



A reconstruction of Peuerbach's table for his “Quadratum geometricum” (1516)

Denis Roegel

► To cite this version:

Denis Roegel. A reconstruction of Peuerbach's table for his “Quadratum geometricum” (1516). [Research Report] LORIA (Université de Lorraine, CNRS, INRIA). 2021. hal-03330581

HAL Id: hal-03330581

<https://hal.science/hal-03330581>

Submitted on 1 Sep 2021

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

A reconstruction of
Peuerbach's table for
his *Quadratum geometricum*
(1516)

Denis Roegel

2 September 2021

(last version: 2 September 2021)

Introduction

This document gives an exact (modern) reconstruction of Georg von Peuerbach's *quadratum geometricum* table published in 1516 [3] (figures 1, 2, 3, 4, and 5). This table was later copied by Gemma Frisius (figures 6 and 7).

Peuerbach's table was printed in color, with columns alternating in black and red. This feature has not been reconstructed, but might be added in a future version. Of notice is the fact that not only the figures, but also the lines were in alternating colors.

The context of these tables, as well as the details of their construction are found in my separate survey [2].



Figure 1: The title page of Peuerbach's *Quadratum geometricum* [3] (source: e-rara).

O	G.M.2.	100 G.M.2.	200 G.M.2.	300 G.M.2.	400 G.M.2.	500 G.M.2.
0	0 0 0	1 45 49	1 27 44	1 4 2 10	1 8 26 7	2 2 37 12
1	0 2 52	1 4 48 40	1 9 30 32	1 4 4 52	1 8 28 42	2 2 39 58
2	0 5 44	1 4 51 30	1 9 33 19	1 4 7 34	1 8 31 17	2 2 42 4
3	0 8 36	1 4 54 21	1 9 36 6	1 4 10 16	1 8 33 51	2 2 44 30
4	0 11 28	1 4 57 12	1 9 38 53	1 4 12 58	1 8 36 25	2 2 46 56
5	0 14 20	1 5 0 2	1 9 41 40	1 4 15 39	1 8 38 59	2 2 49 22
6	0 17 12	1 5 2 53	1 9 44 27	1 4 18 20	1 8 41 33	2 2 51 47
7	0 20 5	1 5 5 44	1 9 47 14	1 5 21 1	1 8 44 7	2 2 54 13
8	0 22 55	1 5 8 54	1 9 50 0	1 4 23 42	1 8 46 41	2 2 56 59
9	0 25 47	1 5 11 24	1 9 52 47	1 6 26 23	1 8 49 15	2 2 59 4
10	0 28 39	1 5 14 15	1 9 55 34	1 4 29 4	1 8 51 49	2 3 1 30
11	0 31 31	1 5 17 5	1 9 58 21	1 5 31 45	1 8 54 23	2 3 3 59
12	0 34 23	1 5 19 55	1 0 1 7	1 4 34 26	1 8 56 57	2 3 6 23
13	0 37 15	1 5 22 50	1 0 3 54	1 4 37 7	1 8 59 31	2 3 8 47
14	0 40 7	1 5 25 56	1 0 6 44	1 4 39 48	1 9 2 5	2 3 11 12
15	0 42 59	1 5 28 26	1 0 9 28	1 4 42 29	1 9 4 59	2 3 13 38
16	0 45 50	1 5 31 17	1 0 12 14	1 4 45 10	1 9 7 12	2 3 16 4
17	0 48 42	1 5 34 7	1 0 15 0	1 4 47 51	1 9 9 45	2 3 18 29
18	0 51 34	1 5 36 57	1 0 17 57	1 4 50 32	1 9 12 18	2 3 20 53
19	0 54 26	1 5 39 48	1 0 20 33	1 4 53 13	1 9 14 51	2 3 23 18
20	0 57 18	1 5 42 58	1 0 23 19	1 4 55 54	1 9 17 24	2 2 25 42
21	1 0 10	1 5 45 28	1 0 26 5	1 4 58 34	1 9 19 57	2 3 28 7
22	1 3 1	1 5 48 18	1 0 28 52	1 5 1 14	1 9 22 30	2 3 30 52
23	1 5 53	1 5 51 8	1 0 31 38	1 5 3 55	1 9 25 3	2 3 32 56
24	1 8 45	1 5 55 58	1 0 34 24	1 5 6 34	1 9 27 36	2 3 35 20
25	1 11 37	1 5 56 48	1 0 37 10	1 5 9 14	1 9 30 9	2 3 37 49
26	1 14 29	1 5 59 58	1 0 39 57	1 5 11 54	1 9 32 42	2 3 40 9
27	1 17 20	1 6 2 28	1 0 42 45	1 5 14 34	1 9 35 15	2 3 42 34
28	1 20 12	1 6 5 18	1 0 45 29	1 5 17 14	1 9 37 48	2 3 44 58
29	1 23 4	1 6 8 8	1 0 48 15	1 5 19 54	1 9 40 20	2 3 47 22
30	1 25 56	1 6 10 58	1 0 51 1	1 5 22 34	1 9 42 52	2 3 49 45
31	1 28 47	1 6 13 48	1 0 53 47	1 5 25 14	1 9 45 24	2 3 52 9
32	1 31 39	1 6 16 58	1 0 56 33	1 5 27 54	1 9 47 56	2 3 54 52
33	1 34 31	1 6 19 27	1 0 59 19	1 5 30 34	1 9 50 28	2 3 56 56
34	1 37 23	1 6 22 17	1 1 2 5	1 5 33 14	1 9 53 0	2 3 59 19
35	1 40 14	1 6 25 7	1 1 4 50	1 5 35 53	1 9 55 32	2 4 1 43
36	1 43 6	1 6 27 57	1 1 7 36	1 5 38 32	1 9 58 4	2 4 4 6
37	1 45 58	1 6 30 46	1 1 10 21	1 5 42 11	2 0 0 36	2 4 6 50
38	1 48 49	1 6 33 56	1 1 15 6	1 5 43 50	2 0 3 8	2 4 8 53
39	1 51 41	1 6 36 26	1 1 15 51	1 5 46 29	2 0 5 40	2 4 11 17
40	1 54 34	1 6 39 15	1 1 18 36	1 5 49 8	2 0 8 12	2 4 13 40
41	1 57 25	1 6 42 5	1 1 21 21	1 5 51 47	2 0 10 43	2 4 16 2
42	1 2 0 17	1 6 44 55	1 1 24 6	1 6 1 20	2 0 13 44	2 4 18 24
43	1 2 3 19	1 6 47 44	1 1 26 51	1 5 57 5	2 0 15 45	2 4 20 47
44	1 2 6 0	1 6 50 34	1 1 29 56	1 5 59 44	2 0 18 16	2 4 23 10
45	1 2 8 51	1 6 53 24	1 1 32 21	1 6 2 23	2 0 20 47	2 4 25 52
46	1 2 11 45	1 6 56 13	1 1 35 6	1 6 5 0	2 0 23 18	2 4 27 55
47	1 2 14 34	1 6 59 2	1 1 37 51	1 6 7 41	2 0 25 49	2 4 30 17
48	1 2 17 26	1 7 1 52	1 1 40 56	1 6 10 20	2 0 28 20	2 4 32 59
49	1 2 20 18	1 7 4 41	1 1 45 21	1 6 12 59	2 0 30 51	2 4 35 2
50	1 2 23 9	1 7 7 50	1 1 46 6	1 6 15 37	2 0 33 22	2 4 37 24

