



**HAL**  
open science

## OpenCCO : Une implémentation de l'algorithme CCO pour la construction d'arbres vasculaires 2D et 3D

Bertrand Kerautret, Phuc Ngo, Nicolas Passat, Hugues Talbot, Clara Jaquet,  
Adam Germain

### ► To cite this version:

Bertrand Kerautret, Phuc Ngo, Nicolas Passat, Hugues Talbot, Clara Jaquet, et al.. OpenCCO : Une implémentation de l'algorithme CCO pour la construction d'arbres vasculaires 2D et 3D. Atelier R-Vessel-X 2023, Jun 2023, Lyon, France. hal-04133361

**HAL Id: hal-04133361**

**<https://hal.science/hal-04133361>**

Submitted on 21 Jun 2023

**HAL** is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

# OpenCCO : Une implémentation de l'algorithme CCO pour la construction d'arbres vasculaires 2D et 3D

---

Bertrand Kerautret<sup>1</sup>, Phuc Ngo<sup>2</sup>, Nicolas Passat<sup>3</sup>, Hugues Talbot<sup>4</sup>, Clara Jaquet<sup>5</sup>  
avec **Adam Germain**<sup>1</sup>

Atelier plénière de cloture de R-Vessel-X 2023  
Bron, 15 juin 2023

<sup>1</sup>Université Lyon 2, LIRIS

<sup>2</sup>Université de Lorraine, LORIA

<sup>3</sup>Université de Reims Champagne Ardenne, CReSTIC

<sup>4</sup>CentraleSupélec, Inria

<sup>5</sup>FindOut Diagnostic AB, Sweden



# Plan

1. Introduction
2. Rappel points clés de l'algorithme
3. Implémentation
4. Résultats
5. Conclusion

## 1. Introduction

---



# 1. Introduction : contexte et motivation initiale (1)

## Contexte lié au du projet R-VESSEL-X

- Début de la thèse de Jonas Lamy sur l'analyse de réseau vasculaire du foie (2019).
- Problématique de rehaussement de vaisseaux sur des images IRM.
- Manque de données IRM de vaisseaux annotées sur des images de foie.

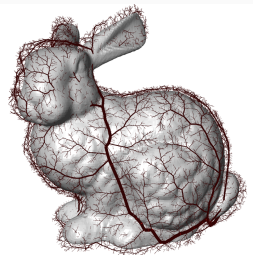
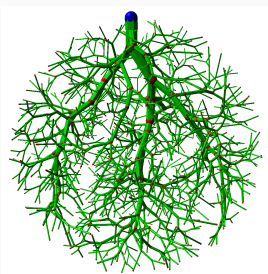
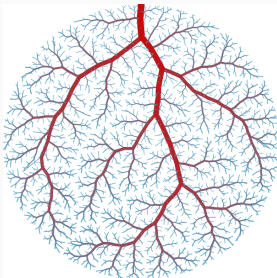
# 1. Introduction : contexte et motivation initiale (1)

## Contexte lié au du projet R-VESSEL-X

- Début de la thèse de Jonas Lamy sur l'analyse de réseau vasculaire du foie (2019).
- Problématique de rehaussement de vaisseaux sur des images IRM.
- Manque de données IRM de vaisseaux annotées sur des images de foie.

## Algorithme CCO : Constrained Constructive Optimization

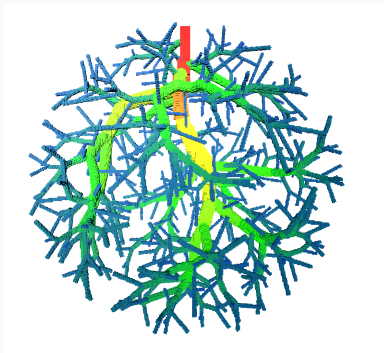
Créer des objets vasculaires (2D ou 3D) synthétiques mais réalistes d'un point vue anatomique.



# 1. Introduction : contexte et motivation initiale (2)

## Nombreux points d'intérêt

- Génération d'images médicales de synthèse.
- Apprentissage (à travers les méthodes DL).
- Vérité terrain pour benchmarks (filtrage, analyse géométrique).
- Utilisation des modèles pour la simulation/modélisation (perfusion/vasculaire).



# 1. Introduction : contexte et motivation initiale (2)

## Nombreux points d'intérêt

- Génération d'images médicales de synthèse.
- Apprentissage (à travers les méthodes DL).
- Vérité terrain pour benchmarks (filtrage, analyse géométrique).
- Utilisation des modèles pour la simulation/modélisation (perfusion/vasculaire).

