



HAL
open science

Contrôle des échangeurs de chaleur : application au circuit de refroidissement d'un système pile à combustible

Fehd Ben Aicha,, Karim Bencherif, Michel Sorine, Jean-Claude Vivalda

► **To cite this version:**

Fehd Ben Aicha,, Karim Bencherif, Michel Sorine, Jean-Claude Vivalda. Contrôle des échangeurs de chaleur : application au circuit de refroidissement d'un système pile à combustible. CIFA 2010 - Sixième Conférence Internationale Francophone d'Automatique, Jun 2010, Nancy, France. pp.1-6. <hal-00770545>

HAL Id: hal-00770545

<https://hal.science/hal-00770545v1>

Submitted on 7 Jan 2013

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.



HAL Authorization

chimiques : la diffusion, le transport des gaz, les réactions chimiques, les changements d'état des gaz et les réactions électrochimiques. Un modèle 0D réduit est ensuite proposé. Ce modèle a été validé grâce aux essais expérimentaux effectués sur des banc montés à l'université de Liège. Les résultats de validation sont présentés dans [7].

B. Synthèse d'un modèle de l'échangeur de chaleur

Dans ce qui suit, la variable T désigne la température, Q le débit, A, L sont des paramètres géométrique, N est le nombre de plaques et m, ρ, C_p dénotent des caractéristiques physiques des solides et des fluides. Les indices c, g et s indiquent qu'il s'agit de liquide de refroidissement, de gaz ou de la partie solide. La représentation d'état de l'échangeur s'écrit :

Équations d'état

$$\frac{d\mathbf{T}}{dt} = \mathbf{A}\mathbf{T} + u\mathbf{B}\mathbf{T} + u\mathbf{b} + \mathbf{r} \quad (1)$$

Équations de sortie

$$\begin{aligned} \mathbf{T}^{\text{out}} &= \mathbf{C}\mathbf{T} - \mathbf{T}^{\text{in}} \\ Q_v^{\text{out}} &= f_v(Q_v^{\text{in}}, P_g^{\text{in}}, T_g^{\text{in}}, T_g) \end{aligned}$$

avec

$$\begin{aligned} \mathbf{T} &= \begin{pmatrix} T_g \\ T_c \\ T_p \end{pmatrix}, \quad \mathbf{T}^{\text{out}} = \begin{pmatrix} T_g^{\text{out}} \\ T_c^{\text{out}} \end{pmatrix} \\ \mathbf{T}^{\text{in}} &= \begin{pmatrix} T_g^{\text{in}} \\ T_c^{\text{in}} \end{pmatrix}, \quad u = Q_c, \quad \mathbf{b} = \frac{1}{N_c^{\text{pl}}} \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{2T_c^{\text{in}}}{\rho_c A_c L} \\ 0 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{N_g^{\text{pl}}} \begin{pmatrix} \frac{2Q_g T_g^{\text{in}}}{\rho_g A_g L} \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{C} = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} -\frac{2Q_g C_{p_g} + K_g S N_g^{\text{pl}}}{N_g^{\text{pl}} \rho_g A_g L C_{p_g}} & 0 & \frac{K_g S}{\rho_g A_g L C_{p_g}} \\ 0 & 0 & 0 \\ \frac{K_g S}{m_s C_{p_s}} & 0 & -\frac{K_g S}{m_s C_{p_s}} \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{B} = \frac{1}{N_c^{\text{pl}}} \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{2C_{p_c} + \alpha_E S}{\rho_c A_c L C_{p_c}} & \frac{\alpha_E S}{\rho_c A_c L C_{p_c}} \\ 0 & \frac{\alpha_E S}{m_s C_{p_s}} & -\frac{\alpha_E S}{m_s C_{p_s}} \end{pmatrix}$$

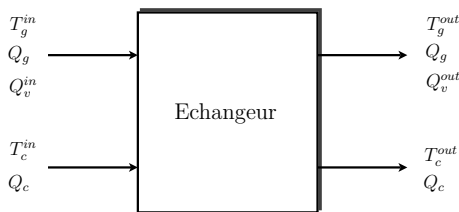


Fig. 2. Modèle d'un échangeur

C. Ecriture matricielle du modèle de l'échangeur

Notons

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & 0 & a_{13} \\ 0 & 0 & 0 \\ a_{31} & 0 & a_{33} \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & b_{22} & b_{23} \\ 0 & b_{32} & b_{33} \end{pmatrix}$$

$$b = (0, b_2, 0)^T, \quad r = (r_1, 0, 0)^T$$

$$x = (x_1, x_2, x_3)^T = T, \quad w = T^{\text{in}}$$

Nous allons donc étudier le système

$$\begin{aligned} \dot{x} &= Ax + u(Bx + b) + r \\ y &= Cx + w \end{aligned} \quad (2)$$

Dans ce qui suit, on suppose que l'on connaît parfaitement les vecteurs r et w .