Figure 2: The first page of Peuerbach's table [3] (source: e-rara).

	○ G.M.2.	100 G.M.2.	200 G.M.2.	300 G.M.2.	400 G.M.2.	500 G.M.2.
51	2 26 1	7 10 9	11 48 51	16 18 15	20 35 53	24 39 47
52	2 28 52	7 13 9	11 51 35	16 20 53	20 38 24	24 42 9
53	2 31 44	7 15 58	11 54 20	16 23 31	20 40 54	24 44 30
54	2 34 36	7 18 47	11 57 5	16 26 9	20 43 24	24 46 52
55	2 37 27	7 21 36	11 59 50	16 28 47	20 45 54	24 49 13
56	2 40 19	7 24 25	12 2 35	16 31 25	20 48 24	24 51 34
57	2 43 10	7 27 14	12 5 19	16 34 3	20 50 54	24 53 50
58	2 45 2	7 30 3	12 8 3	16 36 41	20 53 24	24 56 17
59	2 48 55	7 32 52	12 10 47	16 39 19	20 55 54	24 58 38
60	2 51 45	7 35 41	12 13 31	16 41 57	20 58 24	25 1 0
61	2 53 36	7 38 30	12 16 15	16 44 35	21 0 54	25 3 21
62	2 57 18	7 41 18	12 18 59	16 47 13	21 5 24	25 5 22
63	3 0 19	7 44 7	12 21 43	16 49 51	21 5 54	25 8 4
64	3 3 10	7 46 56	12 24 27	16 52 28	21 8 24	25 10 25
65	3 6 2	7 49 45	12 27 11	16 55 5	21 10 54	25 12 45
66	3 9 53	7 51 34	12 29 55	16 57 42	21 13 23	25 15 6
67	3 11 44	7 55 23	12 32 39	17 0 19	21 15 52	25 17 26
68	3 14 36	7 58 11	12 35 25	17 2 56	21 18 21	25 19 46
69	3 17 27	8 1 0	12 38 7	17 5 33	21 20 50	25 21 6
70	3 20 18	8 3 48	12 40 51	17 8 10	21 23 19	25 24 27
71	3 23 10	8 6 36	12 43 55	17 10 47	21 25 48	25 26 47
72	3 26 1	8 9 25	12 46 18	17 13 24	21 28 17	25 29 7
73	3 28 52	8 12 13	12 49 1	17 16 1	21 30 46	25 31 7
74	3 31 43	8 15 1	12 51 44	17 18 38	21 33 15	25 33 48
75	3 34 55	8 17 50	12 54 27	17 21 15	21 35 44	25 36 8
76	3 37 26	8 20 38	12 57 10	17 23 52	21 38 13	25 38 28
77	3 40 17	8 23 26	12 59 53	17 26 29	21 40 41	25 40 47
78	3 43 8	8 26 14	13 2 36	17 29 5	21 43 9	25 43 6
79	3 45 59	8 29 2	13 5 19	17 31 41	21 45 37	25 45 25
80	3 48 50	8 31 50	13 8 2	17 54 17	21 48 5	25 47 44
81	3 51 42	8 34 58	13 10 45	17 56 55	21 50 33	25 50 3
82	3 54 33	8 37 26	13 13 28	17 59 29	21 53 1	25 52 23
83	3 57 24	8 40 14	13 16 11	17 42 5	21 55 29	25 55 43
84	4 0 15	8 43 2	13 18 54	17 44 41	21 57 57	25 57 1
85	4 3 6	8 45 50	13 21 37	17 47 17	22 0 25	25 59 20
86	4 5 57	8 48 38	13 24 20	17 49 53	22 2 55	26 1 39
87	4 8 48	8 51 25	13 27 2	17 52 29	22 5 21	26 3 58
88	4 11 59	8 54 13	13 29 44	17 55 5	22 7 49	26 6 17
89	4 14 30	8 57 1	13 32 27	17 57 41	22 10 16	26 8 35
90	4 17 21	8 59 49	13 35 9	18 0 17	22 12 45	26 10 93
91	4 20 11	9 2 37	13 37 52	18 2 52	22 15 10	26 13 12
92	4 23 2	9 5 24	13 40 34	18 5 27	22 17 37	26 15 30
93	4 25 55	9 8 12	13 43 16	18 8 2	22 20 4	26 17 48
94	4 28 44	9 10 59	13 45 58	18 10 37	22 22 31	26 20 6
95	4 31 35	9 15 47	13 48 40	18 13 12	22 24 58	26 22 24
96	4 34 26	9 16 54	13 51 22	18 15 47	22 27 25	26 24 42
97	4 37 17	9 19 22	13 54 4	18 18 22	22 29 52	26 27 1
98	4 40 8	9 12 9	13 56 46	18 20 57	22 32 19	26 29 19
99	4 42 58	9 24 57	13 59 28	18 23 52	22 34 46	26 31 57
100	4 45 49	9 27 44	14 2 10	18 26 7	22 37 12	26 33 55

