



HAL
open science

Analyse factorielle exploratoire et analyse en composantes principales : guide pratique

Jean-Louis Berger

► **To cite this version:**

Jean-Louis Berger. Analyse factorielle exploratoire et analyse en composantes principales : guide pratique. 2021. hal-03436771v1

HAL Id: hal-03436771

<https://hal.science/hal-03436771v1>

Preprint submitted on 19 Nov 2021 (v1), last revised 23 Dec 2021 (v2)

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Analyse factorielle exploratoire et analyse en composantes principales : guide pratique

Prof. Jean-Louis Berger

Citation : Berger, J.-L. (2021). *Analyse factorielle exploratoire et analyse en composantes principales : guide pratique*. <https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-03436771v1>

Au sujet de l'auteur

Jean-Louis Berger (1978) est professeur au département des Sciences de l'éducation et de la formation de l'Université de Fribourg en Suisse. Ses enseignements et travaux de recherche portent sur le domaine de la psychologie de l'éducation.

[Lien vers sa page professionnelle](#)

Contact : jean-louis.berger@unifr.ch



1. Introduction

L'analyse factorielle exploratoire (*exploratory factor analysis* ; EFA¹) et l'analyse en composantes (*component analysis et plus spécifiquement principal component analysis*² ; PCA) sont deux méthodes dites de réduction des données largement utilisées afin de réduire un nombre p de variables observées en m nouvelles variables, nommées respectivement facteurs ou composantes. Cette procédure poursuit plusieurs objectifs : 1) l'interprétation de la matrice de pattern qui décrit la relation entre les variables originales et les facteurs (voir 7.1.) ; 2) la création de nouveaux scores qui peuvent servir d'input dans d'autres analyses (Velicer & Fava, 1998), par exemples des analyses des relations causales entre variables latentes ou manifestes (Loehlin, 2004). Etant donné que ces deux objectifs sont basés sur un échantillon, la réplication des résultats sera affectée par des considérations relatives à l'échantillonnage (sujet et variable). Selon Floyd et Widaman (1995), « The goal is to discover optimal weightings of the measured variables so that large set of related variables can be reduced to a smaller set of general summary scores that have maximal variability and reliability » (p. 287). Gorsuch (1974) décrit trois emplois de l'analyse factorielle exploratoire :

- 1) Minimiser le nombre de variables pour les recherches futures tout en maximisant la quantité d'information dans l'analyse. La série de variables originales est réduite en une plus petite série qui explique la plupart de la variance dans la série originale. Le construit peut ensuite être représenté par ce nombre réduit de variables ;
- 2) Chercher d'éventuelles distinctions qualitatives et/ou quantitatives dans les données, ce qui est particulièrement utile lorsque la quantité de données excède la capacité de compréhension. De ce travail exploratoire peuvent surgir de nouveaux construits et hypothèses ;
- 3) Tester des hypothèses quant aux différences qualitatives et/ou quantitatives. Si les hypothèses sont confirmées, les différents facteurs représenteront des distinctions dérivées théoriquement. Ce type d'utilisation est aujourd'hui réalisé de préférence dans le cadre d'analyses confirmatoires.

¹ Dans la suite du texte, nous utiliserons les termes « analyses en facteurs commun » ou « EFA » pour désigner cette famille de méthodes.

² Tout comme dans la famille des méthodes en facteurs communs, il existe différentes méthodes dans la famille des analyses en composantes. Nous traitons toutefois ici uniquement de la PCA, méthode la plus courante et représentative de cette famille. Dans la suite du texte, nous utiliserons les termes « analyses en composantes principales » ou « PCA » pour désigner cette famille de méthodes.

Quant à la PCA, elle est décrite de la façon suivante par Jolliffe (2002) :

The central idea of principal component analysis (PCA) is to reduce the dimensionality of a data set consisting of a large number of interrelated variables, while retaining as much as possible of the variation present in the data set. This is achieved by transforming to a new set of variables, the Principal components, which are uncorrelated (...) (p. 1).

Relevons que cette définition est très proche de celle donnée par Floyd et Widaman (1995). Elle se différencie toutefois par deux idées : expliquer la plus grande part de variance possible et fournir des composantes non corrélées.

La réalisation d'une EFA ou PCA se déroule en plusieurs étapes, allant du choix de l'analyse au rapport des résultats. Ce document est construit autour de ces étapes qui sont les suivantes :

- 1) Déterminer si l'EFA ou PCA est le type d'analyse le plus approprié étant donné les buts du projet de recherche ;
- 2) Décider quelles variables inclure dans l'étude, la taille et la nature de l'échantillon ainsi que le traitement des données manquantes ;
- 3) Sélectionner une procédure spécifique pour faire correspondre le modèle aux données ;
- 4) Déterminer le nombre de facteurs/composantes à retenir dans le modèle ;
- 5) Sélectionner une méthode de rotation de la solution initiale vers une solution finale qui puisse être plus facilement interprétée ;
- 6) Interpréter la solution (notamment nommer les facteurs/composantes), créer des échelles ou des scores, choisir les items les plus appropriés et évaluer la consistance interne ;
- 7) Rapporter l'analyse.

Chacune de ces décisions a des conséquences plus ou moins importantes pour les résultats obtenus. Nous allons aborder successivement chacune de ces étapes.

2. L'analyse factorielle exploratoire ou en composantes principales est-elle le type d'analyse le plus approprié ?

Distinctions entre analyse en composantes principales, analyse en facteurs communs et analyse factorielle confirmatoire

Tant l'analyse factorielle exploratoire que l'analyse en composantes principales représentent des familles de méthodes. Si pour certains chercheurs, la PCA est un cas particulier des analyses en facteurs communs (par ex. Gorsuch, 1990), il s'agit clairement de deux méthodes statistiques distinctes pour d'autres (par ex. Velicer & Jackson, 1990a). Floyd et Widaman (1995) distinguent la PCA de l'EFA (c'est-à-dire en facteurs communs³) par le fait que dans cette dernière, les facteurs sont estimés afin d'expliquer les covariances entre variables observées et les facteurs sont vus comme les causes des variables observées. Par contre, dans la PCA, les composantes principales sont estimées afin de représenter les variances des variables observées de façon aussi économique que possible et aucune variable latente n'est invoquée. Les composantes principales sont les sommes des variables observées pondérées de façon optimale, c'est-à-dire que les variables observées sont en quelque sorte les causes des composantes.

Gorsuch (1997) contraste la *common factor analysis* avec la *principal component analysis* (PCA)⁴ de la façon suivante : la première inclut un terme d'erreur dans les équations, alors que la seconde postule que les variables sont conceptualisées et reproduites parfaitement par les facteurs. Ceci signifie que les variables sont quasi parfaitement fidèles et corrélient fortement avec au moins une autre variable. Étant donné que cette situation est improbable, il est approprié d'inclure un terme d'erreur et par conséquent la *common factor analysis* est préférable pour l'analyse des items. La PCA produirait des jugements parfois erronés alors que ces erreurs ne seraient que rares avec la *common factor analysis* (pour des explications plus précises, voir Gorsuch, 1997).

Selon Fabrigar et al. (1999), une EFA n'équivaut pas à une PCA. L'objectif de cette dernière est de déterminer les combinaisons linéaires des variables mesurées qui retiennent autant d'informations des variables mesurées originales que possible. La variance unique* n'est pas considérée alors que c'est le cas dans l'EFA. La PCA est une méthode de réduction

³ Également appelée « analyse factorielle classique » ou « analyse factorielle des psychologues ».

⁴ Field (2005) affirme que les méthodes *principal axis factoring*, *image factoring* et la PCA permettent uniquement de tirer des conclusions pour l'échantillon en question et pas de généraliser les résultats à la population. Pour des explications supplémentaires sur cette distinction, voir Byrne (2005) ou Costello et Osborne (2005).

des données alors que l'EFA est une méthode d'identification de construits latents⁵ (c'est-à-dire la compréhension de la structure des corrélations entre les variables mesurées). Preacher et MacCallum (2003) ajoutent à ce propos que les composantes fournies par une PCA ne représentent pas des variables latentes qui expliquent les covariances entre variables observées ; elles représentent des variables composites qui expliquent les variances observées, ne faisant pas de distinction entre variance commune et variance unique. Etant donné que les mesures utilisées en psychologie contiennent une part d'erreur aléatoire et que l'EFA reflète la reconnaissance de ce fait, le modèle en facteur commun serait selon Preacher et MacCallum plus représentatif de la structure des corrélations que ne l'est la PCA. Toutefois, selon Guadagnoli et Velicer (1988), bien que les procédures d'EFA soient communément recommandées, elles ne produisent des solutions que faiblement différentes des PCA. En outre, Velicer et Fava (1998) ont comparées, avec des données simulées, la qualité des résultats fournis par une méthode de la famille EFA (Maximum Likelihood ; ML) aux résultats fournis par la PCA. La qualité de la solution est définie comme la mesure dans laquelle les solutions fournies sont proches de la solution dans la population). Dans la plupart des situations (variations systématiques de n, p, des saturations et de la méthode), la méthode ML et la PCA ont produit des résultats similaires. Toutefois, dans les cas de n très grands ou très petits, la PCA s'est montré de qualité clairement supérieure ; elle a produit des solutions plus proches de la solution dans la population. Au contraire, Floyd et Widaman (1995) relèvent que si les items ont de faibles communautés et que le nombre d'indicateurs par facteur est faible, alors une PCA produira des résultats positivement biaisés (par exemple des saturations trop élevées) alors qu'une EFA fournira des estimations exactes des saturations. Ces conclusions ont été fréquemment relevées et confirmées par plusieurs études (McArdle, 1990). De ce fait, Floyd et Widaman conseillent d'utiliser l'EFA au dépend de la PCA. Le tableau 1 résume les différences entre EFA et PCA.

⁵ Une variable latente est un construit hypothétique qui ne peut pas être mesuré directement (MacCallum & Austin, 2000).

Tableau 1.

Résumé de la comparaison entre l'analyse en facteurs communs et l'analyse en composantes.

	Analyse en facteurs communs	Analyse en composantes
Définition	Modèle à variables latentes qui représentent les corrélations entre variables observées ainsi que la composante d'erreur liée à chaque facteur.	Procédure qui permet de représenter les variables observées en composantes sur la base des corrélations. Il s'agit d'une procédure descriptive basée sur un algorithme.
Objectif	Mettre en évidence les causes (facteurs) des corrélations entre variables manifestes en considérant leur part commune et spécifique.	Représenter les variables observées en un nombre minimum de composantes qui expliquent une part de la variance aussi large que possible.
Avantages	Les données en psychologie contiennent toujours une part d'erreur aléatoire et ce type d'analyse en tient compte. Les facteurs sont théoriquement généralisables à d'autres échantillons ou variables.	Solution unique pour chaque jeu de données. Cette procédure peut être appliquée virtuellement pour tous les jeux de données. Tend à expliquer plus de variance et à révéler des saturations plus élevées (Widaman, 1990).
Inconvénients	Il peut y avoir plusieurs solutions possibles pour un même jeu de données, ce qui pose le problème d'indéterminabilité des facteurs ¹ .	Une composante ne représente pas la cause commune ou la raison des covariations entre plusieurs variables manifestes mais une combinaison linéaire des variables observées. Par conséquent, les composantes sont liées uniquement à ces variables et elles ne peuvent être généralisées à d'autres variables (Mulaik, 1990).

Selon Gorsuch (1990), l'utilisation fréquente de la PCA serait due d'une part à l'héritage de décisions prises lorsque les technologies informatiques limitaient le calcul des analyses en facteurs communs et d'autre part au fait qu'elle reste l'option par défaut dans les packages statistiques.

Finalement, au contraire de l'analyse factorielle confirmatoire⁶ (Confirmatory Factor Analysis ; CFA), l'EFA et la PCA sont utilisées lorsque le chercheur ne possède pas de connaissances empiriques ou d'attentes théoriques fortes sur la composition des sous-échelles.

⁶ Selon Floyd et Widaman (1995), la CFA est une méthode d'évaluation de la validité de construit d'une mesure et pas une méthode de réduction des données. La CFA a été développée depuis une trentaine d'années ; auparavant, l'EFA était utilisée également pour confirmer des hypothèses dans la structure des instruments.

Bollen (2002) fait ainsi une distinction entre deux types de variables latentes : les variables latentes définies à priori et les variables latentes définies à posteriori.

In exploratory factor analysis the factors are a posteriori latent variables, that is, the factors are derived from the data rather than being defined before the analysis. Confirmatory factor analysis comes closer to the a priori latent variables because the factors and their pattern of loadings are determined prior to the data analysis. The a posteriori latent variables from exploratory factor analysis are closely associated to the tendency to see latent variables as hypothetical rather than real latent variables (p. 624).

