

Numération entière à la charnière école-collège: comment diagnostiquer et combattre des difficultés résistantes

Ghislaine Gueudet

▶ To cite this version:

Ghislaine Gueudet. Numération entière à la charnière école-collège: comment diagnostiquer et combattre des difficultés résistantes. Le Bulletin Vert = Bulletin de l'APMEP, 2004, 453, pp.469-478. hal-00818314

HAL Id: hal-00818314

https://hal.science/hal-00818314

Submitted on 6 May 2013

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Quant au coût soit disant élevé de notre système, l'OCDE(8) a sa petite idée sur fonctionnement, il faut veiller à ne pas diminuer la quantité de service, quitte à ce d'entreprise devraient être enseignées dès le plus jeune âge et jusqu'à l'université ». la manière de procéder : « on peut, à l'inverse, recommander de nombreuses mesures qui ne créent aucune difficulté politique. [...] Si l'on diminue les dépenses de que la qualité baisse. On peut réduire, par exemple, les crédits de fonctionnement aux écoles ou aux universités, mais il serait dangereux de restreindre le nombre d'élèves ou d'étudiants. Les familles réagiront violemment à un refus d'inscription de leurs enfants, mais non à une baisse graduelle de la qualité de l'enseignement et l'école peut progressivement et ponctuellement obtenir une contribution des familles, ou supprimer telle activité. Cela se fait au coup par coup, dans une école mais non dans l'établissement voisin, de telle sorte que l'on évite un mécontentement général de la population ». À la lecture de ce passage, on frémit devant tant de cynisme. On ne peut donc s'y tromper, ce qui est visé, c'est la libéralisation du marché de l'éducation, estimée à plus de 1 000 milliards d'euros, au profit des entreprises

Aussi, réfléchir sur le système scolaire doit obligatoirement apporter une réponse à la question suivante : quelle école voulons-nous ? Déjà, dans la Charte de Paris de 1992, l'APMEP s'interrogeait : « Comment l'école peut-elle échapper à l'impératif de rentabilité à court terme qui prévaut dans les entreprises, et prendre le temps les potentialités de chacun sans se couper du monde et agir ainsi sur celui-ci ? » et « Jusqu'où doit-on conduire l'harmonisation ou l'uniformisation des programmes quelles mathématiques enseigner? l'invite nos adhérents à lire ou relire les différentes chartes de l'APMEP(9). De nombreux éléments de réponses s'y trouvent déjà. Mais une actualisation ne me semble pas inutile. Réécrire certains textes nécessaire (y compris au niveau de ses évaluations) pour développer au maximum scolaires européens, sous la poussée de la mondialisation des échanges et, contradictoirement, de la montée des particularismes? ». Lorsque nous aurons permet, de plus, de les faire vivre et de les faire connaître aux plus jeunes répondu à ces questions fondamentales, nous pourrons alors nous en poser une autre.

(4) Éducation et compétence en Europe, ERT, 1989.

(5) Rapport de l'ERT, février 1995.

(6) LILLE, rencontre avec des chefs d'établissement, 10 juin 2004.

(7) Livre vert, l'Esprit d'entreprise en Burope, Bruxelles, janvier 2003.

(9) http://www.apmep.asso.fr/charte.htm (8) Document interne OCDE, 1996.

comment diagnostiquer et combattre à la chamière école-collège : des difficultés résistantes. Numération entière

Ghislaine Gueudet(*)

Nous présentons ici le travail d'un groupe de recherche(1) associant l'IUFM de Bretagne et l'IREM de Rennes. Ce travail a donné lieu à un atelier présenté lors des journées APM qui se sont tenues à Rennes en octobre 2002.

À l'entrée au collège, les difficultés liées à l'emploi de la numération décimale sont souvent évoquées par les enseignants ; elles ont donné lieu à de nombreux travaux de recherche en eux-mêmes posent encore problème. Comment alors repérer les élèves qui ont de telles difficultés, et quel travail mettre en place avec cux? Ce sont les questions que notre groupe a didactique. Cependant, pour certains élèves entrant en classe de sixième, les nombres entiers étudiées, et pour lesquelles nous allons présenter ici des éléments de réponse.