Figure 3: The second page of Peuerbach's table [3] (source: e-rara).

The table consists of two columns of 50 rows each. The columns are labeled G.M.2., G.M.2., G.M.2., G.M.2., G.M.2., and G.M.2. The rows are numbered 0 through 50. The numbers in the cells are arranged in a grid pattern, with some cells containing red ink.

Figure 4: The third page of Peuerbach's table [3] (source: e-rara).

	600 G.M.2.	700 G.M.2.	800 G.M.2.	900 G.M.2.	1000 G.M.2.	1200 G.M.2.
51	[28 28 27]	[32 2 24]	[35 20 35]	[38 23 50]	[41 12 47]	[43 48 22]
52	[28 31 0]	[32 4 27]	[35 22 29]	[38 25 35]	[41 14 24]	[43 49 51]
53	[28 33 15]	[32 6 30]	[35 24 23]	[38 27 20]	[41 16 1]	[43 51 20]
54	[28 35 26]	[32 8 35]	[35 26 17]	[38 29 5]	[41 17 38]	[43 52 49]
55	[28 37 39]	[32 10 30]	[35 28 11]	[38 30 50]	[41 19 15]	[43 54 18]
56	[28 39 51]	[32 12 39]	[35 30 5]	[38 32 35]	[41 20 52]	[43 55 47]
57	[28 42 3]	[32 14 42]	[35 31 59]	[38 34 20]	[41 22 29]	[43 57 16]
58	[28 44 15]	[32 16 45]	[35 33 53]	[38 36 5]	[41 24 6]	[43 58 45]
59	[28 46 27]	[32 18 48]	[35 35 47]	[38 37 50]	[41 25 43]	[44 0 14]
60	[28 48 39]	[32 20 51]	[35 37 41]	[38 39 55]	[41 27 20]	[44 1 43]
61	[28 50 51]	[32 22 54]	[35 39 55]	[38 41 20]	[41 28 57]	[44 3 12]
62	[28 53 3]	[32 24 57]	[35 41 28]	[38 43 5]	[41 30 33]	[44 4 41]
63	[28 55 15]	[32 26 59]	[35 43 21]	[38 44 50]	[41 32 9]	[44 6 10]
64	[28 57 27]	[32 29 1]	[35 45 14]	[38 46 55]	[41 33 45]	[44 7 36]
65	[28 59 39]	[32 31 3]	[35 47 7]	[38 48 19]	[41 35 21]	[44 9 8]
66	[29 1 50]	[32 33 5]	[35 49 0]	[38 50 3]	[41 36 57]	[44 10 36]
67	[29 4 1]	[32 35 7]	[35 50 53]	[38 51 47]	[41 38 33]	[44 12 4]
68	[29 6 12]	[32 37 9]	[35 52 46]	[38 53 34]	[41 40 9]	[44 13 52]
69	[29 8 23]	[32 39 11]	[35 54 39]	[38 55 15]	[41 41 45]	[44 15 0]
70	[29 10 34]	[32 41 13]	[35 56 32]	[38 56 59]	[41 43 21]	[44 16 28]
71	[29 12 45]	[32 43 15]	[35 58 26]	[38 58 43]	[41 44 57]	[44 17 56]
72	[29 14 56]	[32 45 17]	[36 0 18]	[39 0 27]	[41 46 33]	[44 19 24]
73	[29 17 7]	[32 47 19]	[36 2 10]	[39 2 11]	[41 48 9]	[44 20 52]
74	[29 19 18]	[32 49 19]	[36 4 2]	[39 3 55]	[41 49 44]	[44 22 20]
75	[29 21 29]	[32 51 20]	[36 5 54]	[39 5 39]	[41 51 19]	[44 23 48]
76	[29 23 40]	[32 53 21]	[36 7 46]	[39 7 23]	[41 52 54]	[44 25 16]
77	[29 25 50]	[32 55 22]	[36 9 38]	[39 9 6]	[41 54 29]	[45 26 44]
78	[29 28 0]	[32 57 23]	[36 11 30]	[39 10 49]	[41 56 4]	[44 28 12]
79	[29 30 10]	[32 59 24]	[36 13 22]	[39 12 32]	[41 57 39]	[44 29 49]
80	[29 32 20]	[33 1 25]	[36 15 14]	[39 14 15]	[41 59 14]	[44 31 7]
81	[29 34 30]	[33 3 26]	[36 17 6]	[39 15 58]	[42 0 49]	[44 32 54]
82	[29 36 40]	[33 5 27]	[36 18 58]	[39 17 41]	[42 2 24]	[44 34 1]
83	[29 38 50]	[33 7 28]	[36 20 50]	[39 19 24]	[42 3 59]	[44 35 28]
84	[29 41 0]	[33 9 29]	[36 22 42]	[39 21 7]	[42 5 34]	[44 36 55]
85	[29 43 10]	[33 11 29]	[36 24 33]	[39 22 50]	[42 7 9]	[44 38 12]
86	[29 45 19]	[33 13 29]	[36 26 24]	[39 24 33]	[42 8 44]	[44 39 42]
87	[29 47 28]	[33 15 29]	[36 28 15]	[39 26 16]	[42 10 18]	[44 41 16]
88	[29 49 37]	[33 17 29]	[36 30 6]	[39 27 59]	[42 11 52]	[44 42 43]
89	[29 51 46]	[33 19 29]	[36 31 57]	[39 29 41]	[42 13 26]	[44 44 10]
90	[29 53 55]	[33 21 29]	[36 33 48]	[39 31 23]	[42 15 0]	[44 45 37]
91	[29 56 4]	[33 23 29]	[36 35 59]	[39 33 5]	[42 16 34]	[44 47 4]
92	[29 58 13]	[33 25 29]	[36 37 50]	[39 34 47]	[42 18 8]	[44 48 31]
93	[30 0 22]	[33 27 29]	[36 39 21]	[39 36 29]	[42 19 42]	[44 49 58]
94	[30 2 31]	[33 29 29]	[36 41 12]	[39 38 11]	[42 21 16]	[44 51 24]
95	[30 4 40]	[33 31 29]	[36 43 2]	[39 39 55]	[42 22 50]	[44 52 50]
96	[30 6 49]	[33 33 28]	[36 44 52]	[39 41 35]	[42 24 24]	[44 54 16]
97	[30 8 58]	[33 35 27]	[36 46 42]	[39 43 17]	[42 25 58]	[44 55 42]
98	[30 11 6]	[33 37 26]	[36 48 32]	[39 44 59]	[42 27 32]	[44 57 8]
99	[30 13 14]	[33 39 25]	[36 50 22]	[39 46 40]	[42 29 6]	[44 58 54]
100	[30 15 22]	[33 41 24]	[36 52 12]	[39 48 21]	[42 50 39]	[45 0 0]