Ainsi l'EFA permet de découvrir les variables latentes qui sont sous-jacente à l'échelle et la PCA les composantes d'un groupe d'items, sans référence à un construit latent. Cette analyse peut constituer la première étape dans le développement d'un instrument. Elle sera suivie, si un second échantillon complète les mêmes items, d'analyses confirmatoires qui spécifient les liens entre variables manifestes et facteurs et testent l'adéquation de ce modèle en comparaison aux données observées. Selon Mulaik (1972), le principal désavantage de l'EFA est la difficulté impliquée dans l'interprétation des facteurs. Cette difficulté provient du manque de connaissances préalables du chercheur sur le processus qui produit des covariations entre les variables. Ainsi le chercheur n'a pas de base sur laquelle il peut faire des interprétations et ses interprétations ne sont rien de plus qu'une transformation tautologique des noms des variables originales (voir 7.5.). D'autres difficultés surviennent lorsque les facteurs obtenus représentent des effets confondus et que le chercheur est incapable de décider lequel de ces effets est unique au facteur.

Finalement, relevons qu'il existe d'autres méthodes proches de l'EFA et de la PCA, notamment l'analyse factorielle des correspondances (tradition française ; voir par ex. Cibois, 1983/2000) et l'échelonnement multidimensionnel (*multidimensional scaling* ; voir par ex. Tournois et Dickes, 1993). Nous n'aborderons pas ces méthodes ici et le lecteur intéressé trouvera les distinctions entre ces méthodes exposées dans l'ouvrage de Doise, Clemence et Lorenzi-Cioldi (1992).

3. Quelles variables et quel échantillon ?

3.1. Quelles variables peut-on inclure dans l'analyse ?

Les distributions

Les variables doivent être de type quantitatif au niveau d'intervalle ou de ratio. Les données catégorielles, qu'elles soient nominales ou ordinales, ne conviennent pas pour une analyse factorielle classique⁷. Les données pour lesquelles les coefficients de corrélation de Pearson peuvent être calculés devraient être adaptées à l'analyse factorielle. Deux postulats de l'analyse factorielle sont d'une part que les observations sont indépendantes⁸ et d'autre part que les distributions des données respectent une normalité multivariée. Cette dernière condition est toutefois difficilement atteinte en pratique. De plus, la normalité multivariée est difficile à tester⁹. De ce fait, cette condition n'est pas systématiquement respectée. Elle est considérée par contre comme fondamentale pour la méthode d'extraction ML. Les méthodes d'extraction *principal axes* ou *least squares* ne requièrent pas ce postulat, cependant les résultats pour toutes les méthodes sont meilleurs et plus facilement répliquables si les données se conforment à ce postulat (Floyd & Widaman, 1995). En pratique il est souvent considéré que si les distributions ne sont pas trop éloignées de la distribution normale et comptent au moins quatre catégories, alors on peut tout de même utiliser l'EFA ou la PCA. Par contre, si les données sont de type catégoriel, il faut alors utiliser une matrice de corrélations polychorique, disponible dans les logiciels Mplus et FACTOR.

Etant donné que les EFA et PCA sont basées sur les corrélations de type Pearson, il est intéressant de mentionner les facteurs qui affectent la taille de ces corrélations. Celle-ci est influencée par les six facteurs suivants (Goodwin & Leech, 2006) :

1. La quantité de variance présente dans les données ;
2. Les différences dans les formes des distributions ;
3. La linéarité des relations ;
4. La présence d'*outliers* (sujets extrêmes) ;
5. Les caractéristiques de l'échantillon ;
6. L'erreur de mesure.

⁷ Excepté si on utilise une matrice de covariance polychorique pour les données catégorielles. On peut également former des parcelles (c'est-à-dire regrouper plusieurs items en une unique variable) afin d'obtenir des variables considérées continues.

⁸ En pratique on teste généralement la normalité des distributions de manière univariée.

⁹ Le coefficient de Mardia permet ce test mais il n'est disponible que dans le logiciel FACTOR7. La macro SPSS de DeCarlo (1997) permet d'obtenir des informations sur cette normalité.

Le chercheur peut ainsi rechercher des explications parmi les facteurs susmentionnés afin de mieux comprendre les données qu'il introduit dans des EFA/PCA.

Par ailleurs, selon Floyd et Widaman (1995), si un item ne corrèle pas au moins modérément ($r \geq .20$) avec les autres items représentant le construit, alors cet item ne sera pas saturé par le même facteur dans l'EFA. Il ne fait donc pas de sens de l'inclure dans l'analyse. Dans le même ordre d'idée, une variable dont la communauté $h^2 < .20$ devrait être éliminée de l'analyse car elle n'est pas suffisamment représentée dans la solution factorielle.

3.2. Quelle taille et quelle nature de l'échantillon choisir ?

Gorsuch (1997) recommande que l'échantillon soit constitué d'autant de sujets avec scores faibles que de sujets avec scores élevés. Ceci améliore l'analyse puisque la variété des sujets est grande et de ce fait la variance l'est également. Lorsque les items n'ont jamais été testés, il est d'usage de recommander d'avoir un échantillon de 300 sujets selon Gorsuch (1997). Toutefois, les conseils de ce type sont souvent basés sur l'expérience de l'auteur et rarement sur des études empiriques de type Monte Carlo.

Selon MacCallum et al. (1999), il n'existe pas de guide pour indiquer la taille de n afin d'obtenir des petites erreurs standards des saturations. Ceci car ces erreurs standards dépendent d'une façon complexe de nombreux facteurs autres que la taille de n (tels que la méthode de rotation, le nombre de facteurs ou le degré de corrélation entre les facteurs). Les solutions obtenues sur des échantillons plus larges ont tendance à montrer une meilleure stabilité (si on compare les saturations sur plusieurs échantillons) et à représenter plus précisément les saturations de la population (c'est également le cas si le ratio entre nombre de variables et nombre de facteurs augmente). Les auteurs pensent que les recommandations existantes sur la question de la taille de n dans les analyses factorielles ont été basées sur une mauvaise conception : la taille de n pour obtenir une stabilité adéquate et reproduire les facteurs de la population est invariante entre les études. Ceci est incorrect et le n minimum dépend de plusieurs aspects d'une étude.

Un des éléments affectant la qualité de l'analyse factorielle est le degré de surdétermination des facteurs communs. L'une des composantes de cette surdétermination est le nombre de variables par facteurs, bien que ce ratio ne soit pas seul à définir la surdétermination. Les facteurs hautement surdéterminés sont ceux qui montrent de fortes saturations sur un nombre substantiel de variables ainsi qu'une structure bonne et simple. Pour réaliser ceci, il est désirable que le nombre de variables soit plusieurs fois supérieur au nombre de facteurs. Plusieurs aspects des résultats de l'analyse factorielle sont améliorés

lorsque le ratio $p:r$ ¹⁰ augmente. Avoir des facteurs surdéterminés est important lorsque les communautés* sont faibles car c'est dans ces circonstances que l'impact de N est le plus fort. A l'inverse, l'effet du ratio $p:r$ sur la qualité des résultats des analyses factorielles est réduit si les communautés augmentent.

McCallum et al. (1999) ont testées trois hypothèses dans une étude Monte-Carlo :

1. Lorsque n augmente, l'erreur due au fait que l'on se base sur échantillon de la population devrait être réduite ; les résultats des analyses factorielles devraient être plus stables et correspondre plus précisément à la structure dans la population.
2. La qualité des EFA augmente lorsque les communautés augmentent. Ceci a pour conséquence que l'influence de n sur la qualité des résultats déclinera.
3. La qualité des résultats des EFA s'améliore si la surdétermination des facteurs est améliorée. Cet effet serait réduit lorsque les communautés augmentent et pourrait aussi interagir avec n .

Les résultats ont permis d'arriver aux conclusions suivantes. Premièrement, l'impact du niveau de communauté sur la reproduction de la structure dans la population augmente lorsque les facteurs sont moins bien déterminés (ratio $p:r$ plus faible). Deuxièmement, n et la surdétermination ont peu d'effet sur la reproduction de la structure dans la population lorsque les communautés sont élevées. Ce n'est donc que lorsque les communautés deviennent faibles que n et la surdétermination deviennent des déterminants importants de la reproduction. Finalement, les conditions optimales pour obtenir une solution qui reproduit celle de la population sont d'avoir de hautes communautés et une forte surdétermination. Ceci fait que n n'a pas d'effet majeur.

Sur la base de leurs résultats, Fabrigar et al. (1999) recommandent de prévoir au moins quatre variables mesurées (items) pour chaque facteur commun et même six variables s'il existe une incertitude sur la nature des facteurs communs et leurs relations avec les variables mesurées. Les auteurs recommandent de réduire le nombre de variables et de facteurs ainsi que d'assurer des niveaux de communautés modérés à élevés. En outre, l'augmentation du nombre d'indicateurs par facteur n'est bénéfique que dans la mesure où les nouveaux indicateurs sont de bonnes mesures des facteurs. Velicer et Fava (1998) ont confirmé dans leurs études Monte Carlo que trois variables par composantes ou facteur sont un minimum nécessaire. Les composantes ou facteurs qui ne sont pas expliqués par trois variables ne devraient donc pas être interprétés. Selon ces mêmes chercheurs,

¹⁰ p représente le nombre de variables et r le nombre de facteurs

l'échantillonnage des variables et des sujets ainsi que les saturations interagissent pour déterminer la qualité d'une solution factorielle. Ceci implique qu'une faiblesse dans l'un de ces éléments peut être compensée par une force dans un autre.

Guadagnoli et Velicer (1988) affirment que les recommandations d'un n de 100 ou 200 sujets sont basées sur l'argument qu'un coefficient de corrélation observé dans l'échantillon devient un estimateur adéquat du coefficient de corrélation existant dans la population lorsque l'échantillon atteint cette taille. Leur étude Monte Carlo démontre que, parmi quatre facteurs d'influences (n , nombre de variables, poids de la saturation et nombre de facteurs) sur les solutions obtenues avec des PCA, la plus importante est le poids de la saturation. Si n est un facteur important lorsque les saturations sont peu élevées ($\leq .40$), ce facteur (comme les deux autres) n'a plus beaucoup d'influence lorsque les saturations sont élevées (à partir de $.60$) et qu'un n minimum est atteint. Conseiller un n comme universel surestimerait le nombre d'observations nécessaire pour obtenir une solution stable sous certaines conditions et sous-estimerait ce nombre d'observations sous d'autres conditions. Le poids des saturations est problématique s'il est inférieur ou égal à $.40$, car il faut alors plus de variables observées par composante et un plus grand n , afin que la solution obtenue grâce à l'échantillon corresponde à la solution dans la population. Avec des saturations de $.60$, des solutions satisfaisantes sont obtenues déjà avec un n de 150 sujets. Avec des saturations de $.40$, 300 à 400 sujets sont cependant nécessaires. Pour la PCA, Guadagnoli et Velicer (1988) formulent les quatre recommandations suivantes :

1. Avant de débiter les analyses, le chercheur doit sélectionner les variables qui représenteront bien une composante (c'est-à-dire qui seront fortement saturées par la composante). Si une estimation à priori du niveau de saturation est difficile, une dizaine de variables doivent être sélectionnées afin de représenter chacune des composantes. Si ces conditions peuvent être respectées par le chercheur à priori, alors un n de 150 devrait être suffisant pour obtenir une solution exacte.
2. Si une composante dispose d'au moins quatre variables avec des saturations $\geq .60$, le pattern peut être interprété indépendamment du n .
3. Une matrice de pattern composée de dix à douze variables avec des saturations faibles ($.40$) devrait être une solution adéquate si $n > 150$.
4. Si chacune des composantes d'une solution saturent peu de variables et que les saturations sont faibles, la matrice de pattern ne doit pas être interprétée à moins que n ne soit ≥ 300 . Une réplication est alors fortement recommandée.

Bien que ces conclusions soient fondées sur des PCA, Guadagnoli et Velicer (1988) affirment qu'elles seraient similaires pour des EFA, ce qui est confirmé par l'étude de Velicer et Fava (1998), avec les méthodes ML et *image component analysis*.

3.3. Comment traiter les données manquantes ?

Si le nombre de données manquantes par variable est faible (<5%), il est communément admis que l'on peut simplement remplacer ces données par la moyenne générale de l'item ou éliminer certains sujets s'il s'avère qu'ils n'ont pas répondu à un grand nombre d'items. Par contre, si le nombre de données manquantes réduit considérablement le n avec la méthode *listwise deletion*, il est alors plus profitable d'utiliser un logiciel permettant d'estimer les paramètres en tenant compte de ces valeurs manquantes (Mplus par exemple) ou une méthode dite d'imputation. Ce dernier type de méthode doit être utilisé avec la plus grande prudence car il peut déformer les résultats ; il consiste à simuler les données qui sont manquantes afin de les remplacer par les valeurs les plus probables. Le lecteur peut se référer à Cohen, Cohen, West et Aiken (2003) pour une présentation et une discussion des méthodes pour traiter les données manquantes ainsi qu'à Rousseau et Bertrand (2005) pour une comparaison de l'efficacité des méthodes d'imputation.