1. Diagnostic

aux participants d'examiner des cahiers d'évaluation de CE2 et de sixième afin de directement les différentes compétences, mais également des biais que l'on rencontre productions d'élèves, qui nous serviront de point de repère pour la mise en place des Ce texte ne suit pas le déroulement de l'atelier, pendant lequel nous avons proposé Nous dressions ensuite le bilan de ces compétences pour compléter en conséquence les évaluations afin de disposer d'un outil de diagnostic. Nous allons ici présenter dans l'enseignement habituellement pratiqué. Nous montrerons ensuite comment établir une évaluation suffisamment complète, et présenterons brièvement certaines repérer les items permettant d'évaluer des compétences liées à la numération entière. situations présentées dans la partie 2.

1.1. L'enseignement de la numération entière

caractéristiques, au nombre de sept, qui vont engendrer des difficultés pour les Dès 1984, Nadine Bednarz et Bernadette Janvier mènent au Québec une étude sur la numération entière. Elles relèvent dans l'enseignement habituellement pratiqué des élèves. Ces caractéristiques sont également présentes dans l'enseignement pratiqué en France, encore de nos jours. En voici deux exemples – la liste complète des sept caractéristiques est donnée en annexe - :

(*) IUFM de Bretagne et DidmaR.

Moulinet (collège), Daniel Nigaut (MGI), Gérard Pascual (EREA), Gabriel Le Poche et Bettina Madec et Sylviane Guillot, toutes deux maîtres E et travaillant au RASED (Réseau d'Aides Spécialisées aux Étèves en Difficulté), Dominique Moutounet (Segpa), Brigitte (1) Pour l'année 2001-2002, le groupe (Groupe Innovation Production 154) était composé de Ghislaine Gueudet, formateurs à l'IUFM de Bretagne.

Ainsi le matériel comportant des tiges sur lesquelles pourront être enfilées des billes est le plus souvent utilisé en respectant l'ordre de l'écriture du nombre ;

Unités Dizaines Centaines Un élève qui voit ce matériel peut écrire que le nombre représenté est 3 4 2, sans faire le lien entre cette écriture mécanique et un nombre susceptible de représenter une quantité (de plus la hauteur des tiges, dans ce genre de matériel, est souvent limitée, de manière à ne pouvoir y placer que 9 billes !).

requièrent une bonne maîtrise de la numération entière, et notamment la compréhension de la valeur représentée par un chiffre placé dans une position Toutes les techniques opératoires que l'élève doit apprendre à l'école primaire - «L'enseignement de la numération est détaché de celui des quatre opérations. » donnée. Donnons un exemple pour illustrer notre propos.

Lorsqu'on demande à des élèves de CE2 d'effectuer une addition qu'ils doivent poser eux-mêmes et qui porte sur des nombres n'ayant pas le même nombre de chiffres, apparaît une difficulté spécifique, fortement liée à la numération. Certains élèves ont en effet retenu une disposition en tableau, la première et la dernière colonne du tableau devant être remplies. Ils n'hésitent donc pas à « écarter » des chiffres, en laissant des trous qui seront traités comme des zéros dans l'addition. Ceci peut les conduire à écrire :

Inversement, la connaissance de l'addition, de la multiplication, ... contribue aussi à conférer du sens aux écritures chiffrées.

de difficultés pour les élèves (même si le travail de Bednarz et Janvier a contribué à Ainsi les choix d'enseignements eux-mêmes peuvent encore actuellement être source des modifications positives de ces choix).

Par ailleurs les exemples cités montrent que la numération comporte des aspects très divers, dont il faudra tenir compte pour le diagnostic. Le tableau ci-dessous recense les principaux éléments qui devront être évalués.

Numération : aspect outil Numération : aspect objet	Numération : asp	sect objet
	Algorithmique Sémantique	Sémantique
	Transcort	Daccar dec chiffres any mote.
- lechniques operatoires	- HOUVELIE	- 1 about the cultilles and most
- Calcul mental	successem, re	MOIIDIES ET HIVETSCHICHT
 Ordres de grandeur 	prédécesseur	- Ecrire en chittres un nombre donne
- Classement de nombres	- Compter on	en unités, dizaines, centaines
	décompter de	Reconnaître un nombre donné par
	10 cn 10	différentes écritures

Une distinction fondamentale est celle qui existe entre les aspects objets et les aspects numération orale : mots-nombres, et numération écrite : chiffres, ce qui induit dans outils de la numération (Régine Douady 1992). Mais il faut également distinguer le tableau ci-dessus des distinctions qui n'y sont pas explicitement mentionnées.

