

ПОВТОРЯЕМОСТЬ ГЛУБОКИХ ДЛИННОПЕРИОДНЫХ ЗЕМЛЕТРЯСЕНИЙ ПОД КЛЮЧЕВСКОЙ ГРУППОЙ ВУЛКАНОВ НА КАМЧАТКЕ

Natalia Galina, Nikolai M. Shapiro, Dmitry V. Droznin, Svetlana Ya. Droznina,

Sergey L. Senyukov, Danila V. Chebrov

► To cite this version:

Natalia Galina, Nikolai M. Shapiro, Dmitry V. Droznin, Svetlana Ya. Droznina, Sergey L. Senyukov, et al.. ПОВТОРЯЕМОСТЬ ГЛУБОКИХ ДЛИННОПЕРИОДНЫХ ЗЕМЛЕТРЯСЕНИЙ ПОД КЛЮЧЕВСКОЙ ГРУП-ПОЙ ВУЛКАНОВ НА КАМЧАТКЕ. Fizika zemli / Izvestiya Physics of the Solid Earth, 2020, 6, pp.24-37. (10.31857/S0002333720060022). (hal-02881402)

HAL Id: hal-02881402 https://hal.science/hal-02881402

Submitted on 25 Jun 2020

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers. L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

ПОВТОРЯЕМОСТЬ ГЛУБОКИХ ДЛИННОПЕРИОДНЫХ ЗЕМЛЕТРЯСЕНИЙ ПОД КЛЮЧЕВСКОЙ ГРУППОЙ ВУЛКАНОВ НА КАМЧАТКЕ

© 2020 г. Н. А. Галина^{1,2*}, Н. М. Шапиро^{1,2}, Д. В. Дрознин³, С. Я. Дрознина³, С. Л. Сенюков^{2,3}, Д. В. Чебров³

¹ Институт Наук о Земле, Университет Гренобль-Альпы, CNRS, г. Гренобль, Франция ² Институт Физики Земли им. О.Ю. Шмидта РАН, г. Москва, Россия ³ Камчатский филиал ФИЦ ЕГС РАН, г. Петропавловск-Камчатский, Россия

*E-mail: <u>nataliya.galina@univ-grenoble-alpes.fr</u>

Поступила в редакцию 31.05.2020 г. После доработки 16.06.2020 г.

Длиннопериодные землетрясения и треморы, наравне с вулкано-тектоническими землетрясениями, являются одним из двух основных классов вулкано-сейсмической активности. Считается, что длиннопериодная вулканическая сейсмичность связана с колебаниями давления в магматической и гидротермальной системах под вулканами и поэтому может быть использована в качестве предвестника готовящихся извержений. В тоже время, физический механизм длиннопериодной сейсмичности остаётся не полностью понятым. В данной работе мы исследовали длиннопериодные землетрясения, происходящие на границе кора-мантия под Ключевской группой вулканов на Камчатке, с целью установить их закон повторяемости: связь между магнитудой и частотой событий. Данный тип землетрясений наиболее многочислен в изучаемом районе и характеризует состояние глубинного магматического резервуара, находящегося на границе кора-мантия. Изменения сейсмического режима в этой части магматической системы могут быть одним из ранних предвестников извержений. Для более полной характеризации закона повторяемости мы создали новый каталог глубоких длиннопериодных землетрясений на основе обработки непрерывных сейсмограмм, записанных сетью станций КФ ФИЦ ЕГС РАН в 2011-2012 годах, по методу согласованного фильтра. Также мы применили метод определения магнитуд этих землетрясений, приближенный к моментной шкале. Анализ полученного каталога из более 40000 событий показывает значительные отклонения графиков повторяемости землетрясений от степенного распределения Гутенберга-Рихтера, что может указывать на наличие механизма сейсмичности и особенностей источников, отличных от обычных тектонических землетрясений. Показано, что распределение глубоких ллиннопериодных землетрясений по магнитудам скорее описывается распределениями с характерными средними величинами, такими, как нормальное или гамма-распределение.

Ключевые слова: график повторяемости землетрясений, вулканическая сейсмичность, длиннопериодные землетрясения, моментная магнитуда, статистический анализ

ВВЕДЕНИЕ

Активные процессы, происходящие в вулканах, часто приводят к генерации сейсмических волн, которые регистрируются сейсмографами, расположенными вблизи вулканов. Получаемые сейсмические сигналы являются одним из основных источников информации о глубинных вулканических процессах, и результаты их анализа очень важны для мониторинга вулканической активности с целью выявления подготовки извержений. Проявления вулкано-сейсмической активности очень разнообразны по характеристикам сигналов и по предполагаемым генерирующим механизмам [Токарев, 1981; Гордеев 2007; Chouet, Matoza, 2013]. Детальные классификации вулканической сейсмичности сильно разнятся в разных странах и даже для отдельных вулканов, но в целом вулкано-сейсмические явления принято делить на две основные группы: (1) длиннопериодные (ДП) события, вызываемые перепадами давления в магматических и гидротермальных флюидах [Chouet, 1996] и (2) вулкано-тектонические землетрясения, представляющие релаксацию механических напряжений в виде сдвигов по микроразломам [Roman, Cashman, 2006]. ДП сейсмичность в первую очередь включает в себя ДП землетрясения и вулканическое дрожание (тремор). Характеристики ДП сейсмичности, такие как интенсивность, спектральный состав сигналов, частоты событий, местоположение источников обеспечивают повторяемости прямую информацию о состоянии магматических и геотермальных флюидов, которые, в свою очередь, во многом контролируют эруптивную активность. ДП землетрясения отличаются от небольших тектонических землетрясений более низким частотным диапазоном (1-5 Гц) и, в некоторых случаях, гармоническим видом сигнала. Они чаще всего наблюдаются в приповерхностных частях вулкано-магматических систем [e.g., Iverson et al., 2006; Neuberg et al., 2006; Bean et al., 2014] и связываются с такими процессами как неравномерное движение магмы по каналам, дегазация или взаимодействие горячей магмы с гидротермальными флюидами [Chouet, Matoza, 2013].