3.4. La matrice de corrélations est-elle adéquate ?

Afin de vérifier qu'il existe bien des corrélations suffisantes entre les variables, il faut utiliser le *test de sphéricité de Bartlett*. Ce test évalue l'hypothèse nulle selon laquelle les corrélations seraient toutes égales à zéro. Il devrait être significatif au seuil de $p < .001$ (c'est-à-dire que H_0 devrait être rejetée) pour continuer l'analyse. Le défaut de ce test est qu'il est sensible à la taille de l'échantillon et par conséquent quasiment toujours significatif si le n est grand. Le *test de sphéricité de Bartlett* est accompagné du *test de Kaiser-Meyer-Olkin (KMO)* d'adéquation de la solution factorielle. Un indice KMO $> .80$ signifie que la « factoriabilité » est bonne, c'est-à-dire que la structure factorielle est intelligible et stable ; un indice KMO entre $.60$ et $.80$ correspond à une factoriabilité dite moyenne ; si l'indice KMO $< .60$, la factoriabilité est dite mauvaise et la structure factorielle est difficile à interpréter et instable. Le KMO évalue la cohérence de l'ensemble des variables (rapport entre les corrélations entre les variables et les corrélations partielles qui expriment l'unicité de l'apport de chacune des variables) et donc s'il existe une solution factorielle acceptable pour représenter les relations entre variables. Un troisième test est mentionné par Stafford et Bodson (2006) : le *déterminant de la matrice*, qui devrait être considéré avant d'interpréter la matrice factorielle.

Si le résultat de ce test est égal à 0, alors une ou plusieurs variables ont une corrélation parfaite avec une ou plusieurs autres variables. Ce qui signifie que cette ou ces variables n'ajoute/nt pas d'information spécifique au-delà de celles données par les autres variables. On attend un coefficient le plus faible possible pour le déterminant, mais pas nul¹¹.

4. Quelle procédure d'extraction choisir pour faire correspondre le modèle aux données ?

Comme nous l'avons mentionné plus haut, il existe un grand nombre de procédures parmi lesquelles nous distinguons premièrement les procédures liées à l'analyse en facteurs communs et celles liées à l'analyse en composantes (voir tableau 1). Nous aborderons ici la procédure d'analyse en composantes principale (PCA) ainsi que plusieurs procédures d'extraction de la famille des analyses en facteurs communs (EFA).

Le modèle d'analyse factorielle exploratoire spécifie que les variables sont déterminées par des facteurs communs (facteurs estimés par le modèle) et des facteurs uniques (qui ne se recoupent pas entre variables observées) ; le calcul des estimations est basé sur le postulat que les facteurs uniques ne sont pas inter-corrélés et qu'ils ne sont pas non plus corrélés avec les facteurs communs. Si le chercheur estime que l'EFA est plus adéquate au traitement de ses données que ne l'est la PCA, il doit alors choisir parmi un grand nombre de méthode celle qui convient le mieux à ses objectifs.

Fabrigar et al. (1999) décrivent deux types de méthodes pour l'extraction des facteurs dans une EFA :

1. *Maximum Likelihood* (ML) : cette procédure teste la vraisemblance de la solution factorielle par rapport à la matrice de corrélations observée. Ses principaux avantages sont qu'elle permet de calculer des indices d'adéquation, des tests de significativité des saturations et des corrélations entre facteurs ainsi que le calcul d'intervalles de confiance pour ces paramètres. Sa principale limitation est que cette méthode se base sur le postulat de normalité multivariée et les résultats peuvent être passablement biaisés si ce postulat n'est pas respecté.
2. *Principal factors methods* : il s'agit des autres méthodes d'extractions. Elles ne demandent pas strictement de postulats relatifs à leur distribution et présentent moins de probabilité de produire des solutions inappropriées avec un *Heywood case* ou des solutions qui ne convergent pas vers une série finale d'estimations de paramètres. Ces méthodes sont

¹¹ FACTOR effectue par défaut ces trois tests alors que dans SPSS, il faut les demander. Par contre ils ne sont pas disponibles dans Mplus.

divisées en deux types : les méthodes qui procèdent à une estimation à priori des communautés et les méthodes itératives. Leurs principales limitations sont d'une part qu'elles fournissent peu ou pas d'indices d'adéquation de la solution factorielle et d'autre part qu'elles ne permettent généralement pas de calcul d'intervalles ni de tests de significativité.

Tant Fabrigar et al. (1999) que Costello et Osborne (2005) conseillent d'utiliser la méthode ML si les variables sont distribuées normalement ou la méthode *Principal Axis Factor* (nommée ainsi dans SPSS) si les variables ne sont pas distribuées normalement. En outre, Velicer et Fava (1998) ont démontré dans leurs simulations que la méthode *image component analysis* fournissait des solutions moins bonnes (c'est-à-dire plus éloignées des paramètres de la population) que ML ou PCA. La méthode *unweighted least square* est également conseillée comme l'une des plus appropriées lorsque les distributions des variables ne sont pas normales. Sept méthodes d'extraction parmi les plus courantes, leurs buts et leur description sont décrits ci-après, à partir de Tabachnick et Fidell (2007) et de l'aide SPSS.

Principal component (PCA)

But de l'analyse : Maximiser la variance extraite par des composantes orthogonales.

Commentaires : Déterminée mathématiquement, solution empirique mélangeant la variance commune, unique et d'erreur dans les composantes.

Description de l'aide SPSS : Méthode d'extraction utilisée pour former des combinaisons linéaires non corrélées des variables observées. La première composante a une variance maximale. Les composantes suivantes expliquent progressivement de plus petites parts de la variance et sont toutes non corrélées avec les autres. La PCA est utilisée pour obtenir la solution factorielle initiale. Elle peut être utilisée lorsque la matrice de corrélations est singulière.

Principal (axis) factors

But de l'analyse : Maximiser la variance extraite par des facteurs orthogonaux.

Commentaires : Estime les communautés pour tenter d'éliminer la variance unique et d'erreur des variables.

Description de l'aide SPSS : Extrait les facteurs de la matrice de corrélation originale avec les coefficients de corrélation multiple au carré placés dans la diagonale comme estimations initiales des communautés. Ces saturations sont utilisées pour estimer les nouvelles communautés qui remplacent les anciennes estimations dans la diagonale. Les itérations continuent jusqu'à ce que les changements dans les communautés d'une itération à la suivante satisfassent le critère de convergence pour l'extraction.

Image factoring

But de l'analyse : Fournit une analyse factorielle empirique.

Commentaires : Utilise les variances basées sur la régression multiple d'une variable avec toutes les autres variables comme communautés pour générer une solution mathématiquement déterminée avec la variance unique et d'erreur éliminée.

Description de l'aide SPSS : Méthode développée par Guttman et basée sur l'*image theory*. La part commune de la variable, nommée l'image partielle, est définie comme sa régression linéaire sur les variables restantes, plutôt que comme une fonction de facteurs hypothétiques.

Maximum likelihood factoring (ML)

But de l'analyse : Estime les saturations pour la population de façon à maximiser la probabilité d'échantillonner la matrice de corrélation observée.

Commentaires : Donne des tests de significativité pour les facteurs ; particulièrement utile pour les CFA.

Description de l'aide SPSS : Produit les estimations des paramètres qui ont le plus probablement produit la matrice de corrélation observée si l'échantillon provient d'une distribution normale multivariée. Les corrélations sont pondérées par l'inverse de l'uniqueness des variables et un algorithme itératif est employé.

Alpha factoring

But de l'analyse : Maximise la fidélité des facteurs orthogonaux.

Description de l'aide SPSS : Considère les variables de l'analyse comme un échantillon de l'univers de variables potentielles. Maximise la fidélité alpha des facteurs.

Unweighted least squares (ULS)

But de l'analyse : Minimise les corrélations résiduelles au carré.

Description de l'aide SPSS : Minimise les différences de sommes des carrés entre les matrices de corrélations observées et reproduites en ignorant les diagonales.

Generalized least squares (GLS)

But de l'analyse : Pondere les variables par leur variance partagée avant de minimiser les corrélations résiduelles au carré.

Description de l'aide SPSS : Minimise les différences de sommes des carrés entre les matrices de corrélations observées et reproduites. Les corrélations sont pondérées par l'inverse de leur uniqueness, de façon à ce que les variables avec une haute uniqueness aient moins de poids que celle avec un faible uniqueness.

5. Comment déterminer le nombre de facteurs à retenir dans le modèle ?

Cette étape est reconnue comme cruciale en analyse factorielle. Steger (2006) affirme à ce sujet que le moyen utilisé pour déterminer le nombre de facteurs ou de composantes a probablement plus d'impact sur la solution que n'en a la méthode d'extraction choisie. Les méthodes sont nombreuses et plus ou moins appropriées. Nous décrivons ici les plus courantes.

Kim et Mueller (1978a) expliquent que si on connaît les saturations, on peut en dériver les corrélations entre variables, alors que l'inverse n'est pas possible. En outre, la connaissance des corrélations entre les variables observées ne permet pas de connaître la structure causale sous-jacente car la même structure de covariance peut être produite par différentes structures causales. Trois problèmes de base font que la relation entre la structure causale et la structure des covariances est incertaine. Une certaine structure de covariance peut être produite par : 1) le même nombre de facteurs communs mais avec une configuration différente des saturations (souvent appelé le problème de rotation) ; 2) des modèles factoriels avec un nombre différent de facteurs communs (ceci peut être réglé par le principe de parcimonie) ; 3) un modèle causal de type factoriel ou par un modèle causal non factoriel¹². Ainsi il est hasardeux de déterminer la configuration factorielle en examinant les corrélations entre variables observées.

En outre, selon Gorsuch (1997), il est incorrect d'inférer d'un coefficient alpha de Cronbach élevé la conclusion qu'il n'y a qu'un seul facteur présent dans une certaine échelle. En effet, un certain nombre d'items modérément intercorrélés peuvent produire un alpha de Cronbach élevé alors même que plusieurs facteurs ou composantes sont distinguables parmi ces items.

5.1. La pratique dite « Little Jiffy » (à éviter)

La méthode « Little Jiffy » consiste à retenir tous les facteurs dont la valeur propre est supérieure à 1 (voir 5.1) puis d'effectuer une rotation *Varimax*. Il s'agirait de la méthode la plus utilisée par les chercheurs, bien qu'elle ne soit pas la meilleure. Ceci est notamment dû au fait qu'elle est proposée par défaut dans les packages statistiques tels que SPSS. Cette méthode est critiquée par Gorsuch (1997), car elle produit un trop grand nombre de facteurs. En outre, son utilisation réfute presque toujours l'hypothèse d'un facteur unique. Il est recommandé de ne l'utiliser que lorsque les variables sont très fidèles, que leurs distributions

¹² Le choix d'un modèle factoriel ou non factoriel sur la base d'une certaine matrice de covariance est guidé par la théorie et les recherches précédentes.

sont identiques, que les corrélations entre items sont élevées et que les items proviennent de domaines non corrélés, c'est-à-dire quasiment jamais.

5.2. Le critère dit de Kaiser ($K > 1$)

Selon ce critère, seuls les facteurs dont la valeur propre est supérieure à 1 devraient être retenus. L'idée de retenir les composantes ou facteurs dont la valeur propre est supérieure à 1 se base notamment sur le postulat qu'une composante ne présente que peu d'intérêt si elle explique une part de variance moindre que ce qu'explique une seule variable (Kaiser, 1960). Selon Fabrigar et al. (1999), cette façon permet de déterminer le nombre de facteurs de manière simple et objective. Cependant cette procédure est totalement arbitraire : une valeur propre de 1.01 indiquerait l'existence d'un facteur, alors qu'une valeur propre de 0.99 n'indiquerait pas l'existence d'un facteur. De plus, il existe un risque d'*over/underfactoring*¹³ (Fava & Velicer, 1992 ; Steger, 2006 ; Zwick & Velicer, 1986), c'est-à-dire d'extraire trop ou trop peu de facteurs en comparaison au nombre réel de facteur(s) présent(s) dans les données. Cliff (1988) a démontré que l'un des présupposés de Kaiser (1960) sur lequel se base le critère $K > 1$ était faux. En effet, selon Kaiser, le score d'une composante (on fait ici référence à la PCA) aura une fidélité négative si sa valeur propre est inférieure à l'unité. En utilisant le coefficient KR-20, Cliff (1988) démontre que la fidélité d'une composante dépend de la fidélité des mesures individuelles (c'est-à-dire des items) et que Kaiser a confondu le nombre de composantes fidèles avec le nombre de composantes communes. En conclusion, cette règle n'est pas fiable, étant donné que des composantes ou facteurs dont la valeur propre est inférieure à 1 peuvent tout de même être fidèles. De plus, l'étude Monte-Carlo de Zwick et Velicer (1986) a montré que plus le nombre de variables observées augmentait, plus le nombre de valeurs propres supérieures à 1 augmentait. De ce fait, ils déconseillent l'utilisation du critère $K > 1$ pour la PCA.