.2. Diagnostiquer les difficultés

Les évaluations nationales de CE2 et de Sixième constituent un premier outil de diagnostic.

donnons ci-dessous l'exemple d'un jeu d'items que nous avons proposés à des Bednarz et Janvier, et doivent donc être enrichies en exercices atypiques. Nous classes allant de la sixième à la troisième, dans les filières habituelles, mais Cependant elles doivent être complétées, tout d'abord parce qu'il est rare qu'elles couvrent les neuf aspects recensés dans le tableau ci-dessus, et également parce qu'elles sont conformes aux caractéristiques de l'enseignement mises à jour par également en SEGPA et à l'EREA.

Exercice 1

Consigne: Cet exercice est un exercice de calcul mental. Je vous lirai le calcul 2 fois, puis je vous laisserai 15 secondes pour répondre. « Écrivez le résultat de frente-trois plus vingt-sept ».

– Consigne : « Écrivez en chiffres le nombre qui suit quatre-vingt dix-huit. » Exercice 2

- Écris en lettres le nombre qui précède 1100.

Calcule en posant l'addition : 1 285 + 625

Calcule, en posant la soustraction, 937 - 46

Exercice 5

Parmi les nombres proposés, entoure la réponse qui te semble la meilleure : La somme 3 641 + 23 250 est proche de 5 500

30 000

50 000

Ecris en chiffres le nombre constitué de 12 dizaines, 43 unités et 1 centaine. Place dans les cases les cinq nombres suivants, du plus petit au plus grand : 4860 + 124800 + 7 + 2 $(48 \times 100) + 2 + (10 \times 7)$ Entoure les écritures qui désignent le nombre 4 872 : On a place deux nombres dans un tableau. 560 800 + 2 + 407040 + 80 + 728 Exercice 6 Exercice 8

habituellement sur cet aspect (numération objet, aspect sémantique). Il a mis tous les élèves en difficulté (19 échecs sur 23 élèves dans une classe de cinquième !). L'erreur la plus fréquemment rencontrée est celle qui consiste à reprendre l'ordre donné et écrire ainsi « 12 431 » ; d'autres élèves remettent dans l'ordre centaines, dizaines, Lénoncé de l'exercice 6 est totalement différent des énoncés que l'on rencontre unités mais ne font pas de conversions et écrivent « 11 243 ».

choisi de ne pas proposer la décomposition canonique du nombre 4 872, et certains élèves se sont attachés plus à l'ordre de l'écriture des chiffres qu'aux valeurs L'exercice 8 a lui aussi posé problème à de nombreux élèves. En effet nous avons représentées,

L'échec à de tels exercices n'indique pas que l'élève est en difficulté ; il témoigne simplement des biais introduits par les choix d'enseignement.

2. Des situations pour donner du sens au nombre

Le diagnostic permet d'identifier deux types de difficultés. D'une part certains élèves, par ailleurs généralement faibles en mathématiques, rencontrent des difficultés presque systématiquement face à des tâches qui dépassent un simple aspect technique. C'est le cas lorsqu'il s'agit de trouver le prédécesseur de 1 100 : la technique qui consiste à remplacer le chiffre u des unités par (u-1) ne s'applique plus. Il faut modifier le chiffre des dizaines, et même celui des centaines; cette tâche est donc beaucoup plus délicate que celle qui consisterait à trouver le prédécesseur de 1 123, par exemple.

Mais on a également observé des difficultés rencontrées par tous les élèves, qui sont dues aux choix faits habituellement pour l'enseignement de la numération. C'est pourquoi nous allons présenter deux situations radicalement différentes : l'une à 'intention d'élèves en grande difficulté pour lesquels l'écriture des nombres entiers semble tout simplement dénuée de sens. L'autre en revanche requiert d'emblée une certaine habileté en numération, mais elle oblige à sortir des schémas traditionnels de décomposition du nombre. Elle peut être pratiquée avec des élèves de collège ou

2.1. Le jeu du trésor : redonner du sens grâce au matériel

2.1.1. Description du jeu

Il s'agit ici de remédier à des difficultés portant sur l'aspect sémantique de la numération écrite usuelle, et de donner à l'élève l'occasion d'attribuer un sens à chaque chiffre constitutif de l'écriture d'un nombre. Un des choix qui nous semble particulièrement important est l'emploi de plusieurs types de matériels de numération.