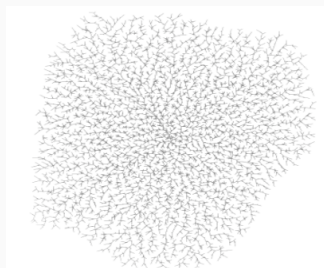
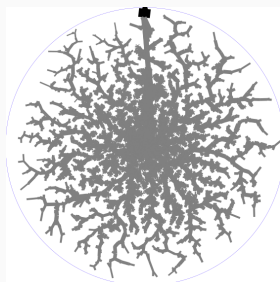
## Existant

- Schreiner et al. Computer-optimization of vascular trees. IEEE TBE 1993
- VascuSynth : domaines cubiques, uniquement en 3D, optimisation simplifiée.
- Thèse de Clara Jaquet (Hugues Talbot, Paris Est, 2018)
  - Jaquet et al. Generation of Patient-Specific Cardiac Vascular Networks: A Hybrid Image-Based and Synthetic Geometric Model. IEEE TBE 2019
  - Collaboration industrielle avec HeartFlow : code non disponible

# 1. Introduction : principales étapes de travail

## Principales étapes:

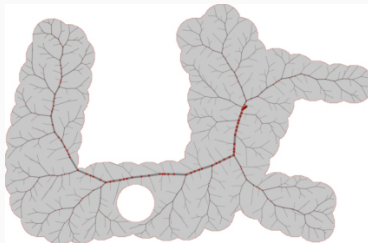
- 1. Stage de Master 2 : Dylan Framery mars-sept 2020  
⇒ base de l'algorithme, construction de l'arbre sans optimisation.



# 1. Introduction : principales étapes de travail

## Principales étapes:

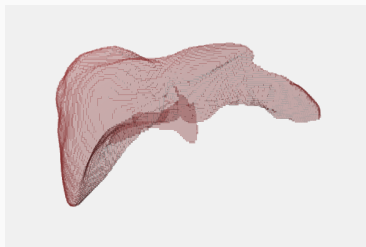
- 1. Stage de Master 2 : Dylan Framery mars-sept 2020  
⇒ base de l'algorithme, construction de l'arbre sans optimisation.
- 2. Reprise du code et algorithme à Roscoff avec Phuc et Nicolas juin 2021.



# 1. Introduction : principales étapes de travail

## Principales étapes:

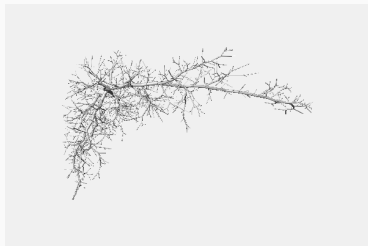
- 1. Stage de Master 2 : Dylan Framery mars-sept 2020  
⇒ base de l'algorithme, construction de l'arbre sans optimisation.
- 2. Reprise du code et algorithme à Roscoff avec Phuc et Nicolas juin 2021.
- 3. Finalisation, contrôle du domaine, gestion 2D/3D et travail soumis à IPOL.



# 1. Introduction : principales étapes de travail

## Principales étapes:

- 1. Stage de Master 2 : Dylan Framery mars-sept 2020  
⇒ base de l'algorithme, construction de l'arbre sans optimisation.
- 2. Reprise du code et algorithme à Roscoff avec Phuc et Nicolas juin 2021.
- 3. Finalisation, contrôle du domaine, gestion 2D/3D et travail soumis à IPOL.

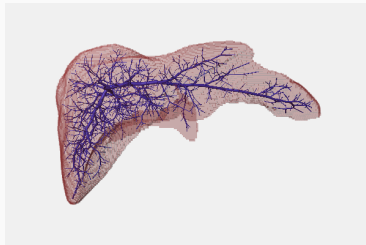




# 1. Introduction : principales étapes de travail

## Principales étapes:

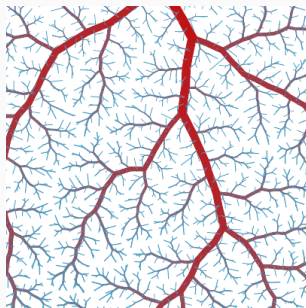
- 1. Stage de Master 2 : Dylan Framery mars-sept 2020  
⇒ base de l'algorithme, construction de l'arbre sans optimisation.
- 2. Reprise du code et algorithme à Roscoff avec Phuc et Nicolas juin 2021.
- 3. Finalisation, contrôle du domaine, gestion 2D/3D et travail soumis à IPOL.



# 1. Introduction : principales étapes de travail

## Principales étapes:

- 1. Stage de Master 2 : Dylan Framery mars-sept 2020  
⇒ base de l'algorithme, construction de l'arbre sans optimisation.
- 2. Reprise du code et algorithme à Roscoff avec Phuc et Nicolas juin 2021.
- 3. Finalisation, contrôle du domaine, gestion 2D/3D et travail soumis à IPOL.
- 4. Stage de Master 1 : Adam travail sur le rendu d'images basé CCO (depuis mai).  
→ co encadré avec O. Merveille (CREATIS, projet collaboration DIGITBIOMED).



