

Introduction au dimensionnement des génératrices à aimants permanents à flux axial pour le petit éolien Adrien Prévost

▶ To cite this version:

Adrien Prévost. Introduction au dimensionnement des génératrices à aimants permanents à flux axial pour le petit éolien. École d'ingénieur. Conversion de l'Energie Electrique (CEE), INSA Lyon, France. 2023. hal-04274795

HAL Id: hal-04274795 https://hal.science/hal-04274795

Submitted on 8 Nov 2023

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers. L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Introduction au dimensionnement des machines à flux axial pour le petit éolien.

5GE Option CEE

Adrien Prévost





Axial ou radial ?

<u>Direction</u> du flux magnétique :

- **Colinéaire** avec l'axe de rotation = AXIAL
- **Perpendiculaire** à l'axe de rotation = RADIAL (direction du rayon)



Etude et Réalisation d'une génératrice d'éolienne Piggott

Trois étapes : Concevoir, Fabriquer, Expérimenter











Objectifs et contenu du module

1) Découverte de l'éolienne Piggott	
 2) Découverte de la topologie de machine synchrone à flux axiale → éléments fonctionnels, grandeurs, principe de fonctionnement 	Cours (2h)
3) Approche de dimensionnement analytique avec une vue système	
4) Entraînement sur un outil de dimensionnement en ligne	TD/TP (4h)
 5) Dimensionnement du bobinage de la machine à construire → dimensions, nombre de tours par bobine, paramètres électriques 	Salle 1017
6) Construction de la génératrice	TP (4 x 4h)
7) Caractérisation de la génératrice	TP (4h)



1. L'éolienne Piggott



Hugh Piggott

Inventeur de l'éolienne Piggott dans les années 90. A « électrifié » la presqu'île de Scoraig en écosse avec ses éoliennes. Auteur de « A wind turbine recipe book », livre contenant ses plans, diffusé dans le monde entier.

Isle Martin



L'éolienne Piggott : un réseau international



1.a L'éolienne Piggott : vue éclatée



Retrouver les Elements ...

1) Pales

- 2) Génératrice
 - Stator
 - Rotor
- 3) Moyeu
 - Cages
 - Roulements
 - Fusée
- 4) Nacelle
- 5) Safran



1.b L'éolienne Piggott : les pales



Profil : NACA 4412-4415 simplifié

Matériau : bois vernis (résineux imputressible)

Réalisation : à la main (plane, rabot, scie..) grâce à une découpe en sections



1.c L'éolienne Piggott : génératrice



Topologie : AFPMSGCNOCW

Axial Flux Permanent Magnet Synchronous Generator with Coreless Non-Overlapping Concentrated Winding

On utilisera par la suite : AFPM



1.d Génératrice Piggott : le rotor

Principe :

Disques en acier sur lequel sont collés des aimants.



Réalisation :

- Disque découpés au laser
- Gabarit pour placer les aimants
- Fabrication d'un moule
- Moulage du rotor dans de la résine (Vynilester/ Polyesther/Epoxy)



10

1.d Génératrice Piggott : le stator

Principe :

Assemblage de bobines pour créer trois phases déphasées dans l'espace de $2\pi/3$ rad. électriques .



Réalisation :

- Bobinage à la main
- Gabarit pour placer les bobines
- Connexion des bobines
- Fabrication d'un moule
- Moulage du stator dans de la résine (Vynilester/ Polyesther/Epoxy) structuré par de la fibre de verre.



1.e Génératrice Piggott : le stator

Réalisation des bobines



Assemblage des phases





1.f Génératrice Piggott : moulage

Moulage du rotor



Moulage du stator





1.h Génératrice Piggott : vue en coupe





Problématique

- Comment choisit-on :
 - La taille des pales ?
 - Le nombre d'aimants ?
 - La puissance des aimants ?
 - Le nombre de bobines ?
 - Le nombre de tours de conducteurs par bobine ?
 - L'épaisseur du stator ?