5.3. Le test χ^2 de Bartlett

Bartlett (1950, 1951 ; cité in Zwick & Velicer, 1986) a développé un test statistique de l'hypothèse nulle postulant que les valeurs propres des variables observées sont égales aux valeurs propres des facteurs ou composantes restantes. Chaque valeur propre est exclue de manière séquentielle jusqu'à ce que le test d'approximation χ^2 de l'hypothèse nulle d'égalité ne puisse plus être rejeté. Les premières composantes exclues sont ensuite retenues. Cette

¹³ La simulation de Fava et Velicer (1992) a montré que l'overfactoring n'avait pas d'effets négatifs si elle était limitée à un ou deux facteurs de trop. Toutefois, si les saturations et/ou le n sont faibles, ceci produit des solutions incorrectes.

méthode n'est pas disponible dans les packages statistiques les plus courants. Ses principaux défauts sont la sensibilité à la taille de l'échantillon et des saturations (plus de puissance impliquant la rétention d'un plus grand nombre de facteurs) ainsi qu'un manque de précision lorsque l'échantillon est restreint (Zwick & Velicer, 1986).

5.4. Le Scree test (*graphique des éboulis*)

Cette méthode a été proposée par Cattell (1966) et se base sur l'étude d'un graphique. Les valeurs propres sont calculées puis représentées sur un graphique en ordre de valeurs décroissantes (voir figure 1).

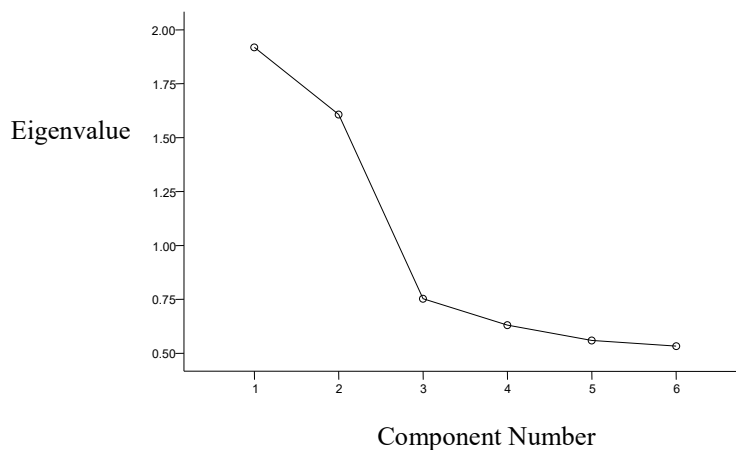


Figure 1. Exemple d'un scree plot fourni par SPSS

On identifie ensuite un écart substantiel dans la magnitude des valeurs propres. Un modèle avec le même nombre de facteurs commun que le nombre de valeurs propres avant le dernier écart substantiel (coude) est alors ajusté aux données. Les limites de cette méthode sont sa subjectivité, car le pattern de valeurs propres peut être ambigu et il n'est ainsi pas toujours clair quand l'écart substantiel est présent (Fabigar et al., 1999). Si l'écart substantiel est très net, on peut alors utiliser cette méthode. Par contre, dans le cas où le graphique montre une diminution quasi linéaire des valeurs propres ou plus d'un écart substantiel sur le graphique, le *scree test* est alors inutilisable. Bertrand et Blais (2004) conseillent d'utiliser ce test conjointement au critère K1. Zwick et Velicer (1986) ont montré que ce test était plus précis et moins variable que ne le sont le critère K1 ou le test de Bartlett. Toutefois, ils conseillent de coupler cette méthode avec d'autres telles que *Minimum Average Partial* (voir 5.8.).

5.5. Décompte du nombre d'items saillants

Une méthode proposée par Gorsuch (1997) afin de déterminer le nombre de facteurs présents dans les données consiste à compter le nombre de facteurs qui ont un minimum de trois items saillants (c'est-à-dire des saturations plus grandes que $|\cdot 40|$ et qui soit la plus forte saturation pour la variable). Cette méthode présente deux avantages : premièrement de corriger la tendance du critère de Kaiser d'indiquer trop de facteurs et deuxièmement d'éliminer les facteurs triviaux (c'est-à-dire qui manquent de variables saillantes, tant par le fait que peu d'items sont saturés par le facteur que par le fait que la plupart des items sont plus fortement saturés par d'autres facteurs). En outre, elle est sans doute également applicable en PCA.

5.6. Séparation de l'échantillon en deux parties

Gorsuch (1997) propose cette méthode qui consiste à diviser l'échantillon en deux moitiés pour évaluer le nombre de facteurs qui sont répliqués. Ceci nécessite un nombre de sujets large. Une autre alternative, peut être plus intéressante, est de réaliser une EFA sur une moitié de l'échantillon puis une CFA sur l'autre moitié afin de confirmer les résultats de l'EFA (voir page 29, point 8. Confirmer la structure factorielle : allier EFA et CFA).

5.7. L'utilisation de la méthode d'extraction ML

Le grand avantage de cette méthode est qu'elle donne des indices de l'adéquation de la solution factorielle par rapport aux données observées. Comme dans les modèles d'équations structurales, cette méthode consiste à estimer plusieurs modèles en augmentant à chaque fois le nombre de facteurs désirés puis à évaluer chaque modèle sur la base des indices d'adéquation. Est sélectionné le modèle qui d'une part constitue une amélioration substantielle par rapport à un modèle comptant un facteur de moins et d'autre part qui ne serait pas amélioré grandement si on y ajoutait encore un facteur. Les limites de cette méthode sont que le n exerce une grande influence et que les données sont soumises au postulat de normalité multivariée¹⁴ (pour remédier à cette anormalité multivariée, voir les conseils de West, Finch et Curran (1995))¹⁵. Cette méthode est celle que Fabrigar et al. (1999) jugent la

¹⁴ Dans PRELIS, la mesure dite de Mardia, particulièrement importante pour les modèles d'équations structurales, peut être calculée pour vérifier la voussure multivariée.

¹⁵ West et al. (1995) distinguent deux approches en cas d'anormalité multivariée : utiliser des techniques d'estimation alternative (par ex. *Asymptotically Distribution Free Estimator*) ou réexprimer les variables. Parmi ce deuxième type de solutions, ils mentionnent

1) la construction de parcelles d'items en additionnant ou en prenant la moyenne de plusieurs items qui mesurent le même construit. Cette solution a également l'avantage de produire un ratio paramètres / sujet plus favorable ;

plus puissante. Thompson et Daniel (1996) conseillent de favoriser des indices d'adéquation qui tiennent compte de la taille de l'échantillon (RMSEA par exemple) et de ne pas seulement se baser sur le χ^2 et ses degrés de liberté. Finalement, Floyd et Widaman (1995) proposent d'utiliser le coefficient de fidélité proposé par Tucker et Lewis (1973) pour évaluer si une solution factorielle est acceptable. Ce coefficient est moins dépendant de la taille d'échantillon que ne l'est le χ^2 et il devrait être égal ou supérieur à .95 pour que la solution soit jugée acceptable.

5.8. *Le Minimum Average Partial (MAP)*

Cette méthode, proposée par Velicer (1976, cité in Zwick & Velicer, 1986), se base sur la matrice des corrélations partielles. La moyenne des corrélations partielles est calculée après que chacune des m composantes aient été retirée. Lorsque la matrice des corrélations partielles ressemble à une matrice d'identité, plus aucune composante n'est extraite. L'utilisation de cette règle implique qu'au minimum deux variables auront une saturation élevée sur chacune des composantes extraites. Ceci lie logiquement la méthode au concept de facteurs. Cette méthode n'est souvent pas disponible dans les packages statistiques¹⁶. Zwick et Velicer (1986) conseillent d'utiliser cette méthode comme méthode principale si l'on souhaite ignorer les composantes ou facteurs relativement petits. Cette méthode a tout d'abord été proposée pour la PCA, mais elle peut fonctionner également pour l'EFA (elle est par exemple intégrée au logiciel FACTOR tant pour une extraction PCA que EFA).

5.9. *L'analyse parallèle*

Selon Fabrigar et al. (1999), cette approche se base sur la comparaison des valeurs propres obtenues grâce à un échantillon de données (celui du chercheur) avec les valeurs propres que l'on attendrait de données complètement aléatoires (la moyenne prédite des valeurs propres produite par des séries répétées de données aléatoires). Toutefois, cette procédure est arbitraire (idem que pour le critère de Kaiser) et pas toujours disponible dans les logiciels¹⁷.

Thompson et Daniel (1996) expliquent que l'analyse parallèle nécessite de générer aléatoirement une matrice de données brutes de même rang que les données brutes à analyser. La matrice de données brutes est alors facteur-analysée ou du moins les valeurs propres de la matrice d'association sont calculées. Ces valeurs sont comparées aux valeurs propres

2) les transformations par logarithme, racine carrée ou $1/x$ dans le cas de distribution asymétriques et positives. Ils conseillent de toujours comparer les indices avant et après transformations ou composition de parcelles d'items afin d'en vérifier les effets (voir aussi Field, 2005, pp. 80-87 et Tabachnick & Fidell, 2007).

¹⁶ Le MAP est disponible dans le logiciel FACTOR7.

¹⁷ L'analyse parallèle est disponible dans le logiciel FACTOR7.

obtenues pour les données d'intérêt. On compare ensuite les paires de valeurs propres et le critère pour déterminer si un facteur doit être extrait est que sa valeur propre pour les données d'intérêt soit supérieure que pour les données aléatoires (par exemple si la 5^{ème} valeur propre est de 1.6 pour les données aléatoires et que la 5^{ème} valeur propre est de 1.5 pour les données d'intérêt, alors le 5^{ème} facteur n'est pas extrait). Zwick et Velicer (1986) ont démontré dans leur étude Monte-Carlo que cette méthode était la plus précise en comparaison avec K1, le scree test, MAP et le test de Bartlett. Elle est en effet moins sensible aux variations des saturations, de la taille de l'échantillon ou encore du nombre de variables observées.

5.10. Autres critères pour déterminer le nombre de facteurs

En outre, selon Gorsuch (1997), il serait préférable de garder un ou deux facteurs additionnels plutôt que d'extraire trop peu de facteurs étant donné que cette dernière solution peu changer radicalement un ou plusieurs facteurs alors que la première ne modifie pas les autres facteurs. Par ailleurs, les facteurs dits techniques peuvent se confondre aux facteurs substantifs (que l'on cherche à identifier) (Gorsuch, 1997). Pour s'assurer qu'il ne s'agit pas d'un facteur technique, les hypothèses suivantes doivent être rejetées :

- 1) le facteur ne peut pas être répliqué (implique la comparaison avec une autre EFA ou PCA) ;
- 2) le facteur est trop petit pour être considéré (3 variables saillantes, une fidélité suffisante de du score à l'échelle formée sur la base du facteur et une corrélation avec un autre facteur n'approchant pas la fidélité de l'un ou l'autre) ;
- 3) le facteur est causé par des items ayant des distributions différentes (la distribution de chaque item doit être examinée et si elle est similaire entre items d'un même facteur mais différente des items non saturés par le facteur alors il est probable qu'il s'agisse d'un facteur dû à la distribution particulière) ;
- 4) le facteur est dû au style de réponse (p.ex. ils requièrent tous un jugement radical) ;
- 5) les items ne sont pas des combinaisons linéaires des facteurs (mais par exemple des combinaisons curvilinéaires, voir Gorsuch, 1997, p. 553).

Doise et al. (1992) mentionnent que l'on considère habituellement que l'ensemble des facteurs ou composantes retenues devrait expliquer au minimum 40% de la variance. Si ce n'est pas le cas, la solution ne représente pas suffisamment la variance et on devrait ajouter un(e) ou plusieurs facteurs ou composantes. Il ne s'agit toutefois que d'une règle de pouce. Finalement, Brown (2006) relève que si un trop grand nombre de facteur est extrait, ceci peut se manifester par des corrélations inter-facteurs approchant |1|. Il s'agit alors d'un manque de

validité discriminante. A titre d'ordre d'idée, une corrélation entre deux facteurs $\geq .85$ est jugée problématique pour la validité discriminante. Ainsi ces deux facteurs pourraient être combinés pour obtenir une solution plus parcimonieuse.