LA SITUATION

C'est une situation de jeu de hasard entre trois équipes de joueurs (une équipe peut comporter elle-même de 1 à 3 joueurs).

L'enjeu est d'obtenir le plus de points après plusieurs tours de jeu (nombre de tours convenu à l'avance) constituant une partie.

Les points sont obtenus en jetant simultanément trois dés de couleurs différentes : ceux-ci rapportent respectivement unités, dizaines et centaines de points.

Les élèves récupèrent dans une banque, à chaque tour de jeu, le matériel qui correspond à leurs scores aux dés.

d'une part les décomptes des trois équipes, et d'autre part le score trouvé par le À la fin d'une partie les élèves comptabilisent le total de leurs points en s'appuyant dans un premier temps sur le matériel obtenu, puis sur un calcul effectué à partir des données chiffrées (scores aux dés, qui ont été notés sur une feuille de route). Chaque équipe doit calculer son propre score, mais aussi le score des autres équipes, afin de déterminer l'équipe gagnante. On peut ensuite opérer une vérification en comparant matériel et celui trouvé par le calcul.

Une description détaillée du jeu peut être trouvée dans (Le Poche 1997).

MATÉRIELS DE NUMÉRATION UTILISÉS POUR COMPTABILISER LES SCORES

correspondant à différents niveaux d'abstraction. Nous décrivons ici brièvement le matériel qu'il nous a semblé intéressant d'utiliser pour des expérimentations. Pour une description plus complète des différents types de matériels, voir par exemple Il existe différents types de matériel de numération employés dans l'enseignement, (Charnay et Mante 1995).

Matériels de type - les « uns » qui se regroupent en restant visibles - type 1.

Dans ce type de matériel, la dizaine est constituée par dix unités rassemblées d'une manière qui les laisse apparentes et qui permet de scinder la dizaine pour retrouver l'unité initiale.

bûchettes de dix allumettes étaient ensuite elles-mêmes rassemblées avec des Nous avons utilisé un matériel de ce type, constitué d'allumettes qui représentaient les unités et étaient rassemblées à l'aide d'élastiques pour former les dizaines. Les élastiques pour former les centaines, etc.

Matériels de type - les « uns » qui s'échangent mais restent visibles - type 1 bis. (utilisé dans une variante à la place du précédent).

lci les unités sont comme ci-dessus rassemblées de manière visible pour former les dizaines, mais ces dernières ne peuvent plus être scindées. Le matériel correspondant

lesquelles des encoches matérialisaient la présence de dix cubes ; les centaines étaient des plaques, et les milliers de gros cubes, toujours portant les encoches qui était pour nous constitué de petits cubes unités. Les dizaines étaient des barres sur matérialisent les unités.

Matériels de type - les « uns » qui disparaissent mais laissent une trace symbolique -

Le choix est celui de billets identiques sur lesquels sont inscrits les symboles 1, 10, 100 et 1000. La présence de l'unité « dans » la dizaine est mise en évidence par le nombre 10 écrit sur le billet qui constitue la dizaine.

Matériels de type - les « uns » qui disparaissent et se transforment en un autre « un » en changeant de couleur - type 3.

Le choix est celui de jetons de différentes formes et tailles, mais ayant en commun une couleur identique qui en fixe la valeur. Par exemple, le jeton jaune constitue l'unité; le vert sera la dizaine, le bleu la centaine et le rouge le millier. Ici le regroupement n'est pas visible, ni même symbolisé. La seule référence possible est la liste des codes de couleur. Ce matériel se révèle d'ailleurs à l'usage difficile d'emploi ; son apport pour la construction du sens des écritures chiffrées nous a semblé discutable.

LES ÉLÉMENTS VARIABLES

e choix du dé multifaces : c'est le paramètre fondamental de la situation.

