}} + 1 - \sqrt{3}} e^{\frac{x}{\alpha'}} + 1 \right)^2}{\frac{\sqrt{2U_{c0}} + 1 + \sqrt{3}}{\sqrt{2U_{c0}} + 1 - \sqrt{3}} e^{\frac{x}{\alpha'}} - 1} \right\} - \frac{1}{2} = \frac{1}{U_a^2}.$$

Pour $n = \frac{1}{2}$, on permutera dans (11) et (12) les indices c et a .

7. Centre de la gravité de la charge. — Soit ε sa distance à la sur-

face. On a par définition :

$$\varepsilon = \frac{1}{q_0} \int_0^\infty x \varphi dx = - \frac{1}{q_0} \int_0^\infty x \frac{dq}{dx} dx.$$

En intégrant par parties, et remarquant que qx tend vers zéro quand x croît sans limite ⁽¹⁾, on a, d'après (8),

$$(12) \quad \varepsilon = \frac{1}{q_0} \int_0^\infty q dx = \frac{1}{q_0} \frac{KRT}{4\pi m \nu_c} \int_{z_0}^1 \frac{dz}{z} = \frac{1}{q_0} \frac{KRT}{4\pi m \nu_c} \log U_{c0} = - \frac{1}{q_0} \frac{KRT}{4\pi m \nu_c} \log U_{c\infty}.$$

La connaissance de ε est très utile, car la charge agit, au point de vue du potentiel, comme si elle était concentrée en une couche infiniment mince, en son centre de gravité.

Nous avons vu, en effet, au numéro 2, que la force qui agirait sur une masse $+1$ aurait pour valeur, en chaque point, $-\frac{4\pi q}{K}$. Soit (x_1) un point éloigné de la surface, où le potentiel est V_1 , et soit V_0 le potentiel à la surface. On a donc :

$$V_1 - V_0 = \frac{4\pi}{K} \int_0^{x_1} q dx,$$

ou, en remplaçant dx par sa valeur tirée de (8),

$$(13) \quad V_1 - V_0 = \frac{RT}{m \nu_c} \int_{z_0}^1 \frac{dz}{z} = \frac{RT}{m \nu_c} \log U_{c0} = \frac{4\pi}{K} \varepsilon q_0,$$

ce qui est conforme à l'énoncé.

8. *Appauvrissement de l'électrolyte.* — Considérons un plan parallèle à la surface, à la distance x_1 , assez grande pour que l'électrolyte n'y diffère plus sensiblement de ce qu'il est à l'intérieur. Si l'électrolyte restait homogène, le nombre des cathions-grammes compris entre la surface et ce plan serait $N_c x_1$ par unité de surface.

En réalité ce nombre est $\int_0^{x_1} N_c U_c dx$. En posant :

$$n_c = \int_0^{x_1} N_c U_c dx - N_c x_1 = N_c \int_0^{x_1} (U_c - 1) dx,$$

(1) Nous verrons en effet que q finit par être proportionnel à $e^{-\frac{x}{a}}$ (a constante).

n_c représentera donc le nombre des cathions-grammes qui, du fait de la charge, se trouvent attirés vers chaque unité de surface et appauvrissent ainsi la masse de l'électrolyte (1).

On aura la même formule pour les anions, en remplaçant l'indice c par a .

Remarquons d'abord que l'on a,

$$q_0 = m \left(N_c \nu_c \int_0^{x_1} U_c dx - N_a \nu_a \int_0^{x_1} U_a dx \right) = m (n_c \nu_c - n_a \nu_a).$$

Nous avons aussi, d'après (6 bis),

$$n_c + n_a = C \int_0^{x_1} \left(\frac{U_c - 1}{\nu_c} + \frac{U_a - 1}{\nu_a} \right) dx = \frac{2\pi}{KRT} \int_0^{x_1} q^2 dx,$$

et d'après (8), en remarquant que $z = 1$ au point (x_1), il vient :

$$(14) \quad n_c + n_a = \frac{1}{2m\nu_c} \int_{z_0}^{z_1} q \frac{dz}{z}.$$

Si les valences sont égales, l'équation (14) donne :

$$n_c + n_a = \frac{1}{m} \sqrt{\frac{CKRT}{2\pi\nu^3 c}} (\sqrt{U_{c0}} + \sqrt{U_{a0}} - 2).$$

Si l'on a $n = 2$, il vient :

$$n_c + n_a = \frac{1}{4m} \sqrt{\frac{CKRT}{\pi\nu^3 c}} \left\{ 2 \sqrt{2U_{c0} + 1} - 2\sqrt{3} + \frac{1}{\sqrt{2U_{c0} + 1} - 1} - \frac{1}{\sqrt{3} - 1} + \frac{1}{\sqrt{2U_{c0} + 1} + 1} - \frac{1}{\sqrt{3} + 1} \right\}.$$

Pour $n = \frac{1}{2}$, on remplacera l'indice c par a .