5.11. Discussion sur le nombre de facteurs ou composantes à retenir

Gorsuch (1997) recommande d'utiliser plusieurs méthodes pour déterminer le nombre de facteurs et d'extraire les facteurs par une méthode permettant des estimations de communautés (p.ex. *principal factor analysis*). En pratique, il propose que plusieurs analyses factorielles soient calculées. La première se base sur le critère de Kaiser, puis dans la solution avec rotation, le nombre de facteurs triviaux est noté. Ensuite, l'analyse est relancée en y enlevant les facteurs triviaux. Les deux solutions sont alors comparées et si un facteur dans la seconde analyse a largement changé, alors l'analyse est refaite avec un ou deux facteurs additionnels. Zwick et Velicer (1986) concluent de leur étude Monte-Carlo qu'il n'y a pas de raison d'utiliser le K1 ou le test χ^2 de Bartlett comme méthode unique. Ces méthodes ne devraient même pas être utilisées. Le *scree test* devrait être utilisé comme une estimation initiale et conjointement à la PA ou MAP, ces deux dernières étant les plus précises. Selon Fabrigar et al. (1999), une bonne stratégie serait d'utiliser plusieurs méthodes pour prendre les décisions et d'examiner les solutions après rotation pour confirmer que le modèle est interprétable et théoriquement plausible. Finalement, il ne faut jamais oublier de guider les interprétations du nombre de facteurs par les connaissances théoriques.

6. Quelle méthode de rotation choisir ?

6.1. A quoi sert la rotation et que sont les valeurs propres ?

Comme nous l'avons plus haut, la première étape d'analyse vise à déterminer le nombre de facteur(s) ou de composante(s) qui peuvent adéquatement expliquer les corrélations observées. Ce processus permet de déterminer les communautés de chaque variable. La seconde étape de l'analyse implique de trouver des facteurs plus simples et plus facilement interprétables en effectuant des rotations des facteurs, ceci en gardant fixes leur nombre et les communautés de chaque variable. Le principe de base de la rotation des facteurs est d'une part la recherche de la minimisation du nombre de variables qui sont saturés par un facteur et d'autre part la minimisation du nombre de facteurs quiaturent une même variable. Ainsi la variable idéale n'est saturée que par un seul facteur.

Chaque facteur possède une valeur propre (*eigenvalue**). Celle-ci représente la variance de la matrice d'association expliquée par le facteur avant la rotation (Thompson &

Daniel, 1996). Bien que la part de variance expliquée au total ne change pas après rotation, la distribution de cette variance entre les facteurs en est modifiée. Kim et Mueller (1978a) soulignent qu'aucune méthode de rotation n'améliore le degré d'adéquation entre les données et la structure factorielle. Toutes les solutions avec rotation expliquent exactement autant de covariations dans les données que la solution initiale. Ce qui est réalisé par la rotation est une simplification pour l'interprétation.

6.2. Les deux types de rotations

Deux types de rotations sont distingués en analyse factorielle :

- a) Les rotations orthogonales, qui forcent les facteurs à rester non-corrélés pendant la rotation et donc à demeurer complètement indépendants,
- b) Les rotations obliques qui permettent aux facteurs d'être intercorrélés.

La plupart des chercheurs utilisent la rotation orthogonale Varimax et cette pratique est actuellement largement critiquée. En effet, une solution orthogonale est plus difficilement confirmable étant donné qu'en psychologie et en particulier dans l'étude de la personnalité, les facettes ne sont pas indépendantes. Un modèle nécessitant qu'un item ne soit saturé que par un facteur et fixant des saturations nulles avec les autres facteurs aura peu de chance de s'ajuster et la solution Varimax ne sera par conséquent pas répliquée en CFA (Floyd & Widman, 1995). Relevons en outre que la PCA est généralement accompagnée d'une rotation orthogonale (voir par exemple la définition de Jolliffe citée plus haut).¹⁸

Selon Doise et al. (1992), la rotation Varimax produirait les effets suivants : chaque variable montre des corrélations proches de zéro sur tous les facteurs sauf un et chaque facteur sera saturé par un nombre restreint de variables qui auront des saturations à tendance élevée. La rotation Varimax fonctionnerait même trop bien selon Gorsuch (1997). Au point qu'elle produirait quasiment toujours une solution dans laquelle les facteursaturent chacun fortement une série d'items qui ne sont pas saturés par les autres facteurs. Ceci même dans le cas d'une solution où tous les items sont saturés par le même facteur. *Varimax* serait ainsi la pire méthode pour l'analyse factorielle des items car il n'y a aucun moyen de compenser pour le biais provoqué par la recherche d'une structure simple, biais qui est présent lorsque les items proviennent du même domaine.

Les rotations obliques (*Oblimin* ou *Promax*) produisent également des facteurs non corrélés lorsqu'il s'agit d'une solution adéquate, c'est-à-dire que les facteurs sont réellement indépendants. Selon Costello et Osborne (2005), il n'y aurait pas de méthode largement

¹⁸ Voir la description de Varimax, Equamax et Quartimax (Stafford et Bodson, 2006).

préférable parmi les rotations obliques et les méthodes produiraient des résultats souvent similaires.

6.3. *Discussion et conseils au sujet des rotations*

Selon Gorsuch (1997), si les items proviennent tous d'un même domaine conceptuel ou de plusieurs domaines liés, une rotation orthogonale empêche la découverte d'un facteur général ou de construits plus larges que le test pourrait mesurer. Ceci permet aussi aux facteurs techniques (c'est-à-dire qui apparaissent pour des raisons purement méthodologiques) d'obscurcir des facteurs substantifs. L'utilisation d'une rotation non restreinte et l'extraction de facteurs d'ordre supérieur le cas échéant permettent aux facteurs généraux d'apparaître et de construire des échelles qui minimisent les facteurs techniques. Fabrigar et al. (1999) relèvent, comme Gorsuch, de nombreuses limites à l'utilisation des rotations orthogonales. En particulier, de nombreux construits étant corrélés en psychologie, les solutions obtenues suite à des rotations orthogonales sont moins bonnes en comparaison des solutions obtenues suite à une rotation obliques. De plus, ces premières fournissent moins d'informations, notamment sur l'existence de facteurs d'ordre supérieur telles que peuvent le suggérer des corrélations substantielles entre facteurs. Les rotations obliques (p. ex. *Direct Quartimin, Promax, Harris-Kaiser orthoblique*) permettent, mais n'obligent pas, des corrélations entre facteurs. De plus, si une structure optimale est fournie par des facteurs orthogonaux, une rotation oblique ressemblera alors de toute façon à une orthogonale. Doise et al. (1992) relèvent toutefois que l'interprétation de la solution suite à une rotation oblique est plus difficile en comparaison avec une rotation orthogonale, ce qui aurait particulièrement favorisé l'utilisation de cette dernière.

En résumé, il est recommandé de commencer par une rotation oblique (Oblimin ou Promax) puis, si les facteurs s'avèrent indépendants, de relancer l'analyse avec une rotation orthogonale (Varimax) puisque cette dernière s'avère alors plus adaptée aux données. Dix techniques de rotation parmi les plus courantes sont décrites ci-après, à partir de Tabachnick et Fidell (2007) et de l'aide SPSS.

Varimax

Type : Orthogonale

But de la méthode : Minimiser la complexité des facteurs (simplifier les colonnes de la matrice des saturations) en maximisant la variance des saturations sur chaque facteur.

Commentaire : Rotation la plus courante, option par défaut dans certains logiciels.

Description de l'aide SPSS : Minimise le nombre de variables qui ont des saturations fortes sur chaque facteur. Simplifie l'interprétation des facteurs.

Quartimax

Type : Orthogonale

But de la méthode : Minimiser la complexité des variables (simplifier les lignes de la matrice des saturations) en maximisant la variance des saturations sur chaque variable.

Commentaire : Le premier facteur tend à être général avec d'autres sous-clusters de variables.

Description de l'aide SPSS : Minimise le nombre de facteurs nécessaires pour expliquer chaque variable. Simplifie l'interprétation des variables observées.

Equamax

Type : Orthogonale

But de la méthode : Simplifie. les variables et les facteurs ; compromis entre quartimax et varimax.

Commentaire : Peut produire des résultats erronés.

Description de l'aide SPSS : Combinaison de la méthode Varimax qui simplifie les facteurs et de la méthode Quartimax qui simplifie les variables. Le nombre de variables qui saturent fortement sur un facteur et le nombre de facteurs nécessaires pour expliquer une variable sont minimisés.

Orthogonal with gamma (Orthomax)

Type : Orthogonale

But de la méthode : Simplifier soit les facteurs soit les variables, en fonction de la valeur de gamma.

Description de l'aide SPSS : indisponible dans SPSS.

Parsimax

Type : Orthogonale

But de la méthode : Simplifier les facteurs et les variables.

Description de l'aide SPSS : indisponible dans SPSS.

Direct Oblimin

Type : Oblique

But de la méthode : Simplifier les facteurs en minimisant les produits croisés des saturations.

Commentaire : Permet un large étendu de corrélations entre facteurs.

Description de l'aide SPSS : Lorsque delta est égal à 0 (par défaut), les solutions sont le plus obliques. Si delta devient négatif, les facteurs deviennent moins obliques.

(Direct) Quartimin

Type : Oblique

But de la méthode : Simplifier les facteurs en minimisant la somme des produits croisés des saturations au carré dans la matrice de pattern.

Commentaire : Permet des corrélations élevées entre facteurs.

Description de l'aide SPSS : indisponible dans SPSS

Orthoblique

Type : Orthogonale et oblique.

But de la méthode : Rééchelonner les saturations pour produire une solution orthogonale ; les saturations non rééchelonnées peuvent être corrélées.

Description de l'aide SPSS : indisponible dans SPSS

Promax

Type : Oblique.

But de la méthode : Facteurs orthogonaux avec rotation en position oblique.

Commentaire : Rapide.

Description de l'aide SPSS : Peut être calculé plus rapidement que la rotation Direct Oblimin rotation et donc s'avérer utile pour de très grands jeux de données.

Procrustes

Type : Oblique

But de la méthode : Rotation vers la matrice cible.

Commentaire : Utile en analyses factorielles confirmatoires.

Description de l'aide SPSS : indisponible dans SPSS.

7. L'utilisation de l'analyse factorielle exploratoire pour la construction et la révision d'échelles

7.1. Utilisation de l'EFA pour choisir les items les plus appropriés pour une échelle

Utiliser les résultats d'une EFA permet d'analyser les items de plusieurs façons. Premièrement, cela fournit des informations sur les construits, par exemple s'il n'y en n'a qu'un seul (unidimensionnalité) et dans ce cas un seul facteur sera produit. S'il y a plusieurs construits, il y aura un facteur pour chacun. Les corrélations de chaque item avec chaque facteur (*structure matrix ou factor structure*) permettront la sélection des meilleurs items (Gorsuch, 1997). Deuxièmement, l'EFA permet également au chercheur d'éliminer les items qui ne saturent pas suffisamment sur l'un des facteurs ou qui ont des saturations croisées

(Floyd & Widaman, 1995). Ce dernier type d'items surestime en effet la corrélation entre les facteurs concernés.

Selon Gorsuch (1997), il existe plusieurs mesures de la relation entre les items et les facteurs, représenté sous forme de matrices :

- 1) la structure du facteur (*factor structure*) : il s'agit de la matrice contenant les corrélations entre chaque facteur et chaque item. Les coefficients de cette matrice peuvent être calculé par la formule : $\text{factor pattern} \times \text{factor intercorrelation} = \text{factor structure}$ (Loehlin, 2004).
- 2) le pattern du facteur (*factor pattern*) : il s'agit des pondérations (*weights*) standardisées utilisées pour reproduire les scores des items à partir des scores des facteurs. Ces pondérations représentent les relations entre les facteurs et les variables après une rotation oblique. Dans le cas d'une rotation orthogonale, la matrice de pattern est équivalente à la matrice de structure.
- 3) la matrice des pondérations des facteurs (*factor weight matrix*) : il s'agit des pondérations standardisées (β) utilisées pour estimer les scores des facteurs à partir des items.

Pour sélectionner les meilleurs items d'un instrument, Gorsuch (1997) recommande d'utiliser la matrice de structure du facteur :

The correlation reflects directly how the item will function as part of a scale, and the correlations of that item with other factors indicate how it will contribute to the relations of its scale to other scales based on these factors (the pattern only indirectly reflects the first and can be misleading about the second. (p. 556)

Les deux autres types de relations susmentionnées (matrice de pattern du facteur et matrice des pondérations des facteurs) ne sont pas recommandées (voir Gorsuch, 1997). Pour choisir les items en fonction de leurs corrélations avec le facteur concerné, il faut que cette corrélation soit suffisamment forte, en comparaison des items déjà sélectionnés, pour améliorer la fidélité ou validité de l'échelle. Dans le cas contraire ils ne sont pas utiles. L'analyse est relancée à chaque fois qu'un item est éliminé afin d'observer les effets produits par les changements.

En ce qui concerne l'interprétation des saturations des items par le facteur ou la composante, Comrey et Lee (1992) proposent les critères suivants (tableau 2) :

Tableau 2.

Interprétation de la qualité des saturations selon Comrey et Lee (1992).