Figure 5: The fourth page of Peuerbach's table [3] (source: e-rara).

Tabula Gnomonica

o				200			200			300			400			500		
G.	m.	se.	G.	m.	se.	G.	m.	se.	G.	m.	se.	G.	m.	se.	G.	m.	se.	
0	0	0	0	4	45	49	9	27	44	14	2	10	18	26	7	22	37	12
1	0	2	52	4	48	40	9	30	32	14	4	52	18	28	42	22	39	38
2	0	5	44	4	51	30	9	33	19	14	7	34	18	31	17	22	42	4
3	0	8	36	4	54	21	9	36	6	14	10	16	18	33	51	22	44	30
4	0	11	28	4	57	12	9	38	53	14	12	58	18	36	25	22	46	56
5	0	14	20	5	0	2	9	41	40	14	15	39	18	38	59	22	49	22
6	0	17	12	5	2	53	9	44	27	14	18	20	18	41	33	22	51	47
7	0	20	3	5	5	44	9	47	14	14	21	1	18	44	7	22	54	13
8	0	22	55	5	8	34	9	50	0	14	23	42	18	46	41	22	56	39
9	0	25	47	5	11	24	9	52	47	14	26	23	18	49	15	22	59	4
10	0	28	39	5	14	15	9	55	34	14	29	4	18	51	49	23	1	30
11	0	31	31	5	17	5	9	58	21	14	31	45	18	54	23	23	3	56
12	0	34	23	5	19	55	10	1	7	14	34	26	18	56	57	23	6	21
13	0	37	15	5	22	46	10	3	54	14	37	7	18	59	31	23	8	47
14	0	40	7	5	25	36	10	6	41	14	39	48	19	2	5	23	11	12
15	0	42	59	5	28	26	10	9	28	14	42	29	19	4	39	23	13	38
16	0	45	50	5	31	17	10	12	14	14	45	10	19	7	12	23	16	4
17	0	48	42	5	34	7	0	15	0	14	47	51	19	9	45	23	18	29
18	0	51	34	5	36	57	10	17	47	14	50	32	19	12	18	23	20	53
19	0	54	26	5	39	48	10	20	33	14	53	13	19	14	51	23	23	18
20	0	57	18	5	42	38	10	23	19	14	55	54	19	17	24	23	25	42
21	1	0	10	5	45	28	10	26	5	14	58	34	19	19	57	23	28	7
22	1	3	1	5	48	18	10	28	52	15	1	14	19	22	30	23	30	32
23	1	5	53	5	51	8	10	31	38	15	3	54	19	25	3	23	32	56
24	1	8	45	5	53	58	10	34	24	15	6	34	19	27	36	23	35	20
25	1	11	37	5	56	48	10	37	10	15	9	14	19	30	9	23	37	45
26	1	14	29	5	59	38	10	39	57	15	11	54	19	32	42	23	40	9

Figure 6: Excerpt of Gemma Frisius's copy of Peuerbach's table [1] (source: Google Books).

