

## Задача А. Футбол

Имя входного файла: `football.in`  
Имя выходного файла: `football.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В одном большом городе очень любят футбол. На стадионе единственной команды уже давно используются высокие технологии, так, например, в футбольном мяче находится маяк, по местонахождению которого определяется взятие ворот.

Недавно на стадионе было принято решение автоматизировать подсчет времени владения мячом для одного игрока. Для этого и на игроке установили маяк. В какие-то моменты времени оба маяка сообщают о своем положении. Считается, что и игрок, и мяч между сигналами маяков движутся равномерно и прямолинейно. При этом принято считать, что игрок владеет мячом, если расстояние между ними не более чем  $R$ .

Напишите программу, которая по сигналам маяков узнавала бы, сколько времени игрок владел мячом.

### Формат входного файла

В первой строке даны два целых числа —  $N$  и  $R$  ( $2 \leq N \leq 10^5$ ,  $0 \leq R \leq 10^4$ ), где  $N$  — количество сигналов, полученных от маяков.

Далее следуют  $N$  строк, содержащих по пять целых чисел  $t, x_b, y_b, x_p, y_p$  каждая, — время получения сигналов и координаты мяча и игрока соответственно ( $0 \leq t \leq 10^9$ ,  $-10^4 \leq x_b, y_b, x_p, y_p \leq 10^4$ ). Времена получения сигналов во входном файле возрастают.

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите одно число — общее время владения мячом. Ответ выводите с максимальной возможной точностью. Проверяющая программа будет сравнивать ответ участника с ответом жюри с точностью до 6 знаков после точки.

### Примеры

| <code>football.in</code>                   | <code>football.out</code> |
|--|---------------------------|
| 2 1<br>1 0 0 2 0<br>2 2 2 0 2              | 0.5                       |
| 2 3<br>10 1 1 3 1<br>20 3 1 3 3            | 10                        |
| 3 2<br>1 0 0 2 2<br>2 2 2 0 0<br>3 2 0 0 2 | 0.707106781187            |

## Задача В. Квадратный корень из перестановки

Имя входного файла: `sqroot.in`  
Имя выходного файла: `sqroot.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

*Перестановкой* называется упорядоченный набор  $N$  чисел  $1, 2, \dots, N$ , где  $N$  — порядок перестановки. Каждое число из этого диапазона встречается в перестановке ровно один раз. Перестановку можно рассматривать в виде функции  $P: \{1 \dots N\} \rightarrow \{1 \dots N\}$ , которая каждому натуральному числу, не превосходящему  $N$ , сопоставляет также натуральное число, не превосходящее  $N$ , причем различным аргументам сопоставляются различные значения.

Перестановки принято записывать в виде матрицы с двумя строками и  $N$  столбцами, первая строка этой матрицы всегда содержит числа от 1 до  $N$  в порядке возрастания, а вторая строка содержит числа, сопоставляемые им:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 1 & 5 & 4 & 2 & 6 \end{pmatrix}$$

На перестановках можно определить операцию произведения двух перестановок равного порядка  $N$ . Пользуясь способом задания перестановок как функций натуральных чисел, определим произведение так:  $(P \cdot Q)(x) = Q(P(x))$ , где  $1 \leq x \leq N$ . Например,

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 1 & 4 & 3 & 5 & 6 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 1 & 5 & 4 & 2 & 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 5 & 2 & 6 & 1 \end{pmatrix}$$

Подобно квадратному корню из комплексного числа, можно определить квадратный корень из перестановки. Эта функция будет неоднозначной, поэтому определим квадратный корень из перестановки таким образом:

$$\sqrt{P} = \{Q \mid Q \cdot Q = P\}$$

Ваша задача состоит в том, чтобы по данной перестановке  $P$  найти мощность множества  $\sqrt{P}$ , то есть количество таких перестановок  $Q$ , что  $Q \cdot Q = P$ .

### Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число  $N$  ( $1 \leq N \leq 100$ ) — порядок перестановки  $P$ .

Во второй строке содержится  $N$  целых чисел, описывающих перестановку  $P$ .  $i$ -тое число в этой строке равно  $P(i)$ .

### Формат выходного файла

Выведите ответ на задачу.

### Примеры

| <code>sqroot.in</code> | <code>sqroot.out</code> |
|------------------------|-------------------------|
| 2<br>1 2               | 2                       |
| 3<br>3 2 1             | 0                       |

## Задача С. Криминальное чтение

Имя входного файла: pulp.in  
Имя выходного файла: pulp.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Иван Днепров пишет детективы. Да, его детективы не отличаются чрезвычайно запутанным сюжетом или особо глубокой и тонкой иронией. Да, один книжный магазин недавно начал продавать его детективы на вес, поскольку логично, что польза от такой книги (количество времени, которое можно убить) прямо пропорциональна количеству страниц в ней и следовательно весу. Но читатели любят его книги, они легко читаются и помогают многим расслабиться после трудового дня.

Главный секрет Ивана в том, что на самом деле он не сам изобретает сюжеты для своих детективов. Его брат Алексей придумывает для него идеи, а Иван в свою очередь пишет книги. Разумеется, Иван делится своим заработком с Алексеем. К сожалению, возможности Алексея по придумыванию сюжетов для детективов зависит от его биоритмов. Братья рассчитали таблицу биоритмов Алексея и выяснили, что он в ближайшее время сможет придумать  $n$  новых сюжетов,  $i$ -й сюжет будет готов на  $r_i$ -й день. В один и тот же день Алексей в принципе может придумать несколько сюжетов.