Valeur de la saturation	Variance expliquée dans les réponses à l'item	Qualité de l'item
>.71	50%	Excellente
>.63	40%	Très bonne
>.55	30%	Bonne
>.45	20%	Acceptable
.32	10%	Faible
<.32	<10%	Mauvaise

Selon Costello et Osborne (2005), si un item a une communauté $<|.40|$, ceci suggère soit que cet item n'est pas lié aux autres items, soit qu'un facteur additionnel doit être exploré. En outre, Tabachnick et Fidell (2007) proposent $|.32|$ comme la saturation minimale d'un item par son facteur, ce qui équivaut à environ 10% de variance partagée avec les autres items du même facteur. La saturation minimale pour déterminer si une variable est saturée par un facteur varie fortement suivant les recommandations : de $|.20|$ à $|.70|$. Ceci est due au fait qu'il n'y a pas d'erreurs standards en EFA et par conséquent pas d'indice de significativité des saturations. Muthén et Muthén (2005) recommandent d'utiliser la méthode « EFA dans un cadre CFA » (voir 8.1) pour obtenir les erreurs standards et ainsi évaluer la significativité statistique des saturations. Si le chercheur ne souhaite pas s'engager dans une méthode plus complexe, il peut se référer aux lignes directrices formulées par Steven (1992) dans le cadre de la PCA, rapportées dans le tableau 3.

Tableau 3.

Valeur critiques pour une saturation significative à $p=.01$ en fonction de la taille d'échantillon

<i>n</i>	Valeur critique	<i>n</i>	Valeur critique	<i>n</i>	Valeur critique
50	.722	180	.384	400	.258
80	.572	200	.364	600	.210
100	.512	250	.326	800	.182
140	.434	300	.298	1000	.162

Stevens (1992) propose ces valeurs critiques car il n'est selon lui pas suffisant, pour interpréter des saturations, d'utiliser des règles se basant uniquement sur leur valeur. La taille d'échantillon est un paramètre dont les chercheurs doivent tenir compte. Il prévient toutefois que déterminer si une saturation est statistiquement significative n'est pas suffisant. En effet, la significativité pratique doit ensuite être déterminée par le chercheur. En outre, le chercheur doit décider s'il souhaite utiliser des facteurs qui mesurent un construit unique ou si certains items peuvent également être saturés par un ou plusieurs autres facteurs. Un item avec des saturations croisées (*crossloading*) est un item avec une saturation $\geq |.32|$ sur au moins deux facteurs. Le chercheur doit décider si un item qui a des saturations croisées doit être éliminé de l'analyse, ce qui est un bon choix s'il y a plusieurs saturations jugées adéquates à élevées ($\geq |.50|$) sur chaque facteur. Inclure un nombre suffisant d'items est nécessaire car cela permet ensuite de choisir les plus adéquats en conservant tout de même un nombre suffisant pour assurer une bonne consistance interne de l'échelle.

7.2. Création de scores factoriels, de score de composantes/échelles

Kim et Mueller (1978a) soulignent que les échelles créées sur la base des facteurs ne sont pas identiques aux facteurs sous-jacents. Non seulement la corrélation entre le facteur hypothétique et l'échelle correspondante est probablement largement inférieure à 1, mais la relation entre les échelles n'est probablement pas la même que les relations entre les facteurs sous-jacents. Il ne faut pas oublier que les échelles basées sur les facteurs sont des indicateurs des facteurs sous-jacents qui contiennent une part d'erreur.

Si les scores factoriels sont plus précis et fidèles pour l'échantillon sur lequel se base l'analyse factorielle lorsque des pondérations sont introduites, Floyd et Widaman (1995) recommandent d'ajouter les items constituant une échelle sans utiliser de pondération (donc pas de score factoriel calculé en fonction du poids de chaque item). En effet, une

pondération de 1 pour chaque item dont la saturation la plus forte est sur le facteur concerné produit des scores factoriels virtuellement aussi exacts dans l'échantillon original et cette pondération fonctionne mieux que les scores factoriels avec pondération dans de nouveaux échantillons (Gorsuch, 1983). De ce fait, Kim et Mueller (1978b), ainsi que Floyd et Widaman (1995) proposent de ne pas utiliser de scores factoriels pondérés mais d'additionner les scores des items avec une saturation significative et première en excluant les items qui ont des saturations croisées. Pour cela, tous les items doivent être sur une même échelle (nombre de niveaux des items) ou ils doivent avoir été standardisés auparavant si ce n'est pas le cas.

Selon Velicer et Jackson (1990b), la différence entre les scores estimés sur la base de facteurs (en EFA) et les scores issus des composantes (en PCA) serait peu claire. En effet, ces scores sont très proches les uns des autres et les scores factoriels sont eux-mêmes déterminés (c'est-à-dire issus calculé sur la base d'une équation). Par conséquent, l'ajout d'un élément aléatoire (la part d'erreur reconnue en EFA) ne semble pas augmenter la généralisabilité et cet ajout n'est d'ailleurs généralement pas recommandé.

7.3. La consistance interne du score d'une échelle

Une fois que le chercheur a extrait un certain nombre de facteurs ou de composantes et qu'il les considère comme des échelles, il doit évaluer la fidélité des scores que fournissent ces échelles. Ceci est réalisé par le calcul de la consistance interne dont l'indice le plus utilisé est l' α de Cronbach (1951). Plus ce coefficient est élevé, plus le score est dit consistant, c'est-à-dire moins il contient d'erreur. Le coefficient de consistance interne α de Cronbach est dépendant du nombre d'items figurant dans l'échelle ainsi que des intercorrélations moyennes. De ce fait, une augmentation du nombre d'items intercorrélés améliore le coefficient. Un coefficient α élevé pour une longue échelle reflète le fait que le score total obtenu par la sommation des items contient une faible part d'erreur. Selon Clark et Watson (1995), le paramètre le plus utile par rapport à la consistance interne est la corrélation moyenne entre les items et non pas le coefficient α . Ainsi il faudrait plutôt essayer d'atteindre un certain niveau de corrélation moyenne (entre $|.15|$ et $|.50|$ en fonction de la généralité du construit concerné). En ce qui concerne les échelles de réponse, mentionnons que les échelles avec des points multiples (par ex. échelles de Likert à sept points) permettent aux moyennes des items de varier avec une plus grande probabilité d'une distribution moins asymétrique. De plus, les échelles de réponse à deux ou trois modalités doivent être remplacées par sept ou plus de catégories de réponses afin que les moyennes soient systématiquement différentes

(Gorsuch, 1997). La signification psychologique de l'échelle et des points de réponses doit toutefois également être considérée.

Par ailleurs, soulignons qu'une consistance interne élevée ne prouve pas l'unidimensionnalité de l'échelle, qui doit absolument être réalisée avant de calculer la consistance interne. En outre, des corrélations trop élevées entre items ne sont pas désirables en vertu du *paradoxe dit de l'atténuation*, expliqué ci-dessous.

Le paradoxe de l'atténuation exprime un équilibre entre l'accroissement de la consistance interne et la validité de construit. Augmenter la consistance interne d'une échelle au-delà d'un certain point ne va pas améliorer la validité de construit et pourrait même la détériorer. Ceci est dû au fait que des items fortement intercorrélés sont aussi fortement redondants : lorsque l'un des items est inclus dans l'échelle, les autres n'apporteront pas d'information supplémentaire (Clark & Watson, 1995). Maximiser la consistance interne produit ainsi une échelle mesurant un construit « étroit ». Un coefficient α de Cronbach $\geq .80$ est conseillé avec quatre ou cinq items pour un construit très « étroit ». Pour des construits plus larges, un α de Cronbach autour de .70 peut s'avérer acceptable. En outre, il faut relever que le fait d'ajouter les items sous-évalue la fidélité car la pondération de chaque item n'est pas considérée.

7.4. Les biais dus aux items négatifs/renversés (reverse-coding) ou à la difficulté

Afin d'éviter des biais de réponses tels que l'acquiescence due au fait que tous les items expriment une même idée, il est souvent conseillé d'introduire des items qui expriment cette même idée mais de façon négative, de sorte que l'individu s'arrête pour réfléchir et se pose des questions. Ainsi, pour mesurer un construit tel que le contrôle de l'action, on introduira donc des items exprimant une bonne capacité de contrôle de l'action tout comme des items exprimant un faible ou un manque de contrôle de l'action (que ce soit avec des termes différents ou en ajoutant une négation). Toutefois, l'introduction de tels items n'est pas sans risque pour les analyses factorielles. En effet, il est courant que ces deux types d'items, bien que prévus pour mesurer un même construit, forment deux facteurs distincts¹⁹. Ceci représente un effet dit de méthode et il est conseillé d'analyser la validité de construit de chacun des facteurs afin de déterminer s'il s'agit effectivement d'un effet de méthode ou s'il existe réellement deux dimensions dans les données. En outre, il est probable que ce phénomène apparaisse chez des sujets pré-adolescents ou des sujets dont le niveau de lecture est faible et

¹⁹ C'est exactement ce qui s'est produit lorsque les deux types d'items liés au contrôle de l'action ont été introduits dans une EFA. Tous les items exprimant un bon contrôle de l'action ont été saturés par un facteur et tous les items exprimant un faible contrôle de l'action ont été saturés par un autre facteur. Ces deux facteurs étaient largement et négativement corrélés.

par conséquent il serait préférable de ne pas inclure ce type d'items pour des jeunes élèves (Marsh, 1986).

Un autre biais peut être provoqué par l'asymétrie des distributions des items. La difficulté peut jouer le rôle de critère pour la formation de facteurs. Cela signifie par exemple que les items qui sont très difficiles (les sujets refusent en très grande majorité les items) pourraient se grouper sur un facteur dit technique. Ainsi ces items sont fortement liés non pas parce qu'ils mesurent le même trait latent mais parce qu'ils partagent tous un certain niveau de difficulté.

7.5. Comment nommer les facteurs ou composantes ?

Thompson et Daniel (1996) soulignent que les noms donnés aux facteurs obtenus ne doivent pas être similaires aux noms des variables observées parce que les facteurs ne sont pas des variables observées. Il faut donc trouver un nom suffisamment général pour représenter l'idée commune aux items concernés. Henson et Roberts (2006) recommandent de ne pas nommer un facteur en utilisant le libellé d'une variable observée car ceci porte à confusion et ne respecte pas le fait que le facteur est une variable latente (tautologie). Le chercheur doit donc déterminer la cause probable des covariations entre items afin de choisir un nom adéquat à chaque facteur ou composante. Cliff (1983) prévient toutefois que « If we name something, this does not mean we understand it » (p. 120). Nommer les facteurs n'est pas une décision anodine ; cela doit être réfléchi et théoriquement cohérent.

8. Confirmer la structure factorielle : allier EFA et CFA.

La réplication des structures des scores d'échelles est importante pour établir la validité de construit d'un instrument (Steger, 2006). Avant l'utilisation courante des analyses CFA, la généralisabilité des structures factorielles était testée par l'accomplissement de plusieurs EFA réalisées sur plusieurs échantillons d'une même population (réplication) ou sur des populations différentes (invariance) (Gorsuch, 1974). Actuellement, une fois la structure factorielle d'un instrument identifiée par une EFA, les études suivantes utilisent des modèles CFA pour démontrer que cette structure se réplique dans un échantillon différent. De nombreux chercheurs soulignent l'intérêt d'utiliser des EFA dans les premières étapes de développement d'un instrument. La force des EFA réside dans le fait qu'elles ne nécessitent pas un modèle théorique précis alors c'est le cas pour les CFA. Ainsi, elles sont fortement informatives quant au fonctionnement de l'instrument. Muthén et Muthén (2005) proposent d'utiliser la stratégie dite *EFA dans un cadre CFA* qui permet d'étudier la significativité des

saturation croisées ainsi que les corrélations entre résidus et suggère un modèle CFA réaliste pour de prochaines analyses de l'instrument.

8.1. La méthode « EFA dans un cadre CFA »

Muthén et Muthén (2005) proposent d'allier EFA et CFA afin d'obtenir les erreurs standards permettant de déterminer si les saturations sont statistiquement significatives et de produire des indices de modifications afin de décider si des covariances résiduelles sont nécessaires pour représenter des facteurs mineurs. Pour cela, il faut tout d'abord effectuer une EFA puis soumettre la solution finale à une CFA avec les contraintes suivantes : la variance de chaque facteur est fixée à 1 et sur chaque facteur, l'item dont la saturation est la plus élevée (item dit ancre) se voit fixé ses saturations sur les autres facteurs à 0. Les autres saturations sont laissées libres pour estimation. Nous n'exposons pas ici un exemple de cette méthode car un exemple complet est présenté par Muthén et Muthén (2005).