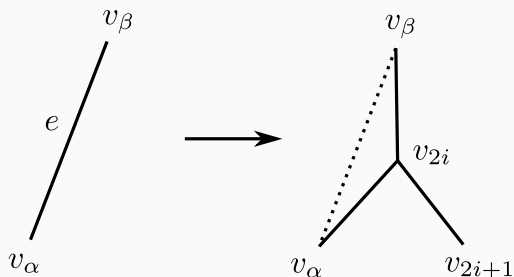
## 2. Rappel points clés de l'algorithme

---

## Idee générale de l'algorithme

### Construction incrémentale en $n$ étapes identiques

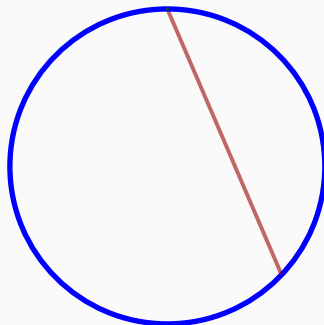
- Ajout d'un terminal + une branche incidente (= une bifurcation)



## Idee générale de l'algorithme

### Construction incrémentale en $n$ étapes identiques

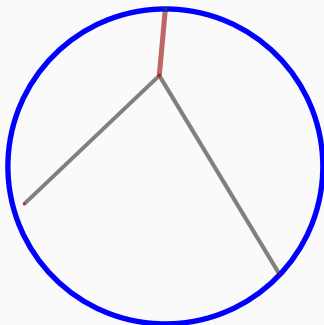
- Ajout d'un terminal + une branche incidente (= une bifurcation)
- Pour plusieurs candidats  $\Rightarrow$  **Choix du meilleur candidat**
  - Sélection d'une branche pour connexion
  - Test d'éligibilité (intersection, proximité, ...)
  - **Calcul du point de bifurcation**
  - (Re)calcul des diamètres des branches ascendantes.



## Idee générale de l'algorithme

### Construction incrémentale en $n$ étapes identiques

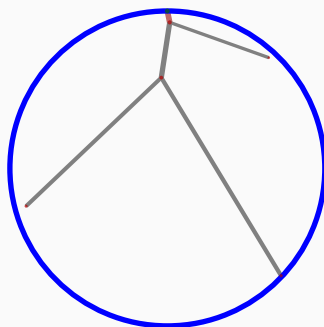
- Ajout d'un terminal + une branche incidente (= une bifurcation)
- Pour plusieurs candidats  $\Rightarrow$  **Choix du meilleur candidat**
  - Sélection d'une branche pour connexion
  - Test d'éligibilité (intersection, proximité, ...)
  - **Calcul du point de bifurcation**
  - (Re)calcul des diamètres des branches ascendantes.



# Idee générale de l'algorithme

## Construction incrémentale en $n$ étapes identiques

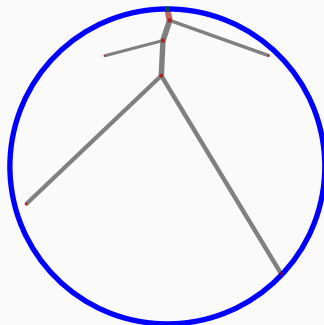
- Ajout d'un terminal + une branche incidente (= une bifurcation)
- Pour plusieurs candidats  $\Rightarrow$  **Choix du meilleur candidat**
  - Sélection d'une branche pour connexion
  - Test d'éligibilité (intersection, proximité, ...)
  - **Calcul du point de bifurcation**
  - (Re)calcul des diamètres des branches ascendantes.



# Idee générale de l'algorithme

## Construction incrémentale en $n$ étapes identiques

- Ajout d'un terminal + une branche incidente (= une bifurcation)
- Pour plusieurs candidats  $\Rightarrow$  **Choix du meilleur candidat**
  - Sélection d'une branche pour connexion
  - Test d'éligibilité (intersection, proximité, ...)
  - **Calcul du point de bifurcation**
  - (Re)calcul des diamètres des branches ascendantes.





## Schéma algorithmique

## Algorithme (aspects topologiques)

**Input:** Nombre de points terminaux  $N_{term} \in \mathbb{N}_+^*$

**Result:** Graphe de l'arbre vasculaire  $(\mathcal{V}, \mathcal{E})$

// Initialisation du graphe

1 Let  $v_0, v_1$  be two vertices of the first segment.

2 Let  $(\mathcal{V}_0, \mathcal{E}_0) = (\{v_0, v_1\}, \{(v_0, v_1)\})$ .

// Ajout des segments au graphe

3 **foreach**  $i \in \llbracket 1, N_{term} - 1 \rrbracket$  **do**

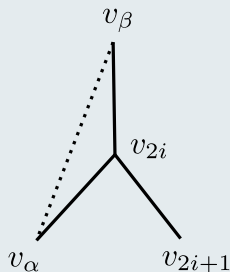
4     Let  $v_{2i}, v_{2i+1}$  be two vertices.