Georgij Peurbachij.

	o	100			200			300			400			500				
	G. m. se.																	
27	1	17	20	6	2	28	10	42	43	15	14	34	19	35	15	23	42	34
28	1	20	12	6	5	18	10	45	29	15	17	14	19	37	48	23	44	58
29	1	23	4	6	8	8	10	48	15	15	19	54	19	40	20	23	47	22
30	1	25	56	6	10	58	10	51	1	15	22	34	19	42	52	23	49	45
31	1	28	47	6	13	48	10	53	47	15	25	14	19	45	24	23	52	9
32	1	31	39	6	16	38	10	56	33	15	27	54	19	47	56	23	54	32
33	1	34	31	6	19	23	10	59	19	15	30	34	19	50	28	23	56	56
34	1	37	23	6	22	17	11	2	5	15	33	14	19	53	0	23	59	19
35	1	40	14	6	25	7	11	4	50	15	35	53	19	55	32	24	1	43
36	1	43	6	6	27	57	11	7	36	15	38	32	19	58	4	24	4	6
37	1	45	58	6	30	46	11	10	21	15	41	11	20	0	36	24	6	30
38	1	48	49	6	33	36	11	13	6	15	43	50	20	3	8	24	8	53
39	1	51	41	6	36	26	11	15	51	15	46	29	20	5	40	24	11	17
40	1	54	34	6	39	15	11	18	36	15	49	8	20	8	12	24	13	40
41	1	57	25	6	42	5	11	21	21	15	51	47	20	10	43	24	16	2
42	2	0	17	6	44	55	11	24	6	15	54	26	20	13	14	24	18	25
43	2	3	9	6	47	44	11	26	51	15	57	5	20	15	45	24	20	47
44	2	6	0	6	50	34	11	29	36	15	59	44	20	18	16	24	23	10
45	2	8	51	6	53	24	11	32	21	16	2	23	20	20	47	24	25	32
46	2	11	43	6	56	13	11	35	6	16	5	0	20	23	18	24	27	55
47	2	14	34	6	59	2	11	37	51	16	7	41	20	25	49	24	30	17
48	2	17	26	7	1	52	11	40	36	16	10	20	20	28	20	24	32	39
49	2	20	18	7	4	41	11	43	21	16	12	59	20	30	51	24	35	2
50	2	23	9	7	7	30	11	46	6	16	15	37	20	33	22	24	37	24

Figure 7: Excerpt of Gemma Frisius's copy of Peuerbach's table [1] (source: Google Books).

References

- [1] Gemma Frisius. *De radio astronomico et geometrico liber*. Antwerp: Gregorius de Bonte, 1545.
- [2] Denis Roegel. A survey of the main fundamental European trigonometric tables printed in the 15th and 16th centuries. Technical report, LORIA, Nancy, 2021.
- [3] Georg von Peuerbach. *Quadratum geometricum*. Nuremberg: Johann Stuchs, 1516.

Peuerbach's *Quatratum geometricum* (1516) (reconstruction, D. Roegel, 2021)