Особенно интересны глубокие ДП землетрясения (ГДП), которые обычно связывают с процессами, происходящими в глубинных магматических резервуарах в переходном слое кора-мантия [Aki, Koyanagi, 1981; Shaw, Chouet, 1989; White, 1996; Power et al., 2004; Nichols et al., 2011; Aso et al., 2013; Shapiro et al., 2017a; Hensch et al., 2019; Kurihara et al., 2019]. ГДП сейсмичность часто рассматривается как один из наиболее ранних признаков активизации магматических систем перед извержениями, и поэтому может играть важную роль в мониторинге вулканов. Однако физический механизм, генерирующий ГДП землетрясения, и связь между глубинным переносом магмы и сейсмическим излучением остается плохо изученной. Гипотезы об их происхождении, в частности, включают термомеханические напряжения, связанные с охлаждением глубинных интрузий [Aso, Tsai 2014] или лавинную дегазацию CO₂ из перенасыщенных базальтовых магм [Melnik et al., 2020]. Но имеющихся на сегодняшний день данных наблюдений недостаточно для однозначного выявления механизма ГДП землетрясений.

Статистический анализ основных параметров тектонических землетрясений, таких как магнитуда, энергия, сейсмический момент, размер и длительность источника

позволяют выявить законы подобия, отражающие физические процессы в очагах [e.g., Kanamori, Anderson, 1975]. Одним из основных статистических соотношений, характеризующим физику сейсмических источников является так называемый закон повторяемости, описывающий как количество происходящих землетрясений меняется с магнитудой. Для «классических» тектонических землетрясений он принимает форму соотношения Гутенберга-Рихтера [Gutenberg, Richter, 1944]:

$$\lg N = a - bM \tag{1}$$

где N – число землетрясений с магнитудой M, a – параметр, характеризующий сейсмическую активность, и b – наклон графика повторяемости. При этом, величина параметра b очень близка к 1. Такое распределение можно объяснить в рамках масштабно-инвариантной модели, когда землетрясения происходят как подвижки по плоскостям разломов и их вероятность обратно-пропорциональна площади вовлечённой части разлома [например, Stein, Wysession, 2003]. При этом косейсмический сброс напряжений (stress-drop) в среднем не зависит от размера землетрясений [Shaw, 2009].

Результаты статистического анализа в вулкано-сейсмологии не однозначны и не настолько хорошо систематизированы, как для тектонических землетрясений. Так, в одних работах [e.g, Okada et al., 1981; Main, 1987; Lahr J. C. et al., 1994] указывается на явные отклонения распределения вулканических ДП землетрясений по магнитудам от закона Гутенберга-Рихтера. В других работах попытки описать данные распределением Гутенберга-Рихтера приводят к определениям величины *b*, существенно превышающей 1. Такие наблюдения указывают на то, что механизмы генерации вулканических ДП землетрясений не всегда могут описывается масштабно-инвариантной моделью, подходящей для тектонических землетрясений. В то же время установление общепринятой формы закона повторяемости вулканических ДП землетрясений потребует более детального анализа данных, полученных на разных вулканах.

В частности, статистический анализ повторяемости ГДП землетрясений может помочь лучше понять физический механизм их генерации. Один из самых интенсивных мировых источников вулканических ГДП землетрясений расположен под Ключевским вулканом на Камчатке на глубинах 30-35 км, соответствующей границе кора-мантия [Горельчик, Сторчеус, 2001; Gorelchik et al., 2004; Shapiro et al., 2017а]. В работе [Сенюков, 2013а] автор исследует зависимость величины b от глубины под Ключевской группой вулканов. Полученные результаты свидетельствуют о повышенных наклонах графика повторяемости в области глубокого магматического очага, расположенного на границе кора-мантия и генерирующего ГДП землетрясения. В другой работе [Горельчик, Сторчеус, 2001] авторы предполагают, что на этих глубинах график повторяемости землетрясений может лучше быть приближен нормальным распределением. В этой статье мы приводим более детальный анализ формы закона повторяемости для Ключевских ГДП землетрясений. Для этой цели мы применяем чувствительный метод их детектирования на основе согласованного фильтра и используем шкалу магнитуд, основанную на оценках скалярного сейсмического момента по записям S-волн. В следующих разделах детально описываются методы анализа и результаты их применения к непрерывным сейсмическим записям за период 2011-2012 гг.

КЛЮЧЕВСКАЯ ГРУППА ВУЛКАНОВ

В рамках настоящей работы изучается Ключевская группа вулканов (КГВ) на Камчатке. КГВ – один из самых крупных и активных вулканических кластеров в зоне субдукции в мире, который состоит из 13 близко расположенных стратовулканов и занимает территорию диаметром ~70 км. Исключительная вулканическая активность региона связана с тектонической обстановкой КГВ (рис. 1), которая определяется процессами в зоне сочленения Курило-Камчатской и Алеутской дуг [Shapiro et al., 2017b]. В этом же месте происходит субдукция Гавайско-Императорского хребта, а КГВ находится над краем погружающейся плиты.

Таким образом, геодинамические модели, которые пытаются объяснить вулканическую активность данной группы, сложны и включают в себя множество факторов: выделение флюида из толстой и сильно водонасыщенной коры Гавайско-Императорского хребта [Dorendorf et al. 2000], мантийный поток вокруг угла Тихоокеанской плиты [Yogodzinski et al. 2001], или отделение части погружающейся плиты из-за недавней перестройки структуры субдукции под Камчаткой [Levin et al., 2002].