5     Choisir  $e = (v_\alpha, v_\beta) \in \mathcal{E}_{i-1}$  (avec  $0 \leq \alpha, \beta < i$ )

6     Let  $\mathcal{V}_i = \mathcal{V}_{i-1} \cup \{v_{2i}, v_{2i+1}\}$

7     Let  $\mathcal{E}_i = (\mathcal{E}_{i-1} \setminus \{e\}) \cup \{(v_\alpha, v_{2i}), (v_{2i}, v_\beta), (v_{2i}, v_{2i+1})\}$

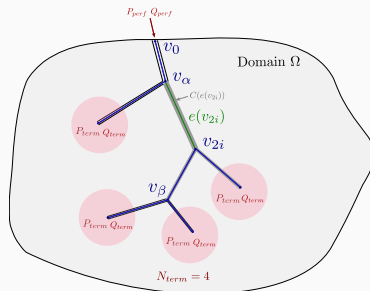
8 Let  $(\mathcal{V}, \mathcal{E}) = (\mathcal{V}_{N_{term}-1}, \mathcal{E}_{N_{term}-1})$



# Paramètres

## Paramètres algorithmiques

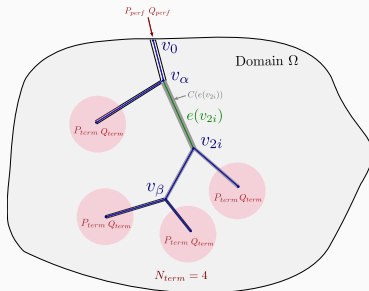
- Dimension  $d \in \{2, 3\}$
- Domaine  $\Omega \subset \mathbb{R}^d$  (convexe ou non convexe) et la racine  $x_0 \in \Omega$
- Nombre de points terminaux  $N_{term} \in \mathbb{N}^*$
- Nombre des plus proches segments  $N_{neigh} \in \mathbb{N}^* \Rightarrow$  test de connexion
- Nombre des plus proches segments  $N_{max} \in \mathbb{N}^* \Rightarrow$  test d'intersection



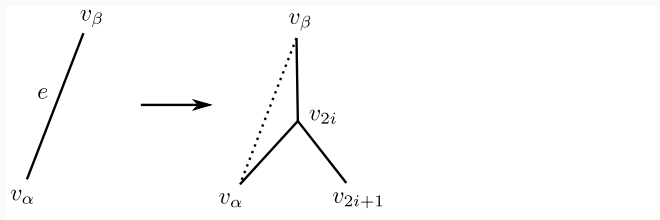
# Paramètres

## Paramètres physiologiques

- Volume de perfusion ( $A_{perf}$ )
- Pression d'entrée, de sortie ( $P_{perf}$  et  $P_{term}$ )
- Flot d'entrée, de sortie ( $Q_{perf}$  et  $Q_{term}$ )
- Viscosité ( $\mu$ )
- Coefficient de bifurcation de Murray ( $\gamma$ )



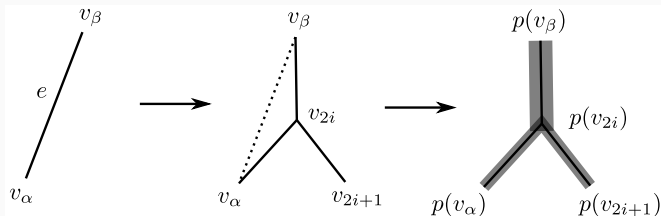
## Construction topologique mais aussi géométrique. . .



### Aspects géométriques liés au plongement

- Chaque sommet a un plongement dans  $\mathbb{R}^d$
- Chaque arête est associée à un segment de droite entre deux sommets

## Construction topologique mais aussi géométrique. . .



## Aspects géométriques liés au plongement

- Chaque sommet a un plongement dans  $\mathbb{R}^d$
- Chaque arête est associée à un segment de droite entre deux sommets

Contraintes liées au plongement :

- Chaque sommet et segment doivent être complètement dans  $\Omega$
- Aucun segment ne doit "s'intersecter" ( $\rightarrow$  épaisseur)
- Les sommets doivent être suffisamment éloignés de l'arbre
- Chaque segment doit être suffisamment long

## ... et les contraintes physiologiques

### Contraintes physiologiques

- mesure du domaine (aire en 2D et volume en 3D)
- pression (entrée ; sorties)
- flot (entrée ; sorties)
- viscosité
- coefficient de bifurcation

## ... et les contraintes physiologiques

### Contraintes physiologiques

- mesure du domaine (aire en 2D et volume en 3D)
- pression (entrée ; sorties)
- flot (entrée ; sorties)
- viscosité
- coefficient de bifurcation

### Pour trouver une solution optimale

- la connexion minisant le **volume total** de l'arbre
- position optimale de la **bifurcation**
- mises à jour des diamètres des branches
- test d'éligibilité : intersection, proximité, ...