III. RÉGULATION DE L'ÉCHANGEUR

A. Cahier des charges

Le but du contrôle des échangeurs EPC, CPA, CC et CA est d'asservir la température des gaz en sortie à une température cible donnée T_2^{cons} . L'objectif du contrôle de l'échangeur EC est d'asservir la température de l'eau glycolée en sortie à une température cible donnée $T_{e,2}^{\text{cons}}$. Pour cela, nous considérons que le débit du liquide de refroidissement en entrée de l'échangeur est une variable de commande $u = Q_c$. Cette dernière doit assurer une erreur statique nulle ainsi qu'un débit de commande qui varie entre Q_c^{min} et Q_c^{max} . Le dépassement doit être le plus faible possible avec un temps de réponse de la température de la pile qui n'excédant pas les 100s. L'asservissement des températures des gaz doit être suffisamment rapide afin de minimiser l'impact du temps de réponse sur le contrôle de la température de la pile.

Dans un premier temps, nous supposons que tous les états de l'échangeur sont observables, nous allons développer une loi de commande non-linéaire de l'échangeur de chaleur en nous inspirant des travaux de Jean Paul Gauthier sur la commande des systèmes bilinéaires [8]. Nous allons par la suite développer un observateur d'état en nous inspirant des travaux sur le développement d'un observateur d'un bioréacteur [9].

B. Les points singuliers

Nous allons voir d'abord quels sont les points singuliers potentiels. On cherche les points x^e pour lesquels il existe une valeur u^e du contrôle pour laquelle on a $Ax^e + u^e(Bx^e + b) + r = 0$, c'est à dire :

$$\begin{cases} a_{11}x_1^e + a_{13}x_3^e + r_1 = 0 \\ u^e(b_{22}x_2^e + b_{23}x_3^e + b_2) = 0 \\ a_{13}x_1^e + a_{33}x_3^e + u^e(b_{32}x_2^e + b_{33}x_3^e) = 0 \end{cases} \quad (3)$$

Nous considérons que la commande u^e est strictement positive, le système (3) est un système d'inconnues x_1^e, x_2^e et x_3^e , son déterminant est

$$(u^e)^2 a_{11}(b_{22}b_{33} - b_{23}b_{32}) + u^e b_{22}(a_{11}a_{33} - a_{13}a_{31})$$

qui est toujours négatif, par conséquent, le système (3) admet une unique solution. Le choix de u^e fixe donc le point d'équilibre. Inversement, se fixer le point d'équilibre (on peut fixer

arbitrairement l'une des trois coordonnées x_1^e, x_2^e ou x_1^e) fixe la valeur de u^e .

Pour étudier notre système au voisinage du point d'équilibre choisi, on pose $\bar{x} = x - x^e, \bar{u} = u - u^e$. Le système (2) se réécrit :

$$\dot{\bar{x}} = (A + u^e B)\bar{x} + \bar{u}(B\bar{x} + Bx^e + b) \quad (4)$$

C. Stabilisation du système augmenté avec action intégrale

On peut remarquer que la matrice $A + u^e B$ est presque symétrique, en fait le calcul

$$\begin{pmatrix} \lambda_1 & 0 & 0 \\ 0 & \lambda_2 & 0 \\ 0 & 0 & \lambda_3 \end{pmatrix} (A + u^e B) \begin{pmatrix} 1/\lambda_1 & 0 & 0 \\ 0 & 1/\lambda_2 & 0 \\ 0 & 0 & 1/\lambda_3 \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} a_{11} & 0 & (\lambda_1/\lambda_3)a_{13} \\ 0 & u^e b_{22} & (\lambda_2/\lambda_3)u^e b_{23} \\ (\lambda_3/\lambda_1)a_{31} & (\lambda_3/\lambda_1)u^e b_{23} & a_{33} + u^e b_{33} \end{pmatrix}$$

montre que la matrice $A + u^e B$ est semblable à une matrice symétrique : il suffit de choisir $\lambda_1 = \sqrt{\frac{a_{31}}{a_{13}}}, \lambda_2 = \sqrt{\frac{b_{32}}{b_{23}}}$ et $\lambda_3 = 1$. Nous notons \tilde{A} cette matrice symétrique :

$$\tilde{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & 0 & \sqrt{a_{31}a_{13}} \\ 0 & u^e b_{22} & u^e \sqrt{b_{32}b_{23}} \\ \sqrt{a_{31}a_{13}} & u^e \sqrt{b_{32}b_{23}} & a_{33} + u^e b_{33} \end{pmatrix}$$

Il est facile de voir que la matrice \tilde{A} est définie négative, on voit donc que, une fois une consigne choisie, la dérive du système est asymptotiquement stable. Une fonction de Lyapunov candidate pour le système (4) sera donc $\bar{x}^T Q \bar{x}$ avec $Q = -L^2(A + u^e B)$ (L est la matrice diagonale d'éléments diagonaux λ_1, λ_2 et λ_3). On peut aussi rajouter un feedback en prenant $\bar{u}(\bar{x}) = -\bar{x}^T Q (B\bar{x} + Bx^e + b)$.