Le jeu est pratiqué successivement avec des dés « à trois faces » et des dés à vingt

Les trois des à six faces, avec les chiffres 1, 2 et 3 répétés deux fois, permettent la constitution d'un trésor individuel dont le nombre d'éléments de chaque espèce (unités, dizaines et centaines) sera à la fin de la partie compris entre 3 et 9 (ajout des trois scores de chaque dé obtenus après trois tours de jeu).

Cette configuration facilite l'exactitude du comptage : le passage de la valeur du matériel à l'écriture du nombre de points est direct. Il suffit de repérer l'ordre centaines, dizaines, unités car toutes les espèces sont représentées.

Les dés « à trois faces » servent à l'appropriation du jeu par les élèves : compréhension des consignes, premiers essais de comptage, ...

d'avoir, en fin de partie, un nombre d'éléments, d'une espèce déterminée, supérieur à 10. Cette situation obligera l'élève à organiser les éléments de son trésor par Le choix des trois dés à 20 faces numérotées de 1 à 20 augmente la probabilité paquets de dix – acte fondamental dans la compréhension de la numération – s'il veut dénombrer efficacement.

Notre hypothèse est que l'utilisation des dés à vingt faces, amenée par le maître une fois que le jeu a été bien compris provoquera, chez les élèves, les apprentissages

Le choix du type de matériel,

Il n'est pas laissé à l'initiative de l'élève.

Il peut être judicieux d'attribuer le matériel de type 1 ou 1 bis à l'élève qui a le plus de difficultés, afin qu'il obtienne plus facilement un résultat exact dans le comptage de son propre trésor.

Le choix de la couleur des dés

Nous voulons éviter les couleurs traditionnelles de l'école : rouge pour les dizaines et vert pour les centaines.

2.1.2. Observations

La situation du jeu du trésor a été expérimentée en CE2, en sixième SEGPA et en cinquième à l'EREA. Nous ne mentionnons ici que les principales observations que nous avons réalisées.

- de cinquième étaient âgés de 16 ans) ont volontiers accepté de manipuler le matériel. Quelquefois la manipulation a entraîné des conflits, en particulier dans réalisée avec une classe entière et un seul enseignant - mais il faut avoir prévu les moments où il s'agissait de contrôler la bonne foi d'une équipe adverse. Cependant les groupes étaient globalement autonomes, la situation peut être Pas de réticence à l'égard du matériel : même les élèves plus âgés (certains élèves suffisamment de matériel – !
- Le recours spontané des élèves aux échanges pour dénombrer le trésor dépend fortement du type de matériel. Les échanges de dix objets contre un représentant un nombre dix fois plus grand ont été mis en œuvre très progressivement :
- la taille de ces objets ou l'impossibilité de l'obtenir directement par tirage ? En premier, dans les groupes utilisant les allumettes ou les cubes et d'abord pour échanger dix centaines contre un gros « Mille ». Est-ce l'effet visuel de Puis, dans l'ordre, dix dizaines pour une centaine et dix unités pour une
- En second les échanges sont apparus dans les groupes utilisant les tickets et ce dans le même ordre que précédemment.
 - Par contre, les groupes utilisant les jetons n'ont jamais montré l'intention d'effectuer des échanges.
- de dés, les élèves n'ont pas pris en compte dans un premier temps la valeur des unités. Les élèves ont tous spontanément conservé l'ordre de l'écriture et fait les obtenu était diffèrent de celui issu du décompte du matériel qu'ils réalisaient leur Dans le calcul du trésor utilisant les résultats notés au fur et à mesure du lancer dés. Les résultats étaient notés dans trois colonnes, et nous avions pris soin de ne additions correspondantes. C'est seulement lorsqu'ils observaient que le résultat pas faire correspondre l'ordre des colonnes avec l'ordre centaines, dizaines,

grâce au matériel, de donner du sens aux groupements. D'autre part la double procédure pour le comptage du trésor leur a montré l'importance de l'ordre de 'écriture d'un nombre : on ne peut pas simplement additionner les affichages des dés dans l'ordre où ceux-ci sont donnés. Dans la classe de SEGPA, aucun élève n'avait réussi en début d'année l'exercice 6 : « Écris en chiffres le nombre constitué de 12 dizaines, 43 unités et 1 centaine ». Même si cette observation est à prendre avec précautions, quelques semaines après l'organisation du jeu en classe, le même La situation s'est donc déroulée de manière satisfaisante ; elle a permis aux élèves, exercice a été réussi par 10 élèves sur 14.