## Synthèse du processus global

### Trois phases distinctes

- Choix de points terminaux aléatoires pour la construction :
  - contraintes : domaine, distance, intersection, ...
  - multiplicité : choix du segment de rattachement  
→ les  $N_{neigh}$  segments les plus proches



## Synthèse du processus global

### Trois phases distinctes

- Choix de points terminaux aléatoires pour la construction :
  - contraintes : domaine, distance, intersection, ...
  - multiplicité : choix du segment de rattachement  
→ les  $N_{neigh}$  segments les plus proches
- Processus d'optimisation :
  - position optimale du point de la bifurcation
  - contraintes : domaine, longueur, intersection, ...  
→ les  $N_{max}$  segments les plus proches
  - minimisation globale du volume

## Synthèse du processus global

### Trois phases distinctes

- Choix de points terminaux aléatoires pour la construction :
  - contraintes : domaine, distance, intersection, ...
  - multiplicité : choix du segment de rattachement  
→ les  $N_{neigh}$  segments les plus proches
- Processus d'optimisation :
  - position optimale du point de la bifurcation
  - contraintes : domaine, longueur, intersection, ...  
→ les  $N_{max}$  segments les plus proches
  - minimisation globale du volume
- Mises à jour :
  - rayons des branches ascendantes
  - pressions, flots, volume global, ...

### 3. Implémentation

---

## 3. Implémentation : organisation

### Organisation logicielle

- Langage de programmation : C++
- Outils de compilation: `cmake`
- Dépendances :
  - Ceres Solver : solveur non linéaire pour l'optimisation géométrique
  - DGTal : gestion de domaine 2D/3D, visualisation
- Hébergement: *GitHub*, outils CI: Linux/MacOs)
- Image *docker*.

OpenCCO-team / OpenCCO Private

Edit Pins Unwatch 3 Fork 1 Starred 1

Code Issues Pull requests Actions Projects Security Insights Settings

ipolSubmit Go to file Add file Code About

kerautret Update README.md	on Apr 3	476
.github/workflows	github action new runner	4 months ago
.ipol	move graphAnalysis	2 months ago
ExpelPOL	add expe ipol dir	2 months ago

No description, website, or topics provided.

Readme GPL-3.0 license Activity 1 star

## 3. Implémentation : niveau utilisateur (1)

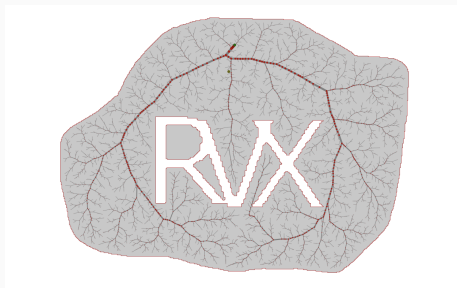
### Executables en ligne de commandes

- Orientation générale : pouvoir scripter la génération d'arbre.

## 3. Implémentation : niveau utilisateur (1)

### Executables en ligne de commandes

- Orientation générale : pouvoir scripter la génération d'arbre.
- `bin/generateTree2D` et `generateTree3D` : génération de l'arbre vasculaire 2D/3D  
→ export de l'arbre en format xml

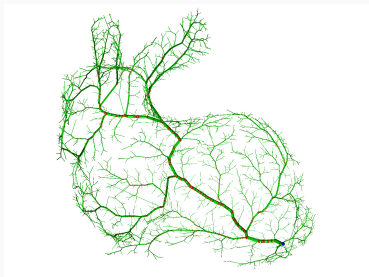


```
./build/bin/generateTree2D -n 3000 -a 20000 -d Samples/shape3.pgm
```

## 3. Implémentation : niveau utilisateur (1)

### Executables en ligne de commandes

- Orientation générale : pouvoir scripter la génération d'arbre.
- `bin/generateTree2D` et `generateTree3D` : génération de l'arbre vasculaire 2D/3D  
→ export de l'arbre en format xml

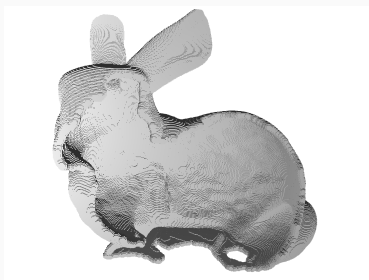


```
generateTree3D -n 3000 -a 20000 -d Samples/bunnyThickBdr.vol -view -m 1  
-p 143 -107 7
```

## 3. Implémentation : niveau utilisateur (1)

### Executables en ligne de commandes

- Orientation générale : pouvoir scripter la génération d'arbre.
- `bin/generateTree2D` et `generateTree3D` : génération de l'arbre vasculaire 2D/3D  
→ export de l'arbre en format xml

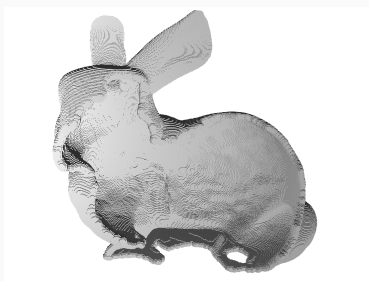




## 3. Implémentation : niveau utilisateur (1)

### Executables en ligne de commandes

- Orientation générale : pouvoir scripter la génération d'arbre.
- `bin/generateTree2D` et `generateTree3D` : génération de l'arbre vasculaire 2D/3D  
→ export de l'arbre en format xml
- `tools/graphAnalysis` : outils d'analyse/conversion depuis format xml.  
→ utile aussi pour le format xml généré par `VascuSynth`