Для вулканов КГВ характерны разные типы извержений: начиная от эффузивных извержений гавайского типа, как во время двух недавних извержений Толбачика, до катастрофических эксплозивных, например, извержение Безымянного в 1956 году. Многочисленные извержения и другие вулканические проявления сопровождаются сейсмической активностью [Ozerov et al. 2007; Ivanov, 2008; Senyukov et al. 2009; Senyukov 2013; Droznin et al., 2015]. Очень интересной особенностью КГВ является наличие одного из самых активных в мире кластеров ГДП землетрясений [Горельчик, Сторчеус, 2001; Gorelchik et al., 2004; Shapiro et al., 2017а]. Предыдущие исследования показали, что гипоцентры этих землетрясений сконцентрированы в небольшой пространственной области под Ключевским вулканом на границе кора-мантия (глубины 30-35 км). В данной работе мы используем приблизительное положение кластера ГДП событий, определённое на основе работы [Shapiro et al., 2017] (рис. 1).



Рис.1. Карта Ключевской группы вулканов. Треугольниками показаны местоположения станций сети КФ ФИЦ ЕГС РАН. Основные активные вулканы указаны стрелками, красной пунктирной линией обозначено приблизительное положение кластера ГДП событий (*h* = 30 – 35 км)

ДАННЫЕ

Сейсмический мониторинг КГВ осуществляется сетью постоянно действующих сейсмических станций Камчатского филиала Федерального исследовательского центра "Единая геофизическая служба РАН" (КФ ФИЦ ЕГС РАН) [Чебров и др., 2013]. Информация со всех сейсмических станций сети, поступает в Петропавловск-Камчатский на серверы регионального информационно-обрабатывающего центра КФ ФИЦ ЕГС РАН в режиме, близком к реальному времени. Система сбора и передачи данных организована на базе корпоративной сети Камчатского филиала с использованием каналов сети Интернет двух провайдеров («Ростелеком» и «ИнтерКамСервис»), RadioEthernet сетей технологической связи, VSAT сети ОАО «Сетьтелеком», VSAT сети ОАО «Сатис», построенной по технологии «Idirect» с хабом в г. Петропавловске-Камчатском. Основным файловым хранилищем являются специализированные архивные серверы сейсмических данных, созданные на основе двух RAID массивов 6-го уровня. Данные хранятся в виде суточных файлов по каждому каналу каждой из станций [Чебров, 2010; Чебров, 2020].

В данной работе мы используем радиотелеметрические сейсмические станции (РТСС), сигналы с которых передаются по радиоканалу с использованием ЧМ-ЧМ модуляции, непосредственно или через ретранслятор, на приемные центры в п. Козыревск и п. Ключи, где они конвертируются в цифровые записи с частотой дискретизации 128 Гц. В данной работе были использованы записи трехкомпонентных велосиметров СМЗКВ (полоса частот регистрируемых сейсмических сигналов 0.7 – 20 Гц). Оборудование РТСС было разработано в 1974 – 1982 гг. для решения задачи контроля активных вулканов в оперативном режиме [Гаврилов, 1987]. Используемые сейсмические станции показаны на рис. 1.

МЕТОДЫ

Детектирование землетрясений с помощью метода согласованного фильтра

Среди наиболее используемых алгоритмов автоматической регистрации событий мы остановились на методе согласованного фильтра [van Trees, 1968] исходя из его основных достоинств: высокая чувствительность, необходимая для обнаружения слабых ДП землетрясений, и относительно небольшие вычислительные затраты. Таким образом, выбранный алгоритм ищет заранее известный (шаблонный) сигнал в шумных функции временных рядах, вычисляя корреляции шаблонного сигнала с последовательными участками рядов данных. Части сигнала, обладающие высокой степенью сходства с шаблоном, приведут к высокому значению корреляционной функции. Чувствительность детектирования существенно повышается при одновременном использовании многокомпонентных записей с разных станций [Gibbons, Ringdal, 2006]. В рамках настоящей работы, детектирование на основе согласованного фильтра оказывается эффективным благодаря характерной особенности ДΠ землетрясений – схожести их волновых форм [Shapiro et al., 2017а].

Первым шагом в обработке сейсмологических данных являются применение полосового фильтра в диапазоне 1-5 Гц и прореживание. На рис. 2 представлена часовая запись (станция KMN, N компонента), на которой видно несколько ДП событий. На том же рисунке показаны используемый для детектирования шаблон и сравнение его волновой формы с волновой формой выделенного землетрясения. Записи шаблонного землетрясения на всех станциях представлены на рис. 3.



Рис. 2. Пример детектирования землетрясения методом согласованного фильтра (все сейсмограммы отфильтрованы в диапазоне 1-5 Гц). (а) 1 час непрерывной сейсмической записи, N компонента, станция KMN (б) Шаблон, используемый для детектирования (26.06.2012 12:26:10), 3 компоненты, станция KMN (в) Пример детектирования на станции KMN (событие выделено синим фоном на (а))



Рис. 3. Запись землетрясения-шаблона на всех станциях (26.06.2012 12:26:10)

Согласно выбранному алгоритму, окно с длительностью шаблона двигается по сейсмограмме, каждый раз смещаясь на один отсчет. Каждый раз и на каждой компоненте между шаблоном и участком сигнала той же длительности вычисляется коэффициент корреляции по формуле:

$$CC(X,Y) = \frac{(X,Y)}{\|X\|\|Y\|}$$
 (2)

где (X, Y) – скалярное произведение двух векторов, ||X||, ||Y|| – их нормы. Если представить векторы X, Y в виде наборов отсчётов $x_i, y_i, i = 1, ..., n$ во времени:

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ \dots \\ x_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} y_1 \\ \dots \\ y_n \end{pmatrix}$$
(3)

тогда их скалярное произведение и нормы вычисляются следующим образом:

$$(X,Y) = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i \tag{4}$$

$$\|X\| = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} x_i^2}, \|Y\| = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} y_i^2}$$
(5)

Так, результатом работы алгоритма на одной компоненте является временной ряд коэффициентов корреляции за один день (рис. 4а). При наличии многокомпонентных записей временные ряды коэффициентов корреляции по отдельным компонентам усредняются. В данной работе использовались записи с 10 станций сети Камчатского филиала ФИЦ ЕГС РАН. Таким образом, с использованием описанного алгоритма обработки сейсмограмм для каждого дня исследуемого периода усреднялись 30 рядов коэффициентов корреляции. Пример, представленный на рис. 4б, показывает, что одновременный анализ многих компонент приводит к более четкому детектированию и делает алгоритм более избирательным.