	0	100	200	300	400	500	
	G. M. 2.						
0	0 0 0	4 45 49	9 27 44	14 2 10	18 26 6	22 37 12	
1	0 2 52	4 48 40	9 30 32	14 4 52	18 28 40	22 39 38	
2	0 5 44	4 51 30	9 33 19	14 7 34	18 31 15	22 42 4	
3	0 8 36	4 54 21	9 36 6	14 10 16	18 33 50	22 44 31	
4	0 11 28	4 57 12	9 38 53	14 12 57	18 36 24	22 46 57	
5	0 14 19	5 0 2	9 41 40	14 15 39	18 38 58	22 49 23	
6	0 17 11	5 2 53	9 44 27	14 18 20	18 41 33	22 51 49	
7	0 20 3	5 5 43	9 47 14	14 21 1	18 44 7	22 54 15	
8	0 22 55	5 8 34	9 50 1	14 23 43	18 46 41	22 56 40	
9	0 25 47	5 11 24	9 52 48	14 26 24	18 49 15	22 59 6	
10	0 28 39	5 14 15	9 55 34	14 29 5	18 51 49	23 1 32	
11	0 31 31	5 17 5	9 58 21	14 31 46	18 54 23	23 3 57	
12	0 34 23	5 19 56	10 1 8	14 34 27	18 56 57	23 6 23	
13	0 37 14	5 22 46	10 3 55	14 37 8	18 59 30	23 8 48	
14	0 40 6	5 25 37	10 6 41	14 39 49	19 2 4	23 11 13	
15	0 42 58	5 28 27	10 9 28	14 42 30	19 4 38	23 13 39	
16	0 45 50	5 31 17	10 12 14	14 45 11	19 7 11	23 16 4	
17	0 48 42	5 34 7	10 15 1	14 47 51	19 9 44	23 18 29	
18	0 51 34	5 36 58	10 17 47	14 50 32	19 12 18	23 20 54	
19	0 54 26	5 39 48	10 20 34	14 53 13	19 14 51	23 23 19	
20	0 57 17	5 42 38	10 23 20	14 55 53	19 17 24	23 25 43	
21	1 0 9	5 45 28	10 26 6	14 58 34	19 19 57	23 28 8	
22	1 3 1	5 48 18	10 28 52	15 1 14	19 22 30	23 30 33	
23	1 5 53	5 51 9	10 31 39	15 3 54	19 25 3	23 32 57	
24	1 8 45	5 53 59	10 34 25	15 6 34	19 27 36	23 35 21	
25	1 11 37	5 56 49	10 37 11	15 9 15	19 30 9	23 37 46	
26	1 14 28	5 59 39	10 39 57	15 11 55	19 32 42	23 40 10	
27	1 17 20	6 2 29	10 42 43	15 14 35	19 35 14	23 42 34	
28	1 20 12	6 5 19	10 45 29	15 17 15	19 37 47	23 44 58	
29	1 23 4	6 8 9	10 48 15	15 19 55	19 40 19	23 47 22	
30	1 25 56	6 10 59	10 51 0	15 22 35	19 42 51	23 49 46	
31	1 28 47	6 13 48	10 53 46	15 25 14	19 45 24	23 52 10	
32	1 31 39	6 16 38	10 56 32	15 27 54	19 47 56	23 54 34	
33	1 34 31	6 19 28	10 59 18	15 30 34	19 50 28	23 56 57	
34	1 37 23	6 22 18	11 2 3	15 33 13	19 53 0	23 59 21	
35	1 40 14	6 25 8	11 4 49	15 35 53	19 55 32	24 1 44	
36	1 43 6	6 27 57	11 7 34	15 38 32	19 58 4	24 4 7	
37	1 45 58	6 30 47	11 10 20	15 41 11	20 0 36	24 6 31	
38	1 48 50	6 33 37	11 13 5	15 43 51	20 3 7	24 8 54	
39	1 51 41	6 36 26	11 15 50	15 46 30	20 5 39	24 11 17	
40	1 54 33	6 39 16	11 18 36	15 49 9	20 8 11	24 13 40	
41	1 57 25	6 42 5	11 21 21	15 51 48	20 10 42	24 16 3	
42	2 0 16	6 44 55	11 24 6	15 54 27	20 13 14	24 18 26	
43	2 3 8	6 47 45	11 26 51	15 57 6	20 15 45	24 20 48	
44	2 6 0	6 50 34	11 29 36	15 59 45	20 18 16	24 23 11	
45	2 8 51	6 53 23	11 32 21	16 2 24	20 20 47	24 25 33	
46	2 11 43	6 56 13	11 35 6	16 5 3	20 23 18	24 27 56	
47	2 14 35	6 59 2	11 37 51	16 7 41	20 25 49	24 30 18	
48	2 17 26	7 1 52	11 40 36	16 10 20	20 28 20	24 32 41	
49	2 20 18	7 4 41	11 43 21	16 12 58	20 30 51	24 35 3	
50	2 23 9	7 7 30	11 46 6	16 15 37	20 33 22	24 37 25	

Peuerbach's *Quatratum geometricum* (1516) (reconstruction, D. Roegel, 2021)