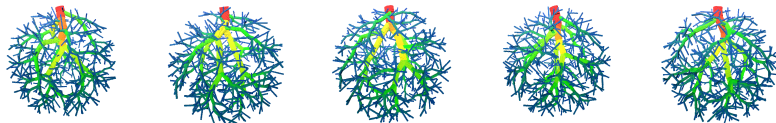


## 3. Implémentation : niveau utilisateur (2)

### Outils interfaçables avec les tools de DGtalTools-Contrib

Exemple de script pour générer 100 volumes discrétisés :

```
#!/bin/bash
typeset -Z3 i
for i in $(seq -w 1 100)
do
  generateTree3D
  xml2graph tree_3D.xml r
  graph2vol -v r_vertex.dat -e r_edges.dat -r r_radius.dat -o vol${i}.nii -g 10
done
```



## 3. Implémentation : niveau utilisateur (3)

### Démonstration en ligne (associé à la soumission IPOL)

- Définie en 2D et 3D.
- Domaines : implicite, image de masque 3D donné par l'utilisateur.
- Export disponible en ligne, format xml.

The screenshot displays the IPOL Journal website interface for a demo. At the top, it says 'IPOL Journal - Image Processing On Line' with navigation links for HOME, ABOUT, ARTICLES, PREPRINTS, WORKSHOPS, NEWS, and SEARCH. The main title is 'OpenCCO: Constrained Constructive Optimization Implementation'. Below the title, there are tabs for 'Article', 'Demo', and 'Archive', with 'Demo' selected. A note asks users to cite the reference article if they publish results. The 'Description' section states 'Demonstration of "Constrained Constructive Optimization Implementation..."'. Under 'Select input(s)', there is an 'Upload data' button and a row of six input image thumbnails: 'Implicit 2D/3D domain', '2D shape 1', '2D shape 2', '3D liver domain', '3D toy domain', and a partially visible '3'. Below this, the 'Input(s)' section shows a file upload area for 'Input image (png, jpeg, (no gif nor psp))' and a 'Crop' checkbox. A large 3D visualization of a segmented liver volume is shown at the bottom.

## 3. Implémentation : niveau développeur (1)

### Structure du code : deux classes importantes

- **CoronaryArteryTree** : structure de l'arbre vasculaire (paramètres physiologiques, segments et rayons, définition du domaine...).

## 3. Implémentation : niveau développeur (1)

### Structure du code : deux classes importantes

- **CoronaryArteryTree** : structure de l'arbre vasculaire (paramètres physiologiques, segments et rayons, définition du domaine...).
- **DomainController** : contrôle le domaine d'expansion de l'arbre.  
Concept qui demande les fonctions `randomPoint()`, `isInside()`, `checkNoIntersectDomain()`

## 3. Implémentation : niveau développeur (1)

### Structure du code : deux classes importantes

- **CoronaryArteryTree** : structure de l'arbre vasculaire (paramètres physiologiques, segments et rayons, définition du domaine...).
- **DomainController** : contrôle le domaine d'expansion de l'arbre.  
Concept qui demande les fonctions `randomPoint()`, `isInside()`, `checkNoIntersectDomain()`  
→ Plusieurs classes suivent le concept du `DomainController` :
  - `CircularDomainCtrl` : domaine circulaire.
  - `SquareDomainCtrl` : domaine carré.
  - `ImageMaskDomainCtrl` : domaine défini à travers l'image associé à un masque.

## 3. Implémentation : niveau développeur (1)

### Structure du code : deux classes importantes

- **CoronaryArteryTree** : structure de l'arbre vasculaire (paramètres physiologiques, segments et rayons, définition du domaine...).
- **DomainController** : contrôle le domaine d'expansion de l'arbre.  
Concept qui demande les fonctions `randomPoint()`, `isInside()`, `checkNoIntersectDomain()`  
→ Plusieurs classes suivent le concept du `DomainController` :
  - `CircularDomainCtrl` : domaine circulaire.
  - `SquareDomainCtrl` : domaine carré.
  - `ImageMaskDomainCtrl` : domaine défini à travers l'image associé à un masque.

### Structure commune 2D et 3D

- Classe `CoronaryArteryTree` : deux paramètres template :
  - dimension du domaine 2D/3D.
  - contrôleur de domaine.
- Contrôleurs de domaine: un paramètre template associé à la dimension.