Pour confirmer en CFA une structure basée sur une EFA, Van Prooiken et Van der Kloot (2001) ont étudiées trois stratégies : 1) reproduire exactement les paramètres trouvés en EFA dans une CFA ; 2) l'approche usuelle qui consiste à libérer les paramètres dont la saturation est élevée et à fixer les autres paramètres à zéro ; 3) l'approche n°2 mais en permettant des covariances résiduelles lorsque les saturations dans l'EFA étaient comprises entre $|.20|$ et $|.30|$. Leurs résultats montrent que le caractère plus restrictif de la CFA fait que les structures factorielles ne sont pas forcément répliquées lorsqu'on passe de l'EFA à la CFA et qu'une bonne stratégie est de considérer l'utilisation de la troisième approche. Ceci implique de libérer certains paramètres dont la saturation était trop faible (inférieure à $|.30|$ mais supérieure à $|.20|$) en EFA mais qui jouent tout de même un rôle dans la solution factorielle et permettent un meilleur ajustement du modèle CFA. Ceci est justifiable car la possibilité d'interpréter le modèle n'est pas détériorée étant donné que ces ajustements sont issus du modèle exploratoire original (Van Prooiken & Van der Kloot, 2001).

9. Comment rapporter une EFA ou PCA ?

Floyd et Widaman (1995) proposent de rapporter les éléments suivants pour une EFA/PCA :

- Mentionner s'il s'agit d'une analyse en facteurs communs (EFA) ou en composantes principales (PCA) ;
- Le type de matrice d'association analysée (covariances ou corrélations) ;
- Les estimations initiales des communautés ;
- La méthode d'extraction ;

- Les critères utilisés pour retenir le nombre de facteurs ;
- Les valeurs propres et les pourcentages de variance expliquée par chaque facteur avant rotation ;
- La méthode de rotation avec justification de son choix ;
- Toutes les saturations dans la matrice de pattern pour que le lecteur puisse se faire sa propre opinion de la qualité de la solution ;
- Les corrélations entre facteur dans le cas d'une rotation oblique ;
- La répartition de la variance expliquée par chaque facteur après rotation.

Preacher et MacCallum (2003) conseillent de rapporter toutes les saturations pour toutes les variables sur chaque facteur, ainsi que les erreurs standard liées à ces saturations (si elles sont disponibles) afin que le lecteur puisse évaluer la précision des saturations estimées. Le modèle de tableau (tableau 4) ci-dessous peut être utilisé pour regrouper une partie des informations nécessaires au lecteur.

Tableau 4.
Matrice de pattern de la solution factorielle (adapté de Henson & Roberts, 2006)

Variable	Facteur 1 : A	Facteur 2 : B	Facteur 3 : C	h^2
X1	2 décimales			
X2				
X3				
X4				
X5				
X6				
X7				
X8				
X9				
X10				

Valeur propre
% de variance

Note : les coefficients plus grands que $|\cdot 40|$ sont en italique/gras et ils sont retenus pour le facteur concerné. Le pourcentage de variance indiqué est post-rotation. La valeur propre du quatrième facteur (non retenu) était de 1.012. h^2 = coefficient de communauté. Dans le cas d'une rotation oblique, indiquer les corrélations entre les facteurs.

10. Glossaire

Analyse factorielle confirmatoire (CFA)

Analyse factorielle dans laquelle des attentes spécifiques concernant le nombre de facteurs et leurs saturations (fixées comme nulles, à une certaine valeur ou libres) sont testées sur des données. Il s'agit d'une analyse entièrement guidée par la théorie.

Communauté (h^2)

La communauté d'une variable est la portion de variance de la variable qui est expliquée par l'ensemble des facteurs communs. Elle dépend des saturations. Selon Kinnear et Gray (2005), « la communauté d'une variable est la corrélation multiple au carré (R^2) pour la variable utilisant les facteurs comme prédicteurs et est, par conséquent, la proportion de la variance du test qui est expliquée par les facteurs communs extraits dans l'analyse factorielle (variance factorielle commune) » (pp. 398-399).

Composante d'erreur

La part de variance d'une variable observée qui est due aux erreurs de mesure aléatoire ; elle constitue une partie de la composante unique (Kim & Mueller, 1978a).

Composante unique

La part de la variance observée inexpliquée par les facteurs communs. C'est la part de variance qui est unique à chaque variable. Elle est souvent décomposée en composante spécifique et composante d'erreur (Kim & Mueller, 1978a).

Déterminant

Une propriété mathématique d'une matrice carrée. Discutée comme un moyen de déterminer le rang (ou le nombre de dimensions indépendantes) d'une matrice de corrélation ajustée (Kim & Mueller, 1978a).

Facteur commun

Variable latente, non mesurée ou hypothétique qui est à la source de la variation au minimum de deux variables observées en considération (Kim & Mueller, 1978a).

Heywood cases

Situations dans lesquelles la communauté pour une variable observée est estimée à 1 ou plus (situation problématique). Ces cas indiquent souvent qu'un modèle mal spécifié a été ajusté aux données ou que les données violent les postulats du modèle de facteurs communs. Ils ont donc une valeur diagnostique et apparaissent en EFA (McCallum et al., 1999).

Maximum Likelihood method (ML ; méthode du maximum de vraisemblance)

Méthode d'estimation mathématique qui cherche à identifier les paramètres de la population avec une probabilité maximale de générer la distribution de l'échantillon observé. Cette méthode est utilisée notamment dans l'extraction des facteurs (Kim & Mueller, 1978a).

Monte Carlo (étude)

Etude systématique se basant sur des données simulées. Des études Monte Carlo ont notamment été réalisées afin d'évaluer le nombre d'items nécessaire pour définir un facteur et obtenir une solution factorielle stable.

Overfactoring et Underfactoring

Spécifier trop ou trop peu de facteurs dans la solution.

Score factoriel

L'estimation pour un sujet de son score sur un facteur formé par une combinaison linéaire des variables observées.

Sousdétermination et Surdétermination

Degré auquel chaque facteur est clairement représenté par un nombre suffisant de variables. Un facteur sous-déterminé n'est pas représenté par suffisamment de variables ; au contraire, un facteur surdéterminé est représenté par plus de variables que le minimum nécessaire.

Valeur propre (eigenvalue)

Propriété mathématique d'une matrice utilisée en relation à la décomposition d'une matrice de covariance, tant comme un critère pour déterminer le nombre de facteurs à extraire que comme une mesure de variance expliquée par une certaine dimension (Kim & Mueller, 1978a). Selon Bertrand et Blais (2004), la valeur propre « précise l'importance du facteur : c'est en quelque sorte la part de variance expliquée par le facteur » (p. 249).

Variances uniques (*squared unique factor loadings*)

Elles représentent la variance de chaque variable qui n'est pas expliquée par les facteurs communs, c'est-à-dire la variance résiduelle.

11. Références

- Bartlett, M. S. (1950). Tests of significance in factor analysis. *British Journal of Psychology*, 3, 77-85.
- Bartlett, M. S. (1951). A further note on tests of significance in factor analysis. *British Journal of Psychology*, 4, 1-2.
- Bertrand, R., & Blais, J.-G. (2004). *Modèles de mesure. L'apport de la théorie des réponses aux items*. Sainte-Foy, Canada: Presses Universitaires du Québec.
- Bollen, K. A. (2002). Latent variables in psychology and the social sciences. *Annual Review of Psychology*, 53, 605-634.
- Brown, T. A. (2006). *Confirmatory factor analysis for applied researcher*. New York: Guilford.
- Byrne, B. M. (2005). Factor analytic models: Viewing the structure of an assessment instrument from three perspectives. *Journal of Personality Assessment*, 85(1), 17-32.
- Cattell, R. B. (1966). The scree test for the number of factors. *Multivariate Behavioral Research*, 1, 245-276.
- Cibois, P. (1983/2000). *L'analyse factorielle* (5^{ème} éd.). Paris : PUF (Collection Que sais-je ?)
- Clark, L. A., & Watson, D. (1995). Constructing validity: Basic issues in objective scale development. *Psychological Assessment*, 7(3), 309-319.
- Cliff, N. (1983). Some cautions concerning the application of causal modeling methods. *Multivariate Behavioral Research*, 18(115-126).
- Cliff, N. (1988). The eigenvalues-greater-than-one rule and the reliability of components. *Psychological Bulletin*, 103(2), 276-279.
- Cronbach, L. J. (1951). Coefficient alpha and the internal structure of tests. *Psychometrika*, 16(3), 297-334.
- Comrey, A. L., & Lee, H. B. (1992). *A first course in factor analysis* (2nd ed.). Hillsdale, NJ : Erlbaum.
- Costello, A. B., & Osborne, J. (2005). Best practice in exploratory factor analysis: Four recommendations for getting the most from your analysis. *Practical Assessment Research & Evaluation*, 10(7).
- DeCarlo, L. T. (1997). On the meaning and use of kurtosis. *Psychological Methods*, 2, 292-307.
- Doise, W., Clemence, A., & Lorenzi-Cioldi, F. (1992). *Représentations sociales et analyses des données*. Grenoble : Presses Universitaires de Grenoble.
- Fabigar, L. R., MacCallum, R. C., Wegener, D. T., & Strahan, E. J. (1999). Evaluating the use of exploratory factor analysis in psychological research. *Psychological Methods*, 4(3), 272-299.
- Fava, J. L., & Velicer, W. F. (1992). The effects of overextraction on factor and component analysis. *Multivariate Behavioral Research*, 27(3), 387-415.
- Field, A. (2005). *Discovering statistics using SPSS* (2nd ed.). London : Sage Publications.
- Floyd, F. J., & Widaman, K. F. (1995). Factor analysis in the development and refinement of clinical assessment instruments. *Psychological Assessment*, 7(3), 286-299.
- Goodwin, L. D., & Leech, N. L. (2006). Understanding correlation: Factors that affect the size of r . *The Journal of Experimental Education*, 74(3), 251-266.
- Gorsuch, R. L. (1974). *Factor analysis*. Philadelphia, PA : Saunders.
- Gorsuch, R. L. (1983). *Factor analysis* (2nd ed.). Hillsdale, NJ : Erlbaum.
- Gorsuch, R. L. (1990). Common factor analysis versus component analysis: Some well and little known facts. *Multivariate Behavioral Research*, 25(1), 33-39.
- Gorsuch, R. L. (1997). Exploratory factor analysis: Its role in item analysis. *Journal of Personality Assessment*, 68(3), 532-560.

- Guadagnoli, E., & Velicer, W. F. (1988). Relation of sample size to the stability of component patterns. *Psychological Bulletin*, *103*(2), 265-275.
- Henson, R. K., & Roberts, J. K. (2006). Use of exploratory factor analysis in published research: Common errors and some comment on improved practice. *Educational and Psychological Measurement*, *66*(3), 393-416.
- Humphreys, L. G., & Montanelli Jr, R. G. (1975). An investigation of the parallel analysis criterion for determining the number of common factors. *Multivariate Behavioral Research*, *10*, 193-205.
- Jolliffe, I T. (2002). *Principal component analysis* (2nd ed.). New York : Springer-Verlag.
- Kaiser, H. F. (1960). The application of electronic computers to factor analysis. *Educational and Psychological Measurement*, *20*, 141-151.
- Kim, J.-O., & Mueller, C. W. (1978a). *Introduction to factor analysis : What it is and how to do it*. Newbury Park, CA : Sage Publications (Series : Quantitative applications in the social sciences).
- Kim, J.-O., & Mueller, C. W. (1978b). *Factor analysis: Statistical methods and practical issues*. Newbury Park, CA : Sage Publications (Series : Quantitative applications in the social sciences).
- Kinney, P., & Gray, C. (2005). *SPSS facile appliqué à la psychologie et aux sciences sociales. Maîtriser le traitement des données* (N. Huet, Trans.). Bruxelles: DeBoeck.
- Loehlin, J. C. (2004). *Latent variable models: An introduction to factor, path, and structural equation analysis* (4th ed.). Mahwah, NJ: Erlbaum.
- Lorenzo-Seva, U. (2003). A factor simplicity index. *Psychometrika*, *68*(1), 49-60.
- Lorenzo-Seva, U., & Ferrando, P. J. (2006). FACTOR: A computer program to fit the exploratory factor analysis model. *Behavior Research Methods*, *38*(1), 88-91.
- MacCallum, R. C., & Austin, J. T. (2000). Applications of structural equation modeling in psychological research. *Annual Review of Psychology*, *51*, 201-226.
- MacCallum, R. C., Widaman, K. F., Zhang, S., & Hong, S. (1999). Sample size in factor analysis. *Psychological Methods*, *4*(1), 84-99.
- Marsh, H. W. (1986). Negative item bias in ratings scales for pre-adolescents children : A cognitive-developmental phenomenon. *Developmental Psychology*, *22*(1), 37-49.
- McArdle, J. J. (1990). Principles versus principals of structural factor analyses. *Multivariate Behavioral Research*, *25*(1), 81-87.
- Mulaik, S. A. (1972). *The foundations of factor analysis*. New York : McGraw-Hill.
- Mulaik, S. A. (1990). Blurring the distinction between component analysis and common factor analysis. *Multivariate Behavioral Research*, *25*(1), 53-59.
- Mulaik, S. A., & McDonald, R. P. (1978). The effect of additional variables on factor indeterminacy in models with a single common factor. *Psychometrika*, *43*, 177-192.
- Muthén, L. K., & Muthén, B. O. (2005). Traditional latent variable modeling using Mplus, *Mplus short courses Day 1*. Los Angeles, CA: Muthén & Muthén.
- Preacher, K. J., & MacCallum, R. C. (2003). Repairing Tom Swift's electric factor analysis machine. *Understanding Statistics*, *2*(1), 13-43.
- Rousseau, M., & Bertrand, R. (2005). Evaluation de l'efficacité des méthodes de traitement des valeurs manquantes dans le contexte de mesure de type Likert. *Mesure et Evaluation en Education*, *28*(3), 27-49.
- Schermelleh-Engel, K., Moosbrugger, H., & Müller, H. (2003). Evaluating the fit of structural equation models: Test of significance and descriptive goodness-of-fit measures. *Methods of Psychological Research Online*, *8*(2), 23-74.
- Stafford, J., & Bodson, P. (2006). *L'analyse multivariée avec SPSS*. Sainte-Foy, Canada: Presses Universitaires du Québec.