Рис. 4. Ряд коэффициентов корреляции для одного дня записей. Единственный пик со значением *CC* = 1 соответствует участку записи, содержащему шаблонный сигнал. (26.06.2012 12:26:10) (а) Результат для вертикальной компоненты станции KMN (б) Коэффициент корреляции, осредненный по всем 10 станциям и 3 компонентам

В результате детектируются сигналы, для которых достаточно сложные волновые формы, включающие прямые сейсмические волны и коду, хорошо совпадают с начальным шаблоном сразу на многих компонентах (включая учёт временных задержек между компонентами). Такое совпадение волновых форм возможно только в случае, когда источники всех детектируемых сигналов расположены очень близко друг к другу (по крайней мере, не дальше ½ длины волны) и их механизмы почти одинаковы. С большой вероятностью, такую группу землетрясений можно рассматривать как результат действия одного очень часто повторяющегося источника.

Начальный шаблон, использованный для детектирования группы землетрясений, сгенерированных одним повторяющимся источником (или группой одинаковых и очень близко расположенных источников) был выбран в некотором смысле случайно. Поэтому с целью улучшить качество детектирования составляется усреднённый шаблон, более представительный для всей группы землетрясений. Для этого на предыдущем шаге необходимо отобрать все детектирования, для которых выполняется условие CC > 0.3, после чего их волновые формы усредняются. При этом усреднении вклад некогерентного шума уменьшается, а коррелированные сигналы суммируются конструктивно. На рис. 5 представлены сигналы исходного и усредненного шаблонов для одной компоненты. После этого процедура вычисления коэффициентов корреляции повторяется с усреднённым шаблоном.



Рис. 5. Голубая пунктирная линия – исходный шаблон, красная сплошная линия – усреднённый шаблон с амплитудой, увеличенной в 8 раз

Критерием детектирования является превышение усредненного значение коэффициента корреляции по всем станциям заданного порогового значения. При $CC_{cpedhee} < CC_{nopocoboe}$ детектирование считается ложным и соответствующее значение CC в ряду зануляется (рис. 6). Если же детектирование оказывается достоверным, для события вычисляется моментная магнитуда по алгоритму, описываемому в следующем подразделе.



Рис. 6. Результат детектирования с усреднённым шаблоном по всем станциям и компонентам $CC_{cpedhee} < CC_{nopocoboe}$ (в данном случае пороговое значение коэффициента корреляции 0.12)

Определение магнитуд землетрясений

В настоящее время на Камчатке используется классификация региональных землетрясений по энергетическим классам *Ks* [Раутиан, 1960, 1964] (класс по S волне, определенный по номограмме С.А. Федотова [Федотов, 1972]). Смысл данной количественной характеристики был определен как:

$$Ks = \lg E \tag{6}$$

где *E* – это энергия (в джоулях) сейсмических волн. Связь энергетического класса с магнитудой *m*^{*CKM*} выражается формулой [Gusev, Melnikova, 1990]:

$$Ks = 2.00 \ m^{CKM} + 1.68 \pm 0.55 \tag{7}$$

где $m^{CKM} \approx m_b + 0.18$, $m_b < 5.6$. Определение энергетического класса *K* проводится по номограмме, построенной для землетрясений данного региона, по максимуму отношения амплитуды в S-волне к её периоду $(A/T)_{max}$ и эпицентральному расстоянию для землетрясений с глубинами очагов *h* = 0 – 200 км. Калибровка номограммы производилась по землетрясениям с K = 10 - 11, что соответствует магнитудам 4.2 - 4.7. Магнитуды вулканических землетрясений существенно ниже, поэтому встает вопрос о применимости данного способа определения магнитуд к изучаемому типу сейсмических событий. Поэтому в настоящей работе будет использовано классическое определение моментной магнитуды [Kanamori, 1977; Hanks and Kanamori, 1979] с вычислением сейсмического момента. При том, что механизм ДП вулканических землетрясений с большой вероятностью отличается от чистого сдвига по разлому (идеализированный механизм тектонических землетрясений) и содержит существенную объёмную компоненту, он может быть описан тензором сейсмического момента [Wech et al., 2020] (в некоторых случаях рассматривается суперпозиция такого тензора и вектора силы) [Chouet and Matoza, 2013; Wech et al., 2020]. При тензорном описании источника может быть определён скалярный сейсмический момент. При этом, он может не обязательно будет связан с величиной подвижки по разлому (как в случае тектонических

землетрясений) а, например, с изменением объёма. Так при распространении магматического расплава через систему микро-разломов, вероятной геометрией сейсмического источника может быть раскрывающаяся трещина. В таком случае тензор сейсмического момента *M* выписывается как [Aki, Richards, 2002]:

$$M = \begin{pmatrix} \lambda dV & 0 & 0\\ 0 & \lambda dV & 0\\ 0 & 0 & (\lambda + 2\mu)dV \end{pmatrix}$$
(8)