## 3. Implémentation : niveau développeur (2)

### Exemple de code minimal :

Reconstruction en trois étapes :

1. Définition des types et construction de l'objet arbre :

```
typedef SquareDomainCtrl<2> SqDomCtrl;  
typedef CoronaryArteryTree<SqDomCtrl, 2> TTree;  
SqDomCtrl::TPoint pCenter (0,0);  
SqDomCtrl aCtr(1.0,pCenter);  
TTree aTree (aPerf, nbTerm, aCtr, 1.0);
```



## 3. Implémentation : niveau développeur (2)

### Exemple de code minimal :

Reconstruction en trois étapes :

1. Définition des types et construction de l'objet arbre :

```
typedef SquareDomainCtrl<2> SqDomCtrl;  
typedef CoronaryArteryTree<SqDomCtrl, 2> TTree;  
SqDomCtrl::TPoint pCenter (0,0);  
SqDomCtrl aCtr(1.0,pCenter);  
TTree aTree (aPerf, nbTerm, aCtr, 1.0);
```

2. Initialisation et expansion de l'arbre :

```
ExpandTreeHelpers::initFirtElemTree(aTree, verbose);  
ExpandTreeHelpers::expandTree(aTree);
```

## 3. Implémentation : niveau développeur (2)

### Exemple de code minimal :

Reconstruction en trois étapes :

1. Définition des types et construction de l'objet arbre :

```
typedef SquareDomainCtrl<2> SqDomCtrl;  
typedef CoronaryArteryTree<SqDomCtrl, 2> TTree;  
SqDomCtrl::TPoint pCenter (0,0);  
SqDomCtrl aCtr(1.0,pCenter);  
TTree aTree (aPerf, nbTerm, aCtr, 1.0);
```

2. Initialisation et expansion de l'arbre :

```
ExpandTreeHelpers::initFirtElemTree(aTree, verbose);  
ExpandTreeHelpers::expandTree(aTree);
```

3. Export du résultat :

```
XMLHelpers::writeTreeToXml(aTree, "tree_2D.xml");
```

## 3. Implémentation : niveau développeur (3)

### Extension simple à effectuer :

Ex : définir une génération d'arbre guidée par les intensités d'une image source.

- Implémenter un nouveau contrôleur de domaine.
- Hériter de `ImageMaskDomainCtrl`.
- Surcharger la méthode `RandomPoint()`.

## 3. Implémentation : niveau développeur (3)

### Extension simple à effectuer :

Ex : définir une génération d'arbre guidée par les intensités d'une image source.

- Implémenter un nouveau contrôleur de domaine.
- Hériter de `ImageMaskDomainCtrl`.
- Surcharger la méthode `RandomPoint()`.

### Autres perspectives

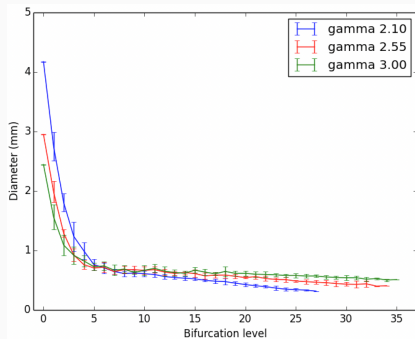
Faire évoluer deux arbres vasculaires sur le même domaine.

- Contrôleur de domaine avec une référence sur un autre arbre.
- Méthode spécifique `RandomPoint()`, `checkNoIntersectDomain()`.

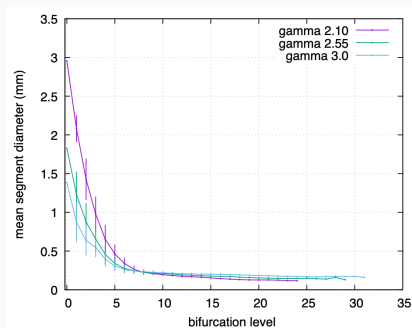
## 4. Résultats

---

# Analyse des diamètres moyens



Jaquet



OpenCCO

## Temps d'exécution

### Paramètres physiologiques

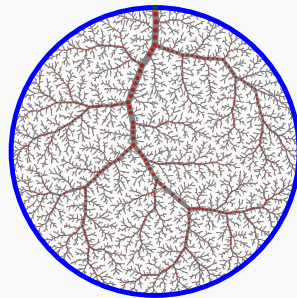
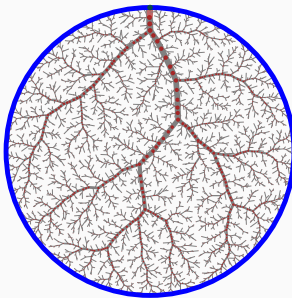
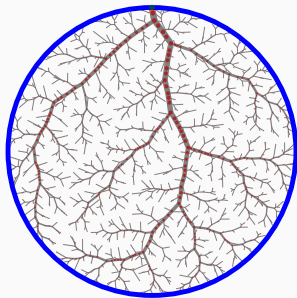
- Perfusion surface / volume :  $A_{perf} = 20000 \text{ cm}^2 / \text{cm}^3$
- Perfusion pressure :  $P_{perf} = 1.33e4 \text{ Pa}$
- Terminal pressure :  $P_{term} = 8.33e3 \text{ mm}^3 / \text{s}$
- Viscosity of blood :  $\mu = 3.6 \text{ cp}$
- Murray bifurcation exponent :  $\gamma = 3$