9. Charge modérée ou petite. — Les formules se simplifient beaucoup, quelles que soient les valences, si U_{c0} et U_{a0} sont très voisins de l'unité. Pour des solutions aqueuses centinormales (en ions) ou

(1) Il faut remarquer que, de ce fait, la quantité du dissolvant qui est comprise entre la surface et le plan (x_1) se trouve un peu modifiée. Les données manquent pour tenir compte de cette petite complication.

plus concentrées, cela aura lieu dès que q_0 sera inférieur à 10 unités électrostatiques, ce qui est une charge modérée de condensateur.

Posons :

$$\delta = U_c - 1.$$

Nous avons :

$$U_a = U_c^{-n} = (1 + \delta)^{-n} = 1 - n\delta + \frac{n(n+1)}{1 \cdot 2} \delta^2 \dots$$

L'équation (6 bis) s'écrit en traitant δ comme un infiniment petit ;

$$\delta = q \sqrt{\frac{4\pi\nu_c}{\text{CKRT}(n+1)}},$$

d'où :

$$(15) \quad \frac{U_c - 1}{\nu_c} = - \frac{U_a - 1}{\nu_a} = q \sqrt{\frac{4\pi}{\text{CKRT}(\nu_c + \nu_a)}}.$$

On a :

$$\frac{dz}{z} = (-1 + \delta - \delta^2 + \dots) d\delta,$$

et par suite, d'après (8),

$$(16) \quad x = \frac{1}{2m} \sqrt{\frac{\text{KRT}}{\text{C}\pi(\nu_c + \nu_a)}} \log \frac{q_0}{q}.$$

En posant :

$$a = \frac{1}{2m} \sqrt{\frac{\text{KRT}}{\text{C}\pi(\nu_c + \nu_a)}},$$

il vient donc :

$$(17) \quad q = q_0 e^{-\frac{x}{a}} \quad \text{et} \quad \rho = \frac{q_0}{a} e^{-\frac{x}{a}}.$$

D'après (15), on a $n_c + n_a = 0$; mais si l'on pousse l'approximation plus loin, en tenant compte des termes en δ^2 , il vient :

$$(18) \quad n_c + n_a = \frac{\delta_0^2}{4m} \sqrt{\frac{\text{CKRT}(n+1)}{4\pi\nu_c^3}} = \frac{q_0^2}{2m} \sqrt{\frac{\pi}{\text{CKRT}(\nu_c + \nu_a)}}.$$

De la sorte se trouve expliqué le résultat paradoxal trouvé au début⁽¹⁾.

Ainsi une charge moyenne ou petite consiste en une légère condensation des ions d'un certain signe, et une légère raréfaction des ions de signe opposé, toutes deux s'annulant asymptotiquement quand

(1) On peut vérifier aussi que, en tenant compte de (18), l'équation (1) est toujours satisfaite pour des solutions étendues.

on s'éloigne de la surface. La compensation se fait quant au nombre des ions, et la masse intérieure n'est pas appauvrie.

Il résulte de ce que nous avons vu que cela sera encore vrai pour une forte charge, mais seulement aux profondeurs où q devient assez petit.

La distance ϵ du centre de gravité à la surface est égale à a , ce qui donne en microns, pour des solutions aqueuses d'ions monovalents (1).

Solution décinormale (en ions).....	0 ^μ ,00096
Solution millinormale (en ions).....	0 ,0096
Eau pure de Kohlrausch.....	1 ,01

Les intervalles que nous avons à considérer sont donc bien supérieurs aux intervalles moléculaires, dès que la solution est étendue, car on sait qu'une molécule d'eau occupe le volume d'un cube d'environ 0^μ,0003 de côté.