где λ и μ - константы Ламе, а dV – изменение объёма трещины. В случае Пуассоновской среды ($\lambda = \mu$), скалярный сейсмический момент M_0 равен $0.6\lambda dV$. При этом, источники с таким типом механизма излучают больше S-волн, чем P-волн [Shi and Ben-Zion, 2009], что согласуется с наблюдёнными сигналами ГДП землетрясений [Shapiro et al., 2017; Wech et al., 2020]. На основе приведённых аргументов мы предлагаем использовать моментную шкалу магнитуд для ГДП землетрясений:

$$M_w = \frac{2}{3} (\lg M_0 - 9.05) \tag{9}$$

Гипоцентры изучаемых ГДП землетрясений сконцентрированы в небольшой пространственной области под Ключевским вулканом на границе кора-мантия (глубины 30-35 км) [Shapiro et al., 2017а]. Соответственно, они удалены от записывающих сейсмостанций на расстояние, превышающее 10 длин волн (с учётом используемых частот порядка 1.5 Гц). Поэтому оценка сейсмического момента получалась из уравнений для смещений от S-волн в дальней зоне [Aki, Richards, 2002]:

$$u(\mathbf{x},t) = \gamma \frac{\dot{M}_0\left(t - r/\beta\right)}{4\pi\rho\beta^3 r}$$
(10)

где M_0 – сейсмический момент, t – время, β – скорость распространения S-волн, ρ – плотность среды, r – расстояние от гипоцентра до точки наблюдения x, а γ – множитель, связанный с диаграммой направленности источника. При практическом вычислении магнитуд оценка полного тензора сейсмического момента и соответствующей диаграммы направленности не производится (во многом из-за сложности и нестабильности этой процедуры). Вместо этого предполагается, что при использовании записей многих станций и компонент этот коэффициент осредняется. Поэтому в дальнейшем используется приблизительное значение γ =1. Таким образом, из выражения (10) следует:

$$\dot{M}_0 \sim 4\pi\rho\beta^3 r \cdot u^S \tag{11}$$

Вычисляя производную смещения в области Фурье, получается:

$$v^{S} \sim \dot{u}^{S} \sim 2\pi f \cdot u^{S} \tag{12}$$

где u^{S} и v^{S} – амплитуды записей смещения и скорости, соответственно, а f – характерная частота сигнала для S-волн. Итоговая оценка сейсмического момента:

$$M_0 \sim \frac{4\pi\rho\beta^3 r \cdot u^S}{2\pi f} = \frac{\rho\beta^3 r}{\pi f^2} \left| v_{max}^S \right| \tag{13}$$

где $|v_{max}^{s}|$ — максимальная амплитуда на записи землетрясения. Расстояния *r* вычисляются, зная глубину (h = 32 км) магматического резервуара и координаты сейсмических станций. Для вычислений были приняты следующие параметры среды: $\rho = 3000$ кг/м³, $\beta = 3500$ м/с.

По результатам визуальной инспекции амплитудных Фурье спектров на разных станциях и компонентах (пример на рис. 7) было принято решение взять значение характерной частоты f = 1.5 Гц.



Рис. 7. Пример амплитудного спектра Фурье ГПД землетрясения (станция KMN, N компонента; шаблон, показанный на рис. 2)

Максимальные скорости смещений на отдельной станции вычислялись по трём компонентам:

$$\overline{|v_{max}^s|} = \sqrt{\sum_{j=1}^3 v_{j_{max}}^2}$$
(14)

где $v_{j_{max}}$ – максимальное значение скорости смещения на *j*-ой компоненте станции. С использованием полученных $|v_{max}^s|$ на каждой станции вычисляются сейсмические моменты (формула 13) и моментные магнитуды (формула 8), которые затем усредняются по всем станциям:

$$\overline{M}_{w} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} M_{w}^{i} \tag{15}$$

ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ И ВЫВОДЫ

Нами были обработаны сейсмограммы, полученные сетью станций КФ ФИЦ ЕГС РАН за период 1 января 2011 года по 31 декабря 2012 года с использованием более 400

различных шаблонных землетрясений, выбранных из каталога вулканических землетрясений КФ ФИЦ ЕГС РАН [Сенюков и др., 20136; Сенюков и др. 2014]. Результатом обработки для каждого шаблона является подкаталог землетрясений, в котором каждому сейсмическому событию соответствуют значение коэффициента корреляции его сигнала с использованным при обработке шаблоном и значение моментной магнитуды. Минимальное пороговое значение коэффициента корреляции, при котором землетрясение попадает в каталог, составляет $CC_{min} = 0.08$. Для каждого значения CC_i начиная с CC_{min} с шагом 0.02 составлялась выборка из землетрясений, чьи коэффициенты корреляции превышали CC_i . По результатам проведенного статистического анализа для дальнейшего исследования было решено использовать выборки, сформированные из сейсмических событий с CC = 0.12. В результате за период 2011-2012 гг. был получен каталог из 48915 землетрясений с использованием всех шаблонов.

На рис. 8 мы приводим анализ повторяемости землетрясений из одного из самых больших подкаталогов, полученного на основе начального шаблона, показанного на рис. 2, 3, 5 и 7, и включающего 11627 событий. Мы рассматриваем возможные способы аппроксимировать полученный график повторяемости. Логично начать с проверки степенного закона (рис. 8б), однако наклон получившейся прямой получается завышенным (b = 3.4), что согласуется с результатами, полученными на основе каталогов вулканических землетрясений в некоторых предыдущих работах, например [Сенюков, 2013а]. Наклон графика повторяемости был оценен при помощи метода наименьших квадратов, при этом использовался диапазон магнитуд начиная с $M_w = 1.40$. В данном случае мы не пытаемся найти лучшую аппроксимацию графика повторяемости, а показываем, что значение *b* в любом случае сильно превышает 1, для чего на график нанесена прямая с соответствующим наклоном. На графике можно выделить излом, который делит распределение на две части, каждую из которых также можно аппроксимировать прямыми линиями с разными наклонами ($b_1 = 1.8$ для $M_w =$ 1.40 – 1.90 и $b_2 = 5.4$ для $M_w = 1.90 - 2.35$, рис. 8в). Авторы работы [Vorobieva I. et al., 2018] связывают такие изломы с нехваткой сильных землетрясений: быстрый крип уменьшает вероятность возникновения большого сейсмического разрыва. Однако данная теория разрабатывалась для тектонических землетрясений, поэтому вряд ли представляется возможным применить ее к изучаемым ДП событиям. Упомянутые ранее авторы работ [Okada et al., 1981; Main, 1987; Lahr J. C. et al., 1994], отмечают, что графики повторяемости вулканических землетрясений явно отклоняются от распределения Гутенберга-Рихтера.