### Paramètres d'algorithme

- Nombre de terminaux :  $N_{term} \in \mathbb{N}_+^*$
- Nombre de segments pour le test de proximité :  $N_{max} = 20$
- Nombre de segments pour le test d'intersection :  $N_{neigh} = 20$

# Temps d'exécution

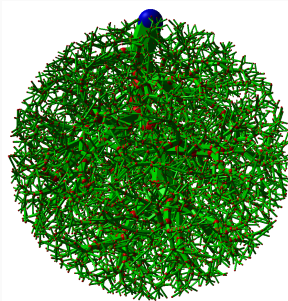
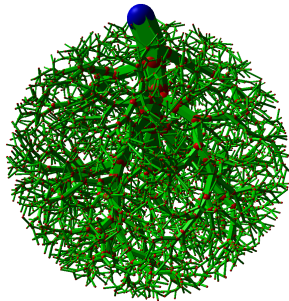
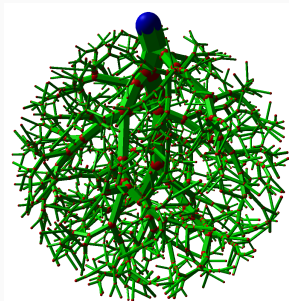
Modèle	$N_{term}$	Temps d'exécution
2D	1000	129 s
	2000	478 s
	3000	1024 s
	4000	1897 s
	5000	3435 s





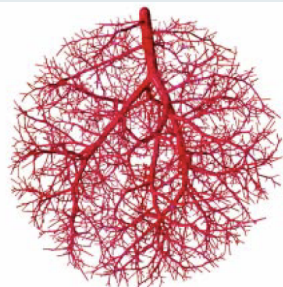
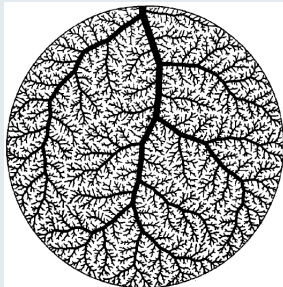
## Temps d'exécution

Modèle	$N_{term}$	Temps d'exécution
3D	1000	219 s
	2000	902 s
	3000	1780 s
	4000	3835 s
	5000	5451 s



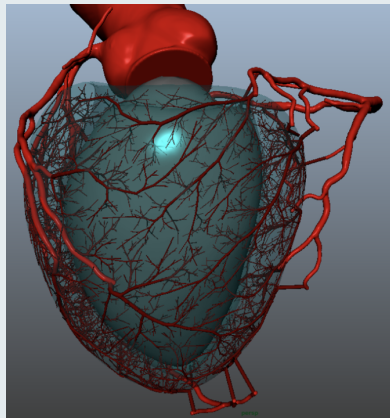
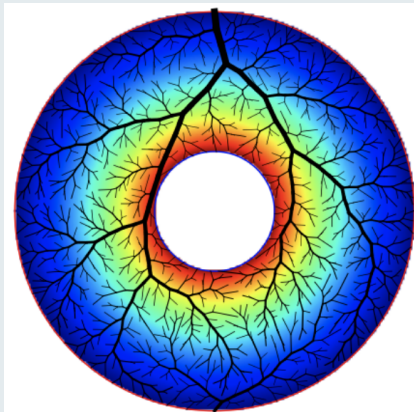
## Résultats antérieurs

### CCO 2D (Schreiner) et 3D (Karch)



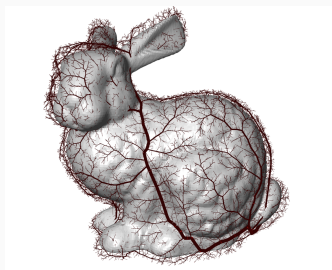
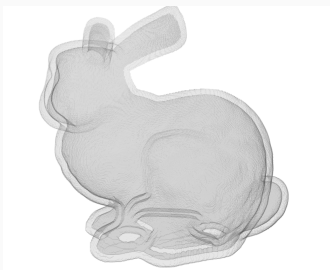
## Résultats antérieurs

### CCO 2D & 3D (Jaquet)



## Autres résultats récents

CCO sur domaine non convexe



## 5. Conclusion

---

## Conclusion

- Implémentation fonctionnelle 2D / 3D en C++.
- Démo en ligne et dépôt GitHub.
- Article IPOL soumis.
- Étude comparative avec VasuSynth.

### Perspectives (initiées avec le stage Adam Germain)

- Amélioration du rendu avec les valeurs flux.
- Génération de rendu volumique de type IRM.
- Génération d'arbres selon probabilité (image NG).
- Génération de plusieurs arbres sur le même domaine.
- Base d'apprentissage pour modèle réseau génératif.

Merci de votre attention !



demo IPOL



GitHub OpenCCO team