Vue d'ensemble du système



Système et grandeurs physiques





Chaîne de conversion d'énergie





Puissance et couple aérodynamique

$$P_{vent} = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot S \cdot V_w^3$$

$$P_{aero} = P_{vent} \cdot C_p$$

$$au_b = P_{aero}/\omega$$

 $\begin{aligned} \rho &: \text{ densité de l'air } [\text{kg/m}^2] \\ S &: \text{Surface } [\text{m}^2] \\ \text{V}_w &: \text{ Vitesse du vent } [\text{m/s}] \end{aligned}$

 C_p : Rendement aérodynamique

 τ_b : couple des pales [N.m] ω : vitesse angulaire [rad/s]

Aérodynamique des pales

 $\begin{array}{c} \text{Rendement} \\ \text{aérodynamique} \end{array} Cp = f(\lambda) \end{array}$



Coefficient aérodynamique en fonction de la vitesse spécifique.

Vitesse spécifique : $\lambda = u/v = \omega \cdot R/v$ (Tip Speed Ratio)



Couple aérodynamique





Mise en équation mécanique

Equation fondamentale de la dynamique en rotation

$$J\frac{d\omega}{dt} = \tau_b - \tau_g - b\omega$$

 τ_g : couple de la génératrice b: coefficient de frottements visqueux J: inertie (pales + génératrice)

En régime permanent :

$$\tau_b = \tau_g + b\omega$$



Equilibre des couples (régime permanent)





Couple de la génératrice



Modélisation indispensable de la machine électrique et du redresseur !



2. La machine synchrone à flux axial

- a) Principes de fonctionnement
- b) Flux magnétique couplé
- c) Aimants permanents
- d) Circuit reluctant
- e) Force électro-motrice
- f) Bobinage
- g) Formulation du couple
- h) Circuit électrique équivalent



2.a Principes de fonctionnement

Animation

Qu'en retient-on ?

- La position d'un aimant par rapport à une bobine est identique pour toutes les bobines d'une même phase.
- Quand les aimants sont alignés sur le centre des bobines d'une même phase, l'EMF résultante est nulle.

Formalisons un peu tout cela...



2.c Force (contre) électro-motrice associée à une spire





2.b Flux magnétique (rappel)

Généralisation à une surface quelconque traversée par un flux spécifique à cette surface.

$$\Phi = \iint_S \mathrm{d}\Phi = \iint_S \vec{B} \cdot \vec{\mathrm{d}S}$$

Induction constante à travers une surface d'échange constante et perpendiculaire au champ magnétique :

$$\Phi = B \cdot S$$



2.b Flux magnétique couplé à une spire.

Flux couplé (flux linkage) à une spire= flux à travers la surface d'échange de la spire c'est-à-dire le flux « vu » par cette spire.

C'est la variation de ce flux qui génère l'EMF aux bornes de la spire (loi de Lenz-Faraday).

Application à une spire perpendiculaire au champ magnétique présumé sinusoïdal



2.b Flux magnétique couplé à une spire.

Flux couplé (flux linkage) à une spire= flux à travers la surface d'échange de la spire c'est-à-dire le flux « vu » par cette spire.

C'est la variation de ce flux qui génère l'EMF aux bornes de la spire (loi de Lenz-Faraday).

Application à une spire perpendiculaire au champ magnétique présumé sinusoïdal



$$d\lambda = \int_{\alpha}^{\alpha + \theta_m} B_g(\theta) d\theta dr$$

Bobine de pas

$$\theta_m = \pi \Rightarrow d\lambda = \int_{\alpha}^{\alpha + \pi} B_p \sin(\theta) d\theta dr$$

Quand le champ se déplace à une vitesse omega :

$$\alpha = \omega t \Rightarrow d\lambda = 2B_p \cos(\omega t) dr$$



2.c Vue en coupe de la génératrice



Source : Latoufis et al.



2.c Aimants : flux rémanent et courbe d'aimantation



Animation: Laurent Schuller



Point de fonctionnement d'un aimant permanent



33

2.c Les aimants permanents : droite de recul



Figure. Courbes de démagnétisation des principaux matériaux utilisés dans les aimants permanents [3]

Remarque : pour les aimants permanents, l'évolution B(H) est quasiment linéaire !

$$\mu_{rec} = \mu_0 \mu_{rrec} = \frac{\Delta B}{\Delta H} \simeq \frac{B_r}{-H_c}$$

→ Avec Br et Hc d'un aimant permanent, on peut approximer le point de fonctionnement en analysant le circuit magnétique qui entoure l'aimant.