Рис. 8. График повторяемости землетрясений из субкаталога, полученного на основе шаблона, показанного на рис. 2, 3, 5 и 7. (а) Результаты обработки наблюдений (б) Возможная аппроксимация законом Гутенберга-Рихтера (в) Возможная аппроксимация двумя законами Гутенберга-Рихтера (г) Возможная аппроксимация распределениями с характерным значением магнитуды

Полученный в настоящей работе график повторяемости также можно описать распределениями, отличными от степенных (рис. 8г). Например, нормальным распределением:

$$f_X(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$
(16)

со стандартным отклонением $\sigma = 0.27$ и математическим ожиданием $\mu = 1.35$. Или гаммараспределением:

$$f_X(x) = \begin{cases} x^{k-1} \frac{e^{-x/\theta}}{\theta^k \Gamma(k)}, x \ge 0\\ 0, x < 0 \end{cases}$$
(17)

с параметрами $\theta = 0.09$ и k = 3.88, где $\Gamma(k)$ – гамма-функция Эйлера.

Из рис. 8г видно, что левая ветвь наблюдённого графика повторяемости лучше аппроксимируется гамма-распределением, в то время как правая ветвь – нормальным распределением. Из общих соображений, сложно представить, что физический процесс, который обеспечивает сейсмичность, связанную с магматическим очагом, может описываться комбинацией двух распределений. Таким образом, для дальнейших статистических обобщений следует остановиться на каком-либо одном распределении. На данном этапе исследования мы отдаем предпочтение нормальному распределению, по следующим причинам: (1) более высокий уровень значимости при аппроксимации правой ветви наблюдённого графика повторяемости; (2) существуют обоснованные сомнения в полноте выборки землетрясений слабых магнитуд (левой ветви) из-за недостаточной чувствительности сети (или эффектов ослепления сети вследствие вулканического дрожания); (3) слабая физическая обоснованность применения гаммараспределения, в то время как в случае однородного источника есть основания ожидать нормального распределения параметров сейсмических событий.

Существенное отличие распределений, полученных для группы подобных ГДП землетрясений под Ключевским вулканом, от закона Гутенберга-Рихтера – это то, что для них можно определить параметр масштаба, который соответствует некоторому характерному размеру источников. Такое характерное масштабирование размера хорошо согласуется с генерацией многих повторяющихся землетрясений одним источником. Существование таких источников описывается моделями, рассматривающими вариации давления в магме. Источниками сейсмических волн в них могут быть или периодический сброс давления через механические барьеры/клапаны [Shapiro et al., 2018; Wech et al., 2020], или быстрая лавинная дегазация, приводящая к росту давления [Melnik et al., 2020]. Следует отметить, что для землетрясений такого типа «стандартный» анализ наклона графика повторяемости с определением величины параметра b не имеет смысла, так как получаемые значения будут меняться в зависимости от используемого диапазона магнитуд.



Рис. 9. График повторяемости для полного каталога ГДП землетрясений, полученного в этой работе

На рис. 9 мы приводим график повторяемости для полного каталога ГДП землетрясений под Ключевским вулканом, объединяющим подкаталоги, полученные на основе всех использованных шаблонов. Полученное распределение имеет сложную форму и на нём видны несколько локальных максимумов. Мы интерпретируем это как эффект от наложения распределений от источников с несколькими характерными размерами.

ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена при поддержке гранта Министерства образования и науки №14.W03.31.0033 «Геофизические исследования, мониторинг и прогноз развития катастрофических геодинамических процессов на Дальнем Востоке РФ» и Европейским Исследовательским Советом (ERC grant 787399-SEISMAZE).

Работы сотрудников КФ ФИЦ ЕГС РАН также выполнялись в рамках НИОКТР «Комплексные геофизические исследования вулканов Камчатки и северных Курильских островов с целью обнаружения признаков готовящегося извержения, а также прогноза его динамики с оценкой пепловой опасности для авиации» № АААА-А19-119031590060-3.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Гаврилов В.А., Воропаев В.Ф., Головщикова И.А. и др. Комплекс радиотелеметрической аппаратуры ТЕСИ_2 // Сейсмические приборы. 1987. Том 19. С. 5–16.
- *Гордеев, Е.*И. Сейсмичность вулканов и контроль вулканической активности // Вестник ДВО РАН. 2007. № 2. С. 38-45.
- Горельчик В.И., Сторчеус А.В. Глубокие длиннопериодные землетрясения под Ключевским вулканом, Камчатка // Геодинамика и вулканизм Курило-Камчатской островодужной системы. ИВГиГ ДВО РАН, Петропавловск-Камчатский, 2001 г. С. 373-389.
- *Раутиан Т.Г.* Энергия землетрясений // Методы детального изучения сейсмичности (Труды ИФЗ АН СССР, № 9(176)). М.: ИФЗ АН СССР, 1960. С. 75–114.
- Раутиан Т.Г. Об определении энергии землетрясений на расстоянии до 3000 км // Экспериментальная сейсмика (Тр. ИФЗ АН СССР; № 32(199)). М.: Наука, 1964. С. 88–93.
- *Сенюков С. Л.* Прогноз извержений вулканов Ключевской и Безымянный на Камчатке // LAP Lamberts Academic Publishing. 2013а. Т. 144.
- Сенюков С.Л., Нуждина И.Н., Чебров В. Н. Сейсмический мониторинг вулканических районов Камчатки // Землетрясения России в 2011 году. Обнинск: ГС РАН, 2013б. с.75-79.
- Сенюков С.Л., Нуждина И.Н., Чебров В. Н. Сейсмический мониторинг вулканических районов Камчатки // Землетрясения России в 2012 году. Обнинск: ГС РАН, 2014. с.77-82.
- Токарев П.И. Вулканические землетрясения Камчатки. М: Наука, 1981. 164 с.
- Федотов С.А. Энергетическая классификация Курило-Камчатских землетрясений и проблема магнитуд. М.: Наука. 1972. 116 с.
- Чебров В.Н., Дрознин Д.В., Сергеев В.А., Пантюхин Е.А. Система сбора, обработки, хранения и представления сейсмологических данных и результатов их обработки в СП СПЦ, технические средства, алгоритмы и ПО. Труды второй региональной научно-технической конференции / Под ред. Чеброва В.Н. Петропавловск-Камчатский: 2010. С. 332–336.
- Чебров В.Н., Дрознин Д.В., Кугаенко Ю.А. и др. Система детальных сейсмологических наблюдений на Камчатке в 2011 г. // Вулканология и сейсмология. 2013. № 1. С. 18-40.
- Чебров Д.В., Дрознина С.Я., Сенюков С.Л., Шевченко Ю.В., Митюшкина С.В. Камчатка и Командорские острова // Землетрясения России в 2018 году. Обнинск: ФИЦ ЕГС РАН, 2020. С. 71-81.