Numération entière

2.2. Le jeu des étiquettes : sortir des décompositions traditionnelles

Aux caractéristiques de l'enseignement de la numération relevées par Bednarz et Janvier, nous pouvons ajouter celle-ci : « la décomposition additive d'un nombre la plus fréquemment rencontrée est sa décomposition canonique ». Dans le jeu des étiquettes, on choisit au contraire d'obliger les élèves à trouver d'autres décompositions du nombre en unités, dizaines, centaines, ...

2.2.1. Présentation du jeu

C'est une situation de recherche de décompositions additives d'un nombre,

Un nombre entier est écrit au tableau par l'enseignant. Il s'agit de reconstituer ce nombre de manière additive en utilisant un lot de nombres autorisés.

La recherche s'effectue en temps limité par des équipes de trois joueurs, les différentes équipes sont en compétition.

L'enjeu est de gagner en obtenant le plus de points après plusieurs tours de jeu (nombre de tours convenu à l'avance) constituant une partie.

Un point est attribué à chaque décomposition exacte ; un point est retiré par décomposition fausse. Une équipe qui est la seule à avoir trouvé une décomposition donnée marque 2 points.

2.2.2. Matériel

Des étiquettes :

Un jeu de trois séries de cartes (rouge, bleu et jaune) sur lesquelles figurent d'un côté une valeur de 1 à 26 et de l'autre côté la lettre de l'alphabet correspondante.

La série rouge représente les unités, la série bleue les dizaines et la série jaune les centaines.

2.2.3. Déroulement

Au début de chaque tour de jeu, le professeur attribue à chaque équipe un même lot Pour qu'une décomposition soit licite, il faut qu'elle soit réalisée à partir des étiquettes du lot restreint. Les parties se font en temps limité (à régler suivant le restreint d'étiquettes choisies dans le stock initial et qui seront les seules permises. public; environ 3 min pour une classe de sixieme)

Exemple 1:

ombre proposé	Tirages	Décompositions attendues
	Étiquette bleue : A, I, J	1c+2u
102	Étiquette Rouge : A, B	10 d + 2 u
	Étiquette jaune : A	9d+1d+2u

Dans cet exemple, la décomposition canonique n'est pas bloquée. Il peut servir à l'appropriation du jeu.

Exemple 2:

Nombre proposé	Tirages	Décompositions attendues
112	Étiquette bleue : J, K $9d + 22u$ Étiquette Rouge : B, G, O, V $9d + 15u + 7u$ 11d + 2u	9 d + 22 u 9 d + 15 u + 7 u 11 d + 2 u

Dans cet exemple, le choix de cartes empêche la décomposition canonique. Cependant la décomposition: 11 dizaines et 2 unités reste simple.

décompositions (cependant il valait mieux que le nombre de cartes fournies reste Le jeu a rencontré un bon accueil auprès des élèves de sixième avec lesquels nous Mais lorsque cet obstacle a été franchi, ils ont été capables de trouver de nombreuses 'avons testé. Ceux-ci étaient motivés par l'enjeu du score. Ils ont rencontré des difficultés lorsque la décomposition canonique a été bloquée pour la première fois. inférieur à 6). La séance a été terminée par quelques parties sans matériel. Il ne s'agit ici bien entendu que de deux exemples d'activités qui peuvent être e nombre entier positif, même au collège, peut être entrepris utilement et sans rebuter les élèves. Ces situations, selon les variables choisies, peuvent être utilisées à pratiquées avec les élèves. Elles permettent selon nous de montrer qu'un travail sur de nombreux niveaux scolaires.

Conclusion

difficultés que ne rencontrent que certains élèves, pour lesquels il sera nécessaire de Rappelons pour conclure les points importants de notre démarche. L'apprentissage de a numération entière est délicat, et requiert une véritable attention au-delà du cycle de l'école primaire. Il existe en numération entière deux types de difficultés. Des ou du moins une majorité d'entre eux, et qui sont, pour partie, des conséquences du prévoir une remédiation spécifique. Et des difficultés qui concernent tous les élèves, mode d'enseignement de la numération.