Для каждого сюжета, который Алексей придумает, Иван оценил время, которое ему потребуется чтобы написать детектив. А именно, превращение  $i$ -го сюжета в книгу займет  $p_i$  дней. У Ивана очень хорошая память, поэтому он может временно отложить написание книги и переключится на другие, а потом вернуться к отложенной.

Конечно, братья хотят чтобы книги были написаны как можно скорее. А именно, они хотят минимизировать среднее время от текущего момента до момента, когда детектив будет готов. Поскольку количество книг фиксировано, это то же самое, что и минимизировать сумму. Если  $i$ -я книга будет написана на  $c_i$ -й день, то братья хотят минимизировать  $\sum c_i$ .

По заданным  $n$ ,  $r_i$  и  $p_i$ , помогите братьям разработать оптимальное расписание написания детективов.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит  $n$  — количество детективов, которое планируется написать ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ). Следующие  $n$  строк содержат по два целых числа:  $r_i$  и  $p_i$  ( $1 \leq r_i, p_i \leq 10^9$ ).

### Формат выходного файла

Выведите одно число — минимальное возможное значение  $\sum c_i$ , которого можно достичь.

### Пример

| pulp.in | pulp.out |
|---------|----------|
| 2       | 10       |
| 1 5     |          |
| 2 1     |          |

У Алексея появляется первая идея в день 1. Иван начинает писать книгу. На второй день у Алексея появляется еще одна идея. Иван переключается на новую книгу, и заканчивает ее через 1 день (на день 3, так что  $c_2 = 3$ ). Теперь Иван возвращается к первой книге и заканчивает ее через 4 дня (1 день он уже над ней работал), это день 7, так что  $c_1 = 7$  и  $\sum c_i = 10$ .

## Задача D. Обобщенные скобочные последовательности

|                         |                           |
|-------------------------|---------------------------|
| Имя входного файла:     | <code>brackets.in</code>  |
| Имя выходного файла:    | <code>brackets.out</code> |
| Ограничение по времени: | 3 секунды                 |
| Ограничение по памяти:  | 64 мегабайта              |

Правильной скобочной последовательностью называется последовательность из  $2n$  символов, каждый из которых представляет собой либо «(» (открывающую скобку), либо «)» (закрывающую скобку), причем выполнены два условия: любой префикс последовательности содержит не меньше открывающих скобок чем закрывающих и во всей последовательности поровну открывающих и закрывающих скобок. Например, последовательности «(», «((()»», «()()()», «(()())» являются правильными скобочными последовательностями, а последовательность «()()» — нет, так как ее префикс «()» содержит больше закрывающих скобок чем открывающих, также не является правильной последовательность «(», поскольку она содержит разное количество открывающих (две) и закрывающих (ноль) скобок.

Для каждой открывающей скобки можно найти соответствующую ей закрывающую — единственную закрывающую скобку, следующую за ней, такую, что между ними находится правильная скобочная последовательность.

Обобщением правильных скобочных последовательностей являются правильные скобочные последовательности с несколькими типами скобок. Будем рассматривать скобочные последовательности с  $k$  типами скобок. Пусть каждая скобка имеет свой *тип* — целое число от 1 до  $k$ . Последовательность таких типизированных скобок называется правильной если она во-первых является правильной скобочной последовательностью и во-вторых для каждой открывающей скобки соответствующая ей закрывающая имеет такой же тип. Например, последовательность «(1(2)2)1(1)1» является правильной скобочной последовательностью, а последовательность «(1(2)1)2(1)1» — нет.

Упорядочим  $2k$  различных типизированных скобок некоторым образом. Тогда можно ввести *лексикографический* порядок на скобочных последовательностях длины  $2n$  — из двух последовательностей меньше та, в которой при просмотре с начала первый различающийся символ идет раньше во введенном порядке.

Вам заданы  $n$ ,  $k$ , порядок на скобках и правильная скобочная последовательность. Найдите следующую правильную скобочную последовательность в лексикографическом порядке.

### Формат входного файла

В этой задаче входной файл содержит несколько тестов. Первая строка входного файла содержит  $t$  — количество тестов ( $1 \leq t \leq 10000$ ). Далее следует описание  $t$  тестов.

Первая строка каждого описания содержит два целых числа:  $n$  и  $k$  ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ,  $1 \leq k \leq 10\,000$ ). Вторая строка содержит  $2k$  целых чисел — перестановку множества  $\{-k, -(k-1), \dots, -2, -1, 1, 2, \dots, k\}$ . Она задает порядок на типизированных скобках. Положительное число  $i$  означает открывающую скобку  $i$ -го типа, а отрицательное число  $-i$  означает закрывающую скобку  $i$ -го типа. Третья строка содержит  $2n$  целых чисел от  $-k$  до  $k$  (кроме 0) и задает правильную скобочную последовательность.

Сумма всех  $n$  и сумма всех  $k$  в каждом входном файле не превышает 100 000.

### Формат выходного файла

Для каждого теста во входном файле выведите  $2n$  целых чисел — описание следующей после заданной в тесте правильной скобочной последовательности. Если последовательность во входном файле последняя в лексикографическом порядке, выведите первую в лексикографическом порядке последовательность.

## Пример

| brackets.in    | brackets.out   |
|----------------|----------------|
| 2              | 1 2 -2 -1 2 -2 |
| 3 2            | 1 2 -2 2 -2 -1 |
| 1 -1 2 -2      |                |
| 1 2 -2 -1 1 -1 |                |
| 3 2            |                |
| 1 -1 2 -2      |                |
| 1 2 -2 -1 2 -2 |                |