- *Aki K., Koyanagi R.* Deep volcanic tremor and magma ascent mechanism under Kilauea, Hawaii // Journal of Geophysical Research: Solid Earth. 1981. T. 86, № B8. C. 7095–7109.
- Aki K., Richards P. G. Quantitative seismology. 2002.
- Aso, N., Ohta, K. & Ide, S. Tectonic, volcanic, and semi-volcanic deep low-frequency earthquakes in western Japan // Tectonophysics. 2013. T. 600. C. 27–40.
- Aso, N., Tsai, V. C. Cooling magma model for deep volcanic long-period earthquakes // J. Geophys. Res. 2014. T. 119. C. 8442–8456
- Bean, C. J. De Barros, L., Lokmer, I., Métaxian, J. P., O'Brien, G., & Murphy, S. Long-period seismicity in the shallow volcanic edifice formed from slow-rupture earthquakes // Nature Geoscience. 2014. T. 7, C. 71–75.
- *Chouet B. A.* Long-period volcano seismicity: its source and use in eruption forecasting // Nature. 1996. T. 380, № 6572. c. 309.
- *Chouet B. A., Matoza R. S.* A multi-decadal view of seismic methods for detecting precursors of magma movement and eruption // Journal of Volcanology and Geothermal Research. 2013. T. 252. C. 108–175.
- Droznin D. V., Shapiro N. M., Droznina S. Ya., Senyukov S. L., Chebrov V. N., Gordeev E. I. Detecting and locating volcanic tremors on the Klyuchevskoy group of volcanoes (Kamchatka) based on correlations of continuous seismic records // Geophysical Journal International. 2015. T. 203, № 2. C. 1001–1010.
- Dorendorf, F., Wiechert, U., Wörner, G. Hydrated sub-arc mantle: a source for the Kluchevskoy volcano, Kamchatka/Russia // Earth Planet. Sci. Lett. 2000. T. 175. C. 69–86.
- *Gibbons, S. J., Ringdal, F.* The detection of low magnitude seismic events using array-based waveform correlation // Geophys. J. Int. 2006. T. 165. C.149–166.
- *Gorelchik, V. I., Garbuzova, V. T., Storcheus, A. V.* Deep-seated volcanic processes beneath Klyuchevskoi volcano as inferred from seismological data // J. Volcanol. Seismol. 2004. T. 6. C. 21–34.
- *Gusev A. A., Melnikova V. N.* Relations between Magnitudes: Global and Kamchatka Data // Vulkanologiya i Seismologiya. 1990. T. 6. C. 55–63.
- Gutenberg B., Richter C. F. Frequency of earthquakes in California // Bulletin of the Seismological Society of America. 1944. T. 34, № 4. C. 185–188.
- *Hanks, T. C., Kanamori H.* A moment magnitude scale // Journal of Geophysical Research. 1979. T. 84, № 5, C. 2348–2350.
- Hensch, M., Dahm, T., Ritter, J., Heimann, S., Schmidt, B., Stange, S., Lehmann K. Deep lowfrequency earthquakes reveal ongoing magmatic recharge beneath Laacher See Volcano (Eifel, Germany) // Geophys. J. Int. 2019. T. 216. C. 2025–2036.