Pour le premier type de difficulté, il est nécessaire de prévoir un outil de diagnostic afin d'identifier les élèves pour lesquels un travail spécifique doit être mis en place. Pour le second type, un travail en classe entière peut être prévu.

Nous avons proposé un exemple de situation correspondant à chacun des deux types de difficultés ; ces situations ont été bien reçues par les élèves dans différents types de classes

Nous avions ici fait de plus le choix de situations utilisant un matériel pédagogique adapté à la notion en jeu, et autant que possible varié. L'emploi de matériel peut aider es élèves en grande difficulté à redonner du sens aux notions mathématiques. Cependant il est essentiel d'utiliser différents types de matériel pour permettre aux élèves de progresser dans l'abstraction.

ANNEXE

Les sept caractéristiques de l'enseignement de la numération au Québec qui peuvent entraîner des difficultés pour les élèves, telles qu'elles ont été relevées par Bednarz et Janvier (1984) : C1 : Grande insistance mise sur le passage de l'écriture symbolique du nombre « chiffre position » à la symbolisation « unités, dizaines, centaines ». C2: Toute représentation d'un nombre apparaît selon un alignement reprenant l'ordre de l'écriture conventionnelle du nombre.

C3 : Les images du matériel et même le matériel utilisé dans l'enseignement le sont essentiellement à des fins de passage à l'écriture.

C4: La manipulation du matériel est essentiellement conçue en fonction du travail C5 : Une conception de la complexité du travail sur les nombres fondée sur l'écriture.

C6: Le travail dans différentes bases se veut un support à la compréhension de notre exclusivement sur leur taille.

C7 : L'enseignement de la numération est détaché de celui des quatre opérations.

système de numération.

BIBLIOGRAPHIE

Bednarz N. et Janvier B. (1984) La numération : les difficultés suscitées par son apprentissage, Grand N no 33.

Bednarz N. et Janvier B. (1984) La numération : une stratégie didactique pour une meilleure compréhension, Grand N nº 34.

Butlen D. et Pedzard M. (1992) Situation d'aide aux élèves en difficulté et gestion de

Charnay R., Mante M. (1995) Concours de professeur des écoles, mathématiques, classe associée, Grand N nº 50.

Douady, R. (1992) Les apports de la didactique des mathématiques à l'enseignement,

Repère IREM vol. 6.

Le Poche G. (1997) Une remédiation en numération auprès d'élèves en difficulté, document Copirelem

- et des R et r d'un triangle quelconque -À partir d'une question d'élève Henri Bareil

Soit un triangle ABC - non aplati -, son cercle circonscrit T(O,R), son cercle inscrit $\gamma(K,r)$. Un élève de Troisième de notre collègue Hugo Perez-Bercoff s'est enquis d'une relation entre r et R. Notre collègue en a proposé la recherche à toute la classe selon un problème dont voici la trame, les calculs réclamés l'étant en fonction de R et des angles du triangle.

Soit le diamètre BB' de F.

La bissectrice de l'angle BAC recoupe le cercle Fen A'.

1. Étudier le triangle BB'A' :

- nature;

- expression de l'angle BB'A'

-calcul de BA'.

- expression des angles ... qui conduit à Étudier le triangle A'BK:

 $\widehat{KBA'} = \widehat{BKA'} = \frac{\widehat{A} + \widehat{B}}{2}$

Représenter r, par exemple par KH, H projeté orthogonal de K sur (AB). - calcul de BK, avec I milieu de [BK].

Le calcul de KH donne une (jolie) relation entre r et R. (Il s'agit de $r = 4R \sin \frac{\widehat{A}}{2} \sin \frac{\widehat{B}}{2} \sin \frac{\widehat{C}}{2}$).

II. COMMENTAIRES

- triangles rectangles par son axe de symétrie). Elle utilise des théorèmes rectangle, et éventuellement, au 2º, dans le triangle isocèle (partagé en deux élémentaires classiques et le théorème des angles inscrits interceptant le même Cette solution met en jeu des calculs trigonométriques simples dans le triangle
- Elle vaut que le triangle soit acutangle ou non.