- Steger, M. F. (2006). An illustration of issues in factor extraction and identification of dimensionality in psychological assessment data. *Journal of Personality Assessment*, 86(3), 263-272.
- Stevens, J. (1992). *Applied multivariate statistics for the social sciences* (2nd ed.). Hillsdale, NJ : Erlbaum.
- Tabachnick, B. G., & Fidell, L. S. (2007). *Using multivariate statistics* (5th ed.). Boston, MA: Allyn & Bacon.
- Thompson, B., & Daniel, L. G. (1996). Factor analytic evidence for the construct validity of scores: A historical overview and some guidelines. *Educational and Psychological Measurement*, 56(2), 197-208.
- Tournois, J., & Dickes, P. (1993). *Pratique de l'échelonnement multidimensionnel. De l'observation à l'interprétation*. Bruxelles: De Boeck.
- Tucker, L. R., & Lewis, C. (1973). A reliability coefficient for maximum likelihood factor analysis. *Psychometrika*, 38, 1-10.
- Van Prooijen, J.-W., & Van der Kloot, W. A. (2001). Confirmatory analysis of exploratively obtained factors structures. *Educational and Psychological Measurement*, 61(5), 777-792.
- Velicer, W. F. (1976). The relation between factor score estimates, image scores and principal component scores. *Educational and Psychological Measurement*, 36, 149-159.
- Velicer, W. F., & Fava, J. L. (1998). Effects of variable and subject sampling on factor pattern recovery. *Psychological Methods*, 3(2), 231-251.
- Velicer, W. F., & Jackson, D. N. (1990a). Component analysis versus common factor analysis: Some further observations. *Multivariate Behavioral Research*, 25(1), 97-114.
- Velicer, W. F., & Jackson, D. N. (1990b). Component analysis versus common factor analysis: Some issues in selecting an appropriate procedure. *Multivariate Behavioral Research*, 25(1), 1-28.
- West, S. G., Finch, J. F., & Curran, P. J. (1995). Structural equation models with nonnormal variables. In R. H. Hoyle (Ed.), *Structural equation modeling: Concepts, issues, and applications* (pp. 56-75). Newbury Park, CA: Sage Publications.
- Widaman, K. F. (1990). Bias in pattern loadings represented by common factor analysis and component analysis. *Multivariate Behavioral Research*, 25(1), 89-95.
- Zwick, W. R., & Velicer, W. F. (1986). Comparison of five rules for determining the number of components to retain. *Psychological Bulletin*, 99(3), 432-442.

12. Annexes

Nous présentons ci-dessous, de manière non-exhaustive, les spécificités et options de trois logiciels permettant de réaliser des analyses factorielles exploratoires et/ou analyses en composantes principales.

12.1. Analyse factorielle exploratoire ou en composantes principales avec FACTOR 7

Ce logiciel (Lorenzo-Seva & Ferrando, 2006) réalise exclusivement des EFA ou PCA et incorpore plusieurs procédures et indices qui sont très utiles. Ce logiciel est disponible gratuitement à l'adresse suivante : <http://psico.fcep.urv.es/utilitats/factor/>

Description des options offertes par le logiciel

Les matrices d'association que traite le logiciel sont de trois types : corrélation de type Pearson, covariance ou polychorique. Cette dernière est adaptée aux données binaires ou ordinales. Afin de déterminer le nombre de facteurs ou de composantes, trois procédures sont proposées : le Minimum Average Partial Test de Velicer (MAP ; voir 5.7.), l'analyse parallèle (PA ; voir 5.8.) et l'analyse parallèle avec bootstrap (PA-MBS). Demander les trois indices successivement permet de s'assurer du nombre de dimensions à extraire et c'est une solution qui a le mérite d'être objective. Ces indices doivent être demandé pour une matrice de corrélations de type Pearson (même si ce n'est pas véritablement le cas) car le logiciel ne peut pas appliquer ces procédures sur des matrices de corrélations de type polychoriques. Les méthodes d'extractions suivantes peuvent être utilisées : PCA, Unweighted Least Square (ULS) et *exploratory ML* (EML), ainsi que *maximum rank factor analysis* (MRFA). En outre, les méthodes de rotations sont très nombreuses et ne seront pas détaillées ici (voir la section 4 pour une description de certaines de ces méthodes).

Description de l'output

L'output fourni par le logiciel est très riche. Il contient successivement : les statistique descriptives des items, les statistiques descriptives multivariées (coefficient de Mardia pour l'asymétrie et la voussure multivariées qui permet de tester le postulat de normalité multivariée pour utiliser la méthode ML), les trois tests d'adéquation de la matrice de corrélation servant d'input (voir 3.4), plusieurs indices d'adéquation (si les méthodes ULS ou EML sont utilisées) : le χ^2 , le NNFI, CFI, GFI, AGFI, RMSEA et le *estimated noncentrality parameter*²⁰, la fidélité des facteurs, la distribution des résidus et le RMSR, les indices de

²⁰ Pour une description des valeurs considérées adéquates pour ces indices, voir Schermelleh-Engel et al. (2003)

simplicité de Bentler et le Loading Simplicity index²¹ et finalement les corrélations inter-facteurs. Les données doivent être au format Fixed ASCII (.dat) et chaque colonne séparée par un espace unique.

Les avantages et inconvénients

Les avantages sont sa simplicité d'utilisation, l'étendue des options et coefficients qu'il fournit et la richesse de son output. Par contre, ses principaux inconvénients sont premièrement qu'il n'est pas possible d'introduire le nom des variables et par conséquent il faut travailler avec des variables nommées V1, V2, ... V_i. Cette limite sera toutefois corrigée dans la prochaine version. Deuxièmement, le logiciel n'accepte pas de jeu de données dans lequel une partie des données sont manquantes.

12.2. Analyse factorielle exploratoire avec Mplus

Ce logiciel permet toutes sortes d'analyses statistiques avec des variables latentes. Les analyses factorielles exploratoires ne sont donc qu'une des nombreuses possibilités offertes.

Description des options offertes par le logiciel

Seuls des EFA sont possibles car la PCA n'est pas une procédure liée aux variables latentes. Les méthodes d'extraction disponibles sont nombreuses. Parmi elles : ML, différentes variantes de la méthode ML, WLSV (tout particulièrement adaptée pour les variables catégorielles ou ordinales) et ULS. Un *scree plot* peut être demandé. En outre, il est entre autres possible de réaliser des analyses avec des données manquantes ainsi que d'explorer si plusieurs sous-groupes existent dans les données (analyses en classes latentes).

Description de l'output

Mplus fournit dans l'output les solutions suites à chacune des rotations Varimax et Promax entre autres. Les corrélations entre facteurs sont données pour la solution Promax. Mplus fournit uniquement la matrice de pattern. L'Output fournit également les variances résiduelles pour chaque variable, qui permettent facilement de calculer les communautés ($h^2=1$ -variance résiduelle).

²¹ Cet indice, développé par Lorenzo-Seva (2003), permet de qualifier la simplicité de la matrice contenant les saturations obtenues après rotation. Plus sa valeur s'approche de 1, plus la solution peut être qualifiée de simple. Au contraire, plus sa valeur s'approche de 0, plus la solution sera jugée complexe. L'indice ne se compare pas à un seuil, mais il permet de comparer : a) différentes solutions factorielles pour une même matrice de corrélation ayant subi une même rotation ou b) une même solution factorielle ayant subi différentes rotations.

Avantages et inconvénients

L'avantage majeur est la méthode *Weighed Least Square Means and Variance adjusted* (WLSMV) que propose le logiciel pour les variables catégorielles. Parmi les inconvénients, relevons en particulier que les pourcentages expliqués par les valeurs propres ne sont pas mentionnés²². En outre, il faut se familiariser avec les commandes de la syntaxe.

12.3. Analyse factorielle exploratoire ou en composantes principales avec SPSS

Description des options offertes par le logiciel

Afin de demander une EFA ou PCA, il faut passer par le menu *Analyze/Data reduction/factor...* Les options offertes sont alors, de façon non exhaustive, les suivantes (les termes soulignés représentent les titres des « boîtes » dans le logiciel) :

Descriptives : notamment les trois tests de la matrice de corrélation (cf 3.4)

Extraction : - PCA, ULS, Generalized Least Square, ML, Principal axis factoring, Alpha factoring et Image factoring ;
- possibilité de demander un Scree plot
- l'option par défaut est l'extraction d'un nombre de facteurs correspondant au nombre de valeurs propres >1 .

Rotation : les rotations suivantes sont disponibles Varimax, Direct Oblimin, Quartimax, Equamax, Promax ;

Factor scores : Trois méthodes permettent de créer un score factoriel pour chaque sujet.
- Anderson-Rubin : produit des scores non inter-corrélés même si les facteurs sont eux-mêmes corrélés. Donne des scores avec une moyenne de 0 et un écart-type de 1.
- Bartlett : proche de l'approche régression
- Régression : produit des scores le plus fortement corrélés avec les facteurs. Même dans le cas de facteurs orthogonaux, les scores factoriels sont souvent inter-corrélés.

Options : notamment remplacer les données manquantes par la moyenne.

Description de l'output

Sont tout d'abord affichés le déterminant de la matrice, le KMO et le test de sphéricité de Bartlett. Ensuite, figurent les tableaux des communautés puis des valeurs propres avec la part de variances qu'explique chacune et leur cumul. Les matrices avant rotation (factor matrix ou

²² Ceci est justifié par le fait que l'objectif de l'analyse factorielle n'est pas d'expliquer la variance mais d'expliquer les corrélations. Ceci n'était pas clair dans les premières conceptions de l'analyse factorielle qui s'appuyaient sur la PCA.

component matrix respectivement dans les cas d'une EFA ou PCA), de pattern (si une rotation oblique est effectuée), de structure et finalement des corrélations entre facteurs (si une rotation oblique est effectuée) sont données.

Avantages et inconvénients

Les principaux avantages de l'utilisation de SPSS pour réaliser des AFE/PCA sont la simplicité d'utilisation du logiciel et son caractère *user-friendly*, la rapidité des calculs et le fait qu'il ne soit pas nécessaire de changer de logiciel pour passer à d'autres types d'analyses. En outre, SPSS offre la possibilité de substituer les données manquantes par la moyenne pour réaliser l'analyse. Toutefois, étant donné que SPSS réalise des analyses factorielles uniquement avec des données continues, il est conseillé que les items aient au minimum sept niveaux (catégories de réponses) afin de considérer que les données sont de type continu. Dans le cas contraire, FACTOR ou Mplus seraient plus appropriés car ils gèrent les données catégorielles (ordinales ou binaires), que ce soit avec l'utilisation d'une matrice de corrélation polychorique ou avec l'estimateur WLSMV. Toutefois, des EFA/PCA avec des variables ordinales à quatre catégories ou plus sont souvent effectuées avec SPSS en utilisant une méthode d'extraction telles que *Unweighted least square* ou *Principal axis factoring*. Finalement, signalons que des PCA avec données catégorielles peuvent être réalisées par les procédures d'échelonnement multidimensionnel.

12.4. Recommandations pour le choix d'un logiciel

Au-delà de la question de la disponibilité des logiciels, le choix d'un logiciel parmi les trois décrits ci-dessus peut se baser sur les objectifs du chercheur. Si l'objectif est de réaliser une série d'analyses statistiques dont l'EFA/PCA ne représente qu'une étape et que le chercheur ne travaille pas avec des modèles d'équations structurales, il est conseillé d'utiliser SPSS. En effet, le chercheur n'aura ainsi pas à changer de logiciel. Pour le chercheur qui souhaite réaliser des analyses avancées sur les qualités psychométriques d'un instrument en étudiant la structure factorielle, il est conseillé d'utiliser Mplus. Ainsi le chercheur peut notamment utiliser la méthode « CFA dans un cadre EFA » (cf. 8.1) et réaliser des EFA pour plusieurs sous-groupes. Pour le chercheur qui souhaite simplement étudier la structure factorielle d'un instrument ainsi que la fidélité des facteurs ou composantes, FACTOR sera le logiciel le plus adapté.