- *Ivanov V. V.* Current cycle of the Kluchevskoy volcano activity in 1995–2008 based on seismological, photo, video and visual data // Proceedings of Conference Devoted to Volcanologist Day, Petropavlovsk-Kamchatsky, 27–29 March. 2008. C. 27–29.
- Iverson, R.M., Dzurisin, D., Gardner, C.A., Gerlach, T.M., LaHusen, R.G., Lisowski, M., Major, J.J., Malone, S.D., Messerich, J.A., Moran, S.C., Pallister, J.S., Qamar, A.I., Schilling, S.P., Vallance, J.W. Dynamics of seismogenic volcanic extrusion at Mount St. Helens in 2004–05 // Nature. 2006. T. 444. C. 439–443.
- *Kanamori H.* The energy release in great earthquakes // Journal of Geophysical Research. 1977. T. 82. №. 20. C. 2981–2987.
- *Kanamori, H., Anderson D.L.* Theoretical basis of some empirical relations in seismology // Bull. Seism. Soc. Am. 1975. T. 65. C. 1073–1095.
- *Kurihara, R., Obara, K., Takeo, A., Tanaka, Y.* Deep low-frequency earthquakes associated with the eruptions of Shinmoe-dake in Kirishima volcanoes // Journal of Geophysical Research: Solid Earth. 2019. T. 124. C. 13079–13095.
- Lahr J. C., Chouet B. A., Stephens C. D., Power J. A., Page R. A. Earthquake classification, location, and error analysis in a volcanic environment: Implications for the magmatic system of the 1989–1990 eruptions at Redoubt Volcano, Alaska // Journal of Volcanology and Geothermal Research. 1994. T. 62, № 1-4. C. 137–151.
- *Levin V., Shapiro N. M., Park J., Ritzwoller M. H.* Seismic evidence for catastrophic slab loss beneath Kamchatka // Nature. 2002. T. 418, № 6899. c. 763.
- Main I. G. A characteristic earthquake model of the seismicity preceding the eruption of Mount St. Helens on 18 May 1980 // Physics of the earth and planetary interiors. 1987. T. 49, № 3-4. C. 283–293.
- *Melnik O., Lyakhovsky V., Shapiro N. M., Galina N., Bergal-Kuvikas, O.* Degassing of volatilereach basaltic magmas: source of deep long period volcanic earthquakes // Nature Communication 2020, in revision
- Neuberg, J. W., Tuffen, H., Collier, L., Green, D., Powell, T., Dingwell, D. The trigger mechanism of low-frequency earthquakes on Montserrat // J. Volcanol. Geotherm. Res. 2006. T. 153. C. 37–50.
- Nichols, M. L., Malone, S. D., Moran, S. C., Thelen, W. A., Vidale, J. E. Deep long-period earthquakes beneath Washington and Oregon volcanoes // J. Volcanol. Geotherm. Res. 2011. T. 200. C. 116–128.
- *Okada H., H. Watanabe H., Yamashita H., Yokoyama I.* Seismological significance of the 1977–1978 eruptions and the magma intrusion process of Usu volcano, Hokkaido // Journal of volcanology and geothermal research. 1981. T. 9. C. 311–334.

- Ozerov A. Yu., Firstov P. P., Gavrilov V. A. Periodicities in the dynamics of eruptions of Klyuchevskoi volcano, Kamchatka // Geophys. Monograph. Series. 2007. T. 172. C. 283–291.
- Power, J.A., Stihler, S.D., White, R.A., Moran, S.C. Observations of deep long-period (DLP) seismic events beneath Aleutian arc volcanoes; 1989–2002 // Journal of Volcanology and Geothermal Research. 2004. T. 138. C. 243–266.
- *Roman D. C., Cashman, K. V.* The origin of volcano-tectonic earthquake swarms // Geology. 2006. T. 34, № 6, 457–460.
- Senyukov S. L. Monitoring and prediction of volcanic activity in Kamchatka from seismological data: 2000–2010 // Journal of Volcanology and Seismology. 2013. T. 7, № 1. C. 86–97.
- Senyukov S. L., Droznina S. Ya., Nuzhdina I. N., Garbuzova V. T., Kozhevnikova, T. Y. Studies in the activity of Klyuchevskoi volcano by remote sensing techniques between January 1, 2001 and July 31, 2005 // Journal of Volcanology and Seismology. 2009. T. 3, № 3. C. 191–199.
- Shapiro N. M., Droznin D. V., Droznina S. Ya., Senyukov S. L., Gusev A. A., Gordeev E. I. Deep and shallow long-period volcanic seismicity linked by fluid-pressure transfer // Nature Geoscience. 2017a. T. 10, № 6. c. 442.
- Shapiro, N. M., Sens-Schönfelder, C., Lühr, B. G., Weber, M., Abkadyrov, I., Gordeev, E. I., Koulakov I., Jakovlev A., Kugaenko Y.A, Saltykov V.A. Understanding Kamchatka's extraordinary volcano cluster // Eos, Transactions American Geophysical Union, T. 98, № 7. C. 12–17.
- Shapiro, N. M., Campillo, M., Kaminski, E., Vilotte, J.-P., & Jaupart, C. Low-frequency earthquakes and pore pressure transients in subduction zones // Geophysical Research Letters. 2018. T. 45. C. 11083–11094.
- *Shaw B. E.* Constant stress drop from small to great earthquakes in magnitude-area scaling. // Bull. Seism. Soc. Am. 2009. T. 99. C. 871–875.
- Shaw H. R., Chouet B. A. Singularity spectrum of intermittent seismic tremor at Kilauea Volcano, Hawaii // Geophysical Research Letters. 1989. T. 16, № 2. C. 195–198.
- *Shi, Z., Ben-Zion, Y.* Seismic radiation from tensile and shear point dislocations between similar and dissimilar solids // Geophys. J. Int. 2009. T. 179, C. 444–458.
- Stein, S., Wysession, M. Introduction to Seismology, Earthquakes, and Earth Structure. Blackwell Publishing. 2003. 498 c.
- *Van Tees H. L.* Detection, Estimation and Modulation Theory // Part I, NY: Wiley. 1968. 1151 c.

- *Vorobieva I., Shebalin P., Narteau C.* Tracing asperities in Kamchatka area using break of slope in magnitude-frequency distribution // EGU General Assembly Conference Abstracts. 2018. T. 20. C. 15860.
- Wech, A.G., W.A. Thelen, A.M. Thomas. Deep long-period earthquakes generated by second boiling beneath Mauna Kea volcano // Science. 2020. T. 368. C. 775–779.
- *White, R. A.* Fire and Mud: Eruptions and Lahars of Mount Pinatubo, Philippines / edited by Newhall, C. G., Punongbayan, R. S. Univ. Washington Press: 1996. C. 307–326.
- Yogodzinski, G. M., Lees J. M., Churikova T. G., Dorendorf, F., Wöerner G., Volynets O. N. Geochemical evidence for the melting of subducting oceanic lithosphere at plate edges // Nature. 2001. T. 409, № 6819. c. 500.