		0			100			200			300			400			500			
		G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			
51		2	26	1		7	10	19		11	48	51		16	18	15		20	35	52
52		2	28	53		7	13	8		11	51	35		16	20	53		20	38	23
53		2	31	44		7	15	58		11	54	20		16	23	32		20	40	53
54		2	34	36		7	18	47		11	57	4		16	26	10		20	43	24
55		2	37	27		7	21	36		11	59	49		16	28	48		20	45	54
56		2	40	19		7	24	25		12	2	33		16	31	26		20	48	24
57		2	43	10		7	27	14		12	5	18		16	34	4		20	50	55
58		2	46	2		7	30	3		12	8	2		16	36	42		20	53	25
59		2	48	53		7	32	52		12	10	46		16	39	20		20	55	55
60		2	51	45		7	35	41		12	13	30		16	41	57		20	58	25
61		2	54	36		7	38	30		12	16	15		16	44	35		21	0	54
62		2	57	28		7	41	18		12	18	59		16	47	13		21	3	24
63		3	0	19		7	44	7		12	21	43		16	49	50		21	5	54
64		3	3	10		7	46	56		12	24	27		16	52	27		21	8	23
65		3	6	2		7	49	45		12	27	11		16	55	5		21	10	53
66		3	8	53		7	52	33		12	29	54		16	57	42		21	13	22
67		3	11	45		7	55	22		12	32	38		17	0	19		21	15	52
68		3	14	36		7	58	11		12	35	22		17	2	57		21	18	21
69		3	17	27		8	0	59		12	38	6		17	5	34		21	20	50
70		3	20	18		8	3	48		12	40	49		17	8	11		21	23	19
71		3	23	10		8	6	36		12	43	33		17	10	48		21	25	48
72		3	26	1		8	9	25		12	46	16		17	13	24		21	28	17
73		3	28	52		8	12	13		12	49	0		17	16	1		21	30	46
74		3	31	44		8	15	1		12	51	43		17	18	38		21	33	14
75		3	34	35		8	17	50		12	54	27		17	21	14		21	35	43
76		3	37	26		8	20	38		12	57	10		17	23	51		21	38	12
77		3	40	17		8	23	26		12	59	53		17	26	28		21	40	40
78		3	43	8		8	26	14		13	2	36		17	29	4		21	43	9
79		3	46	0		8	29	3		13	5	19		17	31	40		21	45	37
80		3	48	51		8	31	51		13	8	2		17	34	17		21	48	5
81		3	51	42		8	34	39		13	10	45		17	36	53		21	50	33
82		3	54	33		8	37	27		13	13	28		17	39	29		21	53	1
83		3	57	24		8	40	15		13	16	11		17	42	5		21	55	29
84		4	0	15		8	43	3		13	18	54		17	44	41		21	57	57
85		4	3	6		8	45	51		13	21	37		17	47	17		22	0	25
86		4	5	57		8	48	39		13	24	19		17	49	53		22	2	53
87		4	8	48		8	51	26		13	27	2		17	52	28		22	5	20
88		4	11	39		8	54	14		13	29	45		17	55	4		22	7	48
89		4	14	30		8	57	2		13	32	27		17	57	39		22	10	15
90		4	17	21		8	59	50		13	35	10		18	0	15		22	12	43
91		4	20	12		9	2	37		13	37	52		18	2	50		22	15	10
92		4	23	3		9	5	25		13	40	34		18	5	26		22	17	37
93		4	25	54		9	8	13		13	43	16		18	8	1		22	20	4
94		4	28	44		9	11	0		13	45	59		18	10	36		22	22	31
95		4	31	35		9	13	48		13	48	41		18	13	11		22	24	58
96		4	34	26		9	16	35		13	51	23		18	15	46		22	27	25
97		4	37	17		9	19	22		13	54	5		18	18	21		22	29	52
98		4	40	8		9	22	10		13	56	47		18	20	56		22	32	18
99		4	42	58		9	24	57		13	59	29		18	23	31		22	34	45
100		4	45	49		9	27	44		14	2	10		18	26	6		22	37	12

Peuerbach's *Quatratum geometricum* (1516) (reconstruction, D. Roegel, 2021)

		600			700			800			900			1000			1100							
		G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.							
0		26	33	54		30	15	23		33	41	24		36	52	12		39	48	20		42	30	38
1		26	36	12		30	17	31		33	43	23		36	54	2		39	50	1		42	32	11
2		26	38	29		30	19	39		33	45	22		36	55	51		39	51	43		42	33	44
3		26	40	46		30	21	47		33	47	21		36	57	41		39	53	24		42	35	17
4		26	43	3		30	23	55		33	49	20		36	59	31		39	55	5		42	36	51
5		26	45	21		30	26	3		33	51	18		37	1	21		39	56	46		42	38	24
6		26	47	38		30	28	11		33	53	17		37	3	10		39	58	27		42	39	57
7		26	49	55		30	30	19		33	55	15		37	5	0		40	0	8		42	41	30
8		26	52	11		30	32	26		33	57	13		37	6	49		40	1	49		42	43	2
9		26	54	28		30	34	34		33	59	12		37	8	38		40	3	30		42	44	35
10		26	56	45		30	36	41		34	1	10		37	10	27		40	5	10		42	46	8
11		26	59	1		30	38	48		34	3	8		37	12	16		40	6	51		42	47	40
12		27	1	18		30	40	55		34	5	6		37	14	5		40	8	31		42	49	13
13		27	3	34		30	43	3		34	7	4		37	15	54		40	10	12		42	50	45
14		27	5	50		30	45	10		34	9	1		37	17	43		40	11	52		42	52	18
15		27	8	7		30	47	16		34	10	59		37	19	32		40	13	32		42	53	50
16		27	10	23		30	49	23		34	12	57		37	21	21		40	15	13		42	55	22
17		27	12	39		30	51	30		34	14	54		37	23	9		40	16	53		42	56	54
18		27	14	54		30	53	37		34	16	51		37	24	58		40	18	33		42	58	26
19		27	17	10		30	55	43		34	18	49		37	26	46		40	20	13		42	59	58
20		27	19	26		30	57	50		34	20	46		37	28	34		40	21	52		43	1	30
21		27	21	42		30	59	56		34	22	43		37	30	22		40	23	32		43	3	2
22		27	23	57		31	2	2		34	24	40		37	32	11		40	25	12		43	4	34
23		27	26	13		31	4	8		34	26	37		37	33	59		40	26	51		43	6	5
24		27	28	28		31	6	14		34	28	34		37	35	47		40	28	31		43	7	37
25		27	30	43		31	8	20		34	30	31		37	37	34		40	30	10		43	9	9
26		27	32	58		31	10	26		34	32	27		37	39	22		40	31	50		43	10	40
27		27	35	13		31	12	32		34	34	24		37	41	10		40	33	29		43	12	11
28		27	37	28		31	14	38		34	36	20		37	42	58		40	35	8		43	13	43
29		27	39	43		31	16	43		34	38	17		37	44	45		40	36	47		43	15	14
30		27	41	58		31	18	49		34	40	13		37	46	32		40	38	26		43	16	45
31		27	44	13		31	20	54		34	42	9		37	48	20		40	40	5		43	18	16
32		27	46	27		31	22	59		34	44	5		37	50	7		40	41	44		43	19	47
33		27	48	42		31	25	5		34	46	2		37	51	54		40	43	23		43	21	18
34		27	50	56		31	27	10		34	47	57		37	53	41		40	45	1		43	22	49
35		27	53	11		31	29	15		34	49	53		37	55	28		40	46	40		43	24	20
36		27	55	25		31	31	20		34	51	49		37	57	15		40	48	18		43	25	50
37		27	57	39		31	33	25		34	53	45		37	59	2		40	49	57		43	27	21
38		27	59	53		31	35	29		34	55	40		38	0	49		40	51	35		43	28	51
39		28	2	7		31	37	34		34	57	36		38	2	35		40	53	14		43	30	22
40		28	4	21		31	39	39		34	59	31		38	4	22		40	54	52		43	31	52
41		28	6	35		31	41	43		35	1	27		38	6	8		40	56	30		43	33	23
42		28	8	48		31	43	48		35	3	22		38	7	55		40	58	8		43	34	53
43		28	11	2		31	45	52		35	5	17		38	9	41		40	59	46		43	36	23
44		28	13	16		31	47	56		35	7	12		38	11	27		41	1	24		43	37	53
45		28	15	29		31	50	0		35	9	7		38	13	14		41	3	2		43	39	23
46		28	17	42		31	52	4		35	11	2		38	15	0		41	4	39		43	40	53
47		28	19	55		31	54	8		35	12	57		38	16	46		41	6	17		43	42	23
48		28	22	9		31	56	12		35	14	51		38	18	31		41	7	54		43	43	53
49		28	24	22		31	58	16		35	16	46		38	20	17		41	9	32		43	45	22
50		28	26	35		32	0	19		35	18	40		38	22	3		41	11	9		43	46	52