Circuit équivalent électrique d'un aimant




Circuit réluctant équivalent





2.c Calcul de l'induction magnétique dans l'entrefer : Ferrite vs NdFeB

	Ferrite (C8)	NdFeB (N40)
Br [T]	0.4	1.265
-Hc [kA/m]	228	982
(BH)max [kJ/m³]	30	326
Coût volumique	faible	Très élevé (ferrite x 145) Et volatiles !



2.c Ferrite vs NdFeB



2.c Charactéristiques des bobines



Grandeurs:

- l_a=longueur active
- w_c =largeur de la jambe
- $t_w = épaisseur de bobine$
- θ_m=angle mécanique qu'occupe la bobine sur le stator
- Forme : rectangulaire, trapézoidale, triangulaire.

La forme de la bobine est un compromis entre la quantité de le flux couplé, la résistance et la compacité.



Figure. Bobine trapézoidale [2]

EMF à partir du flux

Pour une bobine dont le coeur est de même dimension que l'aimant :

$$\lambda(t) = \Phi(t) \cdot N_c \cdot q \cdot k_w$$

Avec l'hypothèse d'une répartition du flux sinusoïdale :

 $\Phi(t) = \hat{\Phi} \cdot \cos(p\omega t)$

L'EMF s'exprime ainsi :

$$e = -d\frac{\lambda}{dt} = p \cdot \Phi_f \cdot \omega \cdot \sin(p\omega t)$$

$$\Phi_f = N_c \cdot q \cdot k_w \cdot \hat{\Phi}$$



2.d Coefficient de remplissage et densité de courant

Le coefficient de remplissage



$$k_f = \frac{N_c \cdot s_c}{w_c \cdot t_w}$$

 $k_{\rm f}$ détermine la quantité de cuivre (N_c conducteurs de section s_c) efficace au sein d'un brin de section w_c x t_w.

<u>En pratique</u> (construction manuelle), $0.5 < k_f < 0.6$:

- Bobines triangle : 0.52
- Bobines carrées/trapèze : 0.55
- Limite théorique (fil circulaire) : 0.78

La densité de courant

$$J = I_{acmax}/s_c \qquad [A/mm^2]$$

$$I_{acmax} \simeq \frac{P_{aero(nom)}}{3 \cdot e_{f(nom)}}$$

<u>En pratique</u> :

- Ajout d'un facteur de 10 % de marge pour la puissance nominale
- On essaie de garder $J \leq 6A/mm^2$

Hypothèses de calcul :

- E en phase avec I.
- Pas de pertes mécaniques.



2.d Résistance et coefficient d'échauffement

Résistance d'une bobine

$$R_s = \frac{\rho_t L}{S_{cu}} = \frac{N_c q \rho_t l_{avg}}{a^2 k_f t_w w_c} \qquad [\Omega]$$

q=nb bobines / phase en séries a=nb bobines en parallèle $l_{avg}=longueur$ moyenne d'une spire

$$\frac{\text{Coefficient d'échauffement d'une}}{bobine}$$

$$c_q = \frac{3R_s I_{acmax}^2}{2Q l_{avg} w_c} \quad [W/m^2]$$

En pratique $c_{\rm q}$ ne doit pas dépasser une valeur max ($0.3\ W/cm^2$).