10. Charge très grande. — Supposons qu'une des quantités U , par exemple U_c , ait une grande valeur. On a sensiblement d'après (6 bis),

$$U_c = \frac{2\pi\nu_c}{CKRT} q^2,$$

et

$$\rho = mCU_c = \frac{2\pi m\nu_c}{KRT} q^2,$$

d'où :

$$x = \int_q^{q_0} \frac{dq}{\rho} = \frac{KRT}{2\pi m\nu_c} \int_q^{q_0} \frac{dq}{q^2} = \frac{KRT}{2\pi m\nu_c} \left(\frac{1}{q} - \frac{1}{q_0} \right),$$

et

$$U_c = \frac{\frac{2\pi\nu_c}{CKRT}}{\left(\frac{2\pi m\nu_c}{KRT} x + \frac{1}{q_0} \right)^2} \quad (2).$$

On voit que, pour une valeur donnée de $\frac{q_0}{q}$, x tend vers zéro, quand

(1) Données : $K = 80$; $R = 8,32 \cdot 10^7$; $T = 291$; $m = 2,90 \cdot 10^{14}$; C vaut 10^{-4} ; pour la solution déci-normale et $0,9 \cdot 10^{-10}$ pour l'eau pure.

(2) Si U_a était très grand au lieu de U_c , il faudrait remplacer l'indice c par a , et changer le signe du deuxième membre dans l'expression de x .

la charge croît sans limite. L'équation (12) montre que, en même temps, ϵ tend vers zéro.

L'expression (14) devient sensiblement :

$$n_c + n_a = \frac{2\pi}{\text{KRT}} \int_0^{x_1} q^2 dx = - \frac{1}{m\nu_c} \int_{q_0}^0 dq = \frac{q_0}{m\nu_c},$$

et par suite on a, comme si la charge était superficielle,

$$n_c = \frac{q_0}{m\nu_c}, \quad n_a = 0.$$

Ces formules ne sont pas rigoureuses, car en profondeur il y a toujours des couches où U_c et U_a ne sont pas tels que l'approximation soit permise, mais l'erreur relative tend vers zéro quand la charge croît sans limite.

Ainsi, lorsque la charge devient très grande, les couches les plus voisines de la surface tendent à devenir prépondérantes. Ces fortes charges n'existent du reste que dans les cas de la polarisation ou des différences de potentiel au contact.

Les formules doivent être interprétées avec précaution lorsqu'on est amené à considérer des intervalles moindres que les distances moléculaires.

11. Corps très pauvre en ions. — Il faut rechercher vers quelles limites tend la formule quand C tend vers zéro, la charge q_0 restant invariable. Comme dans le cas précédent, un des U (par exemple U_c), devient très grand. D'après (13), on a sensiblement :

$$\epsilon = \frac{1}{q_0} \frac{\text{KRT}}{4\pi m\nu_c} \left(\log q_0^2 \frac{2\pi\nu_c}{\text{KRT}} + \log \frac{1}{C} \right).$$

Ainsi ϵ finit par être proportionnel à $\log \frac{1}{C}$ et croît donc sans limite.

La densité ρ , là où un des U est grand, ne dépend plus de C (¹).

(¹) Il n'y a pas de contradiction entre ces deux faits. Les couches les plus profondes, bien qu'ayant de faibles charges, sont importantes dans le calcul de ϵ , à cause du facteur x qui entre dans son expression.

Il faut remarquer aussi que le liquide doit toujours contenir assez d'ions pour subvenir à la charge.

A la surface même, ρ_0 vaut $\frac{2\pi m v_e}{KRT} q_0^2$, ou $-\frac{2\pi m v_a}{KRT} q_0^2$, suivant son signe, ce qui donnerait $9,4 \cdot 10^3$ avec une charge d'une unité et les données précédentes.

Le résultat le plus saillant de notre travail est ce point que, dans les liquides peu ionisés, la charge occupe une épaisseur assez sensible (plusieurs microns pour l'eau pure et davantage pour d'autres liquides). Il en résulte que, si une lame isolante de pouvoir inducteur K' sépare deux masses liquides, la capacité du condensateur ainsi formé sera diminuée de ce fait, comme si l'épaisseur du diélectrique était augmentée de $2\varepsilon \frac{K'}{K}$. Il est probable que l'expérience serait réalisable avec une lame de mica très mince et un liquide approprié.