600			700			800			900			1000			1100		
G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.			G. M. 2.		
51		28	28	47		32	2	23		35	20	35		38	23	49	
52		28	31	0		32	4	26		35	22	29		38	25	34	
53		28	33	13		32	6	30		35	24	23		38	27	20	
54		28	35	25		32	8	33		35	26	17		38	29	5	
55		28	37	38		32	10	36		35	28	12		38	30	50	
56		28	39	50		32	12	39		35	30	6		38	32	35	
57		28	42	3		32	14	42		35	31	59		38	34	20	
58		28	44	15		32	16	45		35	33	53		38	36	6	
59		28	46	27		32	18	48		35	35	47		38	37	50	
60		28	48	39		32	20	51		35	37	40		38	39	35	
61		28	50	51		32	22	53		35	39	34		38	41	20	
62		28	53	3		32	24	56		35	41	27		38	43	5	
63		28	55	14		32	26	58		35	43	21		38	44	49	
64		28	57	26		32	29	1		35	45	14		38	46	34	
65		28	59	38		32	31	3		35	47	7		38	48	18	
66		29	1	49		32	33	5		35	49	0		38	50	3	
67		29	4	0		32	35	7		35	50	53		38	51	47	
68		29	6	12		32	37	9		35	52	46		38	53	31	
69		29	8	23		32	39	11		35	54	39		38	55	15	
70		29	10	34		32	41	13		35	56	32		38	56	59	
71		29	12	45		32	43	15		35	58	24		38	58	43	
72		29	14	56		32	45	16		36	0	17		39	0	27	
73		29	17	7		32	47	18		36	2	9		39	2	11	
74		29	19	17		32	49	19		36	4	2		39	3	54	
75		29	21	28		32	51	21		36	5	54		39	5	38	
76		29	23	38		32	53	22		36	7	46		39	7	21	
77		29	25	49		32	55	23		36	9	38		39	9	5	
78		29	27	59		32	57	24		36	11	30		39	10	48	
79		29	30	9		32	59	25		36	13	22		39	12	31	
80		29	32	20		33	1	26		36	15	14		39	14	15	
81		29	34	30		33	3	27		36	17	6		39	15	58	
82		29	36	40		33	5	27		36	18	57		39	17	41	
83		29	38	50		33	7	28		36	20	49		39	19	23	
84		29	40	59		33	9	29		36	22	40		39	21	6	
85		29	43	9		33	11	29		36	24	32		39	22	49	
86		29	45	19		33	13	29		36	26	23		39	24	32	
87		29	47	28		33	15	30		36	28	14		39	26	14	
88		29	49	38		33	17	30		36	30	5		39	27	57	
89		29	51	47		33	19	30		36	31	56		39	29	39	
90		29	53	56		33	21	30		36	33	47		39	31	21	
91		29	56	5		33	23	30		36	35	38		39	33	4	
92		29	58	14		33	25	29		36	37	29		39	34	46	
93		30	0	23		33	27	29		36	39	19		39	36	28	
94		30	2	32		33	29	29		36	41	10		39	38	10	
95		30	4	41		33	31	28		36	43	0		39	39	52	
96		30	6	49		33	33	28		36	44	51		39	41	34	
97		30	8	58		33	35	27		36	46	41		39	43	15	
98		30	11	6		33	37	26		36	48	31		39	44	57	
99		30	13	15		33	39	25		36	50	22		39	46	39	
100		30	15	23		33	41	24		36	52	12		39	48	20	
														42	30	38	
														45	0	0	