 $\ensuremath{\textbf{Quizz}}$: Donner une condition sur $w_c\, a$ partir de $R_s\, et\, c_q\, .$



Modèle électrique de la MSAP

Schéma équivalent électrique d'une machine synchrone à aimants permanents



$$V_{abc} = e_{abc} - R_s \cdot i_{abc} - L_s \frac{di_{abc}}{dt}$$



Connexion avec un PD3



Relation entre tension de bus et EMF (RMS) :

$$V_{dc} = \frac{3\sqrt{6}}{\pi} V_{ac} + 2V_D$$
$$V_{ac} = e_f - R_s \cdot i - L_s \frac{di}{dt}$$

$$\hat{e_f} = p \cdot \phi_f \cdot \omega$$



Modèle moyen équivalent DC



Loi des mailles :

$$V_{DC} = E_{DC} - L_{sDC} \frac{di_{DC}}{dt} - R_{sDC}i_{DC}$$

EMF équivalent DC :
 $E_{DC} = p \cdot \Phi_{DC} \cdot \omega$
Formulation du couple :
 $\tau_g = p \cdot \Phi_{DC} \cdot i_{DC}$

Comportement d'une MCC !

Hypothèse : Effet d'empiètement négligé



Table d'équivalences

Variable	Symbole	Equivalent DC
EMF	e_f	$E_{DC} = \frac{3\sqrt{6}}{\pi}e_f$
Courant	i	$i_{DC} = \frac{\sqrt{6}}{\pi}i$
Flux	Φ_f	$\Phi_{DC} = \frac{3\sqrt{3}}{\pi} \Phi_f$
Resistance	R_s	$R_{sDC} = 3(\frac{\sqrt{6}}{\pi})^2 R_s$
Inductance	L_s	$L_{sDC} = 3(\frac{\sqrt{6}}{\pi})^2 L_s$

Source [7]



Formulation du couple en fonction de la vitesse

En régime permanent : $V_{DC} = E_{DC} - R_{sDC}i_{DC}$

Le courant s'exprime :

$$i_{DC} = \frac{p\Phi_{DC}}{R_{DC}}\omega - \frac{V_{DC}}{R_{DC}}$$

Et ainsi le couple :

$$\tau_g(\omega) = \frac{p^2 \Phi_{DC}^2}{R_{DC}} \omega - \frac{V_{DC}}{R_{DC}} p \Phi_{DC}$$

Système non réversible $! \Rightarrow \tau_q > 0$



3.a Vitesse spécifique (à vitesse de rotation fixe)

A vitesse de rotation fixe, que fait la vitesse spécifique quand la vitesse de vent augmente ?



48

3.b Courbes de puissances de l'éolienne et courbes de charge

Power curves intersection with direct battery connection (fixed speed)



Power (W)

Quelle génératrice a le plus grand nombre de spires par phase (à rotor équivalent) ?

→ La génératrice 1 car elle commence à produire à une vitesse plus faible

Rotational speed (RPM)



49

3.b Effet des paramètres de la génératrice sur la courbe de charge



Rotational speed (RPM)



50

Power (W)

Courbe de puissance





3. TD : Introduction au dimensionnement analytique

Objectif : Dimensionner une machine AFPM double rotor, de manière analytique en partant d'un cahier des charge aérodynamique.



Cahier des charges

- Puissance nominale : $P_{DC} = 700$ W pour un vent nominal $V_w = 10$ m/s
- Tension batterie : $V_{dc} = 24$ V
- TSR d'accroche : $\lambda_{cut-in} = 9$



Synthèse des dimensions de la génératrice





Données :

<u>Aimants</u>: la, wm, Br, Hc, p

Entrefer: 2g + tw

<u>Stator :</u> tw, kf

A calculer :

- Nombre de tours de fil / bobines Nc
- Section de fil \boldsymbol{sc}
- Largeur d'un brin de bobine ${\bf wc}$



Données

	Paramètres	Valeur
Aimants ferrite (C8)	$l_a \times w_m \times h_m$	$50 \times 50 \times 20 \text{ mm}$
Aimants NdFeB (N40)	$l_a \times w_m \times h_m$	$46 \times 30 \times 10 \text{ mm}$
Nombre de paire de poles	p	6
Epaisseur statorique	t_w	13mm
Dégagement mécanique (stator-rotor)	g	$1,5\mathrm{mm}$
Nombre de bobines en série par phase	q	3
Densité de l'air	ρ	$1.204 kg/m^{3}$



Calcul de la vitesse d'accroche

1. Calculer la longueur d'une pale.

On désire une puissance nominale dans la batterie $P_{DC} = 700$ W à une vitesse de vent $v_w = 10$ m/s. Hypothèse : $\eta_{meca} \cdot \eta = \eta_m \cdot \eta_g \cdot \eta_r = 0.8$, $C_{p(nom)} = 0.32$

Calculer la vitesse d'accroche du rotor (vitesse pour laquelle le rotor commence à produire du couple et donc à injecter sur la batterie). Donner aussi une valeur en tours par minutes.
 CDC : wont de démonstrate de 2 5m/s. TSP d'accroche) = 0

CDC : vent de démarrage de 3.5m/s, TSR d'accroche $\lambda_{cut_in}=9$



Calcul du flux et du nombre de conducteurs

- 3. Calculer le flux équivalent DC Φ_{DC} qu'il faudrait obtenir pour que l'éolienne commence à produire du couple à cette vitesse.
- 4. En déduire la constante de flux couplé ϕ_f nécessaire.
- 5. Calculer la valeur du flux magnétique $\hat{\Phi}$ dans l'entrefer à partir du circuit magnétique reluctant et des dimensions géométriques des données. Faire le calcul pour les aimants ferrites et Néodyme.
- 6. En déduire le nombre de tours de fil par bobine qu'il faudrait avoir pour chaque type d'aimant.



Section de cuivre et largeur des brins

- 8. Calculer le courant maximum dans une phase (RMS) Hypothèse : $\lambda_{nom} = 4.5$
- 9. En déduire la section de conducteur par le critère de la densité de courant. CDC : $J_{max} = 6.5mm^2$
- 10. En déduire le diamètre de conducteur d_c minimal pour un puis deux conducteurs en parallèle
- 11. En déduire la largeur w_c d'un brin de bobine Hypothèse : $k_f = 0.55$



Résumé de la démarche

Donner le résumé de la démarche de dimensionnement sous forme de schéma.



4. Les outils de dimensionnement OpenAFPM

a) Les trois outils MagnAFPM, UserAFPM, OptiAFPM

- b) MagnAFPM : processus de design
- c) Variables principales
- d) Quelques réflexes



4.a La suite d'outil OpenAFPM¹

Concept : Une suite d'outil pour dimensionner des machines AFPM pour le petit éolien.

Particularité : Couplage d'un algorithme d'optimisation à un processus d'analyse par éléments finis magnétiques (FiniteElementMagnetics) avec l'outil libre FEMM.

- **OptiAFPM** : recherche d'une dimension optimale d'aimants permanents pour un jeu de pales spécifique.
- **MagnAFPM** : design d'une machine pour un jeu de pales et une dimension d'aimant spécifique.
- **UserAFPM** : banc d'essai virtuel, permet de vérifier les performances en charge d'une génératrice.

¹ Réalisé par RURERG de la National Technical University of Athens, financé par Wisions.



4.b MagnAFPM : processus de design



4.b MagnAFPM : processus de design





4.b MagnAFPM : processus de design



4.c Lancer une simulation MagnAFPM

Save

1) Initialisation des paramètres

Blade Rotor Inputs		Generator Stator Inputs		Generator Rotor I
Turbine radius *		Select coil type *		AFPM rotor topolo
1	m	Triangular	v	Double Rotor
Aerodynamic coefficient *		Winder bolt size "		Magnetic material
0.3		8	mm	Ferrite C8
Cut-in wind speed *		Winding fill factor *		Number of generat
3	m/s	User defined	v	12
Nominal wind speed *		Winding fill factor *		Magnet length *
10	m/s	0.52		50
Cut-in TSR *		Stator thickness *		Magnet width *
8.75		User defined	v	50
Design TSR *		Stator thickness *		Magnet thickness
7		13	mm	20
Air density *		Current density *		Rotor disk thicknes
1.204	kg/m ^a	6	A/mm2	User Defined

Title * Eplerone Ferrite CEE

Generator Rotor Inpu	uts
AFPM rotor topology	
Double Rotor	
Magnetic material *	
Ferrite C8	
Number of generator (poles *
12	
Magnet length *	
50	mm
Magnet width *	
50	mm
Magnet thickness *	
20	mm
Rotor disk thickness *	
User Defined	
Rotor disk thickness *	
10	mm
Mechanical clearance	
2	mm

2) Options de simulation

System Inputs		Financial Inputs		Constants	
System voltage *		Iron price "		Copper resistivity *	
24	v	1	Ckg	1.678E-8	Ω-m
Nominal voltage "		Resin price "		Copper density *	
24	v	11.23	€/kg	8.94	g/cm ³
Transmission cable losses		Copper price *		Iron density "	
10	%	12	Ckg	7.87	g/cm ^a
Rectifier losses *		Plywood price *		Resin density *	
10	%	17.6	€im²	1.36	g/cm ³
Simulation Inputs					
Also run UserAFPM					
Privacy options		Private			



4.c Relancer une simulation MagnAFPM

1) Initialisation des paramètres

2) Options de simulation



66

4.d Quelques réflexes pour converger vers le design final...

<u>Les curseurs principaux à ajuster :</u>

- Current density
- Aerodynamic coefficient à puissance nominale

A vous de jouer !! openafpm.net



TP 1 : Simulation de la génératrice dimensionnée précédemment

- Lancer une simulation MagnAFPM avec les mêmes critères que pour le calcul analytique (cf. TD)
 - Génératrice Ferrite
 - Génératrice Néodyme



TP 2 : Design d'une nouvelle machine pour vélo-générateur

Cahier des charges :

- Rotor simple
- 8 Aimants ferrite (C8)(50x50x20) (p=4)
- Taille d'une pale : 60cm
- Épaisseur stator : tw=13mm
- Bobines triangulaires.
- TSR d'accroche : 7 , Vent d'accroche : 3m/s /
- TSR nominal : 5
- Rayon extérieur du rotor : 165 mm

\rightarrow Trouver les dimensions du bobinage en utilisant MagnAFPM.



Préparation du TP de caractérisation

- 1)Proposer deux méthodes pour mesurer la résistance de phase Rs.
- 2)Proposer deux méthodes pour mesurer l'inductance Ls.
- 3)Proposer une méthode pour mesurer la constante de flux.
 - → Justifier par des schéma électriques + explications



Ouverture : Axial vs. Radial




Références

[1] www.pengki.cn

[2] www.openafpm.net

[3] Gieras, Jacek & Wang, Rong-Jie & Kamper, Maarten. (2008). Axial Flux Permanent Magnet Brushless Machines. 10.1007/978-1-4020-8227-6.

[4] « Construire une éolienne », manuel de construction, association Tripalium, adaptation de « A wind Turbine Recipe Book », Hugh Piggott.

[5] M. J. Kamper, R. Wang and F. G. Rossouw, "Analysis and Performance of Axial Flux Permanent-Magnet Machine With Air-Cored Nonoverlapping Concentrated Stator Windings," in IEEE Transactions on Industry Applications, vol. 44, no. 5, pp. 1495-1504, Sept.-Oct. 2008, doi: 10.1109/TIA.2008.2002183.

[6] H. Piggott, 2F wind turbine construction manual, smashwords edition, 2014

[7] Latoufis, Kostas & Messinis, Georgios & Kotsampopoulos, Panos & Hatziargyriou, Nikos. (2012). Axial Flux Permanent Magnet Generator Design for Low Cost Manufacturing of Small Wind Turbines. Wind Engineering. 36.

[8] Sareni, B., A. Abdelli, X. Roboam, and D.H. Tran. "Model Simplification and Optimization of a Passive Wind Turbine Generator." Renewable Energy 34, no. 12 (December 2009): 2640–50. https://doi.org/10.1016/j.renene.2009.04.024.



Dimensions génératrice 2F 48V

Pour s'entrainer à retrouver un design existant :

- Vdc=48V
- r=1m
- TSR accroche = 8,75
- Aimants ferrite C8 : 50 x 50 x 20
- Rout=150mmm
- dc = 1.15mm
- tw=13mm
- Nc= 180 tours
- p=6, Q=9 bobines,q=3 bobines en série par phase,