Dans l'équation (4), les variables observées sont $y_1 = 2\bar{x}_1 + w_1$ et $y_2 = 2\bar{x}_2 + w_2$. Nous introduisons l'intégrale de l'erreur de régulation $z = \int (y_1 - T_2^{cons}) dt$, avec ces nouvelles variables, on obtient le système augmenté :

$$\begin{pmatrix} \dot{\bar{x}} \\ \dot{z} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A + u^e B & 0 \\ D & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \bar{x} \\ z \end{pmatrix} + \bar{u} \left[\begin{pmatrix} B & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \bar{x} \\ z \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} Bx^e \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} b \\ 0 \end{pmatrix} \right] \quad (5)$$

où D est la matrice $D = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

Le linéarisé de ce système au voisinage du point d'équilibre $(\bar{x}, z) = (0, 0)$ et $u = 0$ est représenté par la paire

$$\tilde{A} = \begin{pmatrix} A_e & 0 \\ D & 0 \end{pmatrix} \quad \tilde{B} = \begin{pmatrix} \tilde{b} \\ 0 \end{pmatrix}$$

où on a noté $A_e = A + u^e B$ et $\tilde{b} = Bx^e + b$.

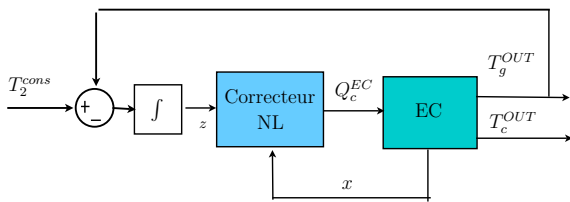


Fig. 3. Commande de l'échangeur avec action intégrale

La figure 3 nous montre la structure de la loi de commande utilisée. Nous cherchons à déterminer la commande $\bar{u}(\bar{x}, z)$ qui permet de stabiliser le système augmenté (5).

La partie non contrôlée de ce système est représentée par une matrice qui n'a plus toutes ses valeurs propres strictement négatives, néanmoins elle est dissipative pour le produit scalaire dont la matrice est

$$P = \begin{pmatrix} L^2 + (A_e^T)^{-1} D^T D A_e^{-1} & -(A_e^T)^{-1} D^T \\ -D A_e^{-1} & 1 \end{pmatrix}$$

avec L est la matrice $\text{diag}(\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3)$. Nous avons en effet :

$$\begin{aligned} (\bar{x}^T, z) P \begin{pmatrix} \bar{x} \\ z \end{pmatrix} &= \bar{x}^T L^2 A_e \bar{x} \\ &= (L\bar{x})^T L A_e L^{-1} (L\bar{x}) \leq 0 \end{aligned}$$

Considérons la fonction de Lyapunov quadratique définie par la matrice P

$$V(\bar{x}, z) = (\bar{x}^T, z) P \begin{pmatrix} \bar{x} \\ z \end{pmatrix}$$

et prenons pour feedback l'opposé de la dérivée de V le long du champ de vecteurs contrôlé :

$$\bar{u}_S(\bar{x}, z) = -(\bar{x}^T P_{11} + z P_{21})(B\bar{x} + Bx^e + b)$$

où $P_{11} = L^2 + (A_e^T)^{-1} D^T D A_e^{-1}$ et $P_{21} = -D A_e^{-1}$. Avec ce feedback, la dérivée de la fonction V le long des trajectoires du système (5) est

$$\dot{V}(\bar{x}, z) = (L\bar{x}^T) L A_e L^{-1} (L^{-1} \bar{x}) - [(\bar{x}^T P_{11} + z P_{21})(B\bar{x} + Bx^e + b)]^2.$$

La fonction \dot{V} , somme de deux expressions négatives, s'annule si et seulement si $\bar{x} = 0$ et $z P_{21}(Bx^e + b) = 0$, ce qui équivaut à $(\bar{x}, z) = (0, 0)$ si $P_{21}(Bx^e + b) \neq 0$; dans ce cas le point d'équilibre $(0, 0)$ est asymptotiquement stable et même localement exponentiellement stable. Naturellement, le feedback stabilisateur peut être rendu arbitrairement petit en divisant u_s par $1 + K(\|\bar{x}\|^2 + z^2)$. La commande u de l'échangeur s'écrit alors :

$$u = u_e - \frac{1}{1 + K(\|\bar{x}\|^2 + z^2)} (\bar{x}^T P_{11} + z P_{21})(B\bar{x} + Bx^e + b)$$

D. Résultats et analyses

Si le modèle décrit parfaitement le comportement de l'échangeur, la loi de commande $u = u_e$ permet d'avoir une erreur statique nulle. En réalité, un biais réside entre les variables modélisées et les valeurs réelles associées, ceci peut être dû au vieillissement des composants ou bien à la modification des caractéristiques du système modélisé. En plus, l'échangeur commandé par la loi $u = u_e$ présente des transitoires avec des dynamiques variables (aspect bilinéaire du système).

L'ajout de l'action intégrale permet de pallier à ce problème et d'avoir une convergence exponentielle vers la réponse désirée, tel qu'il est illustré dans la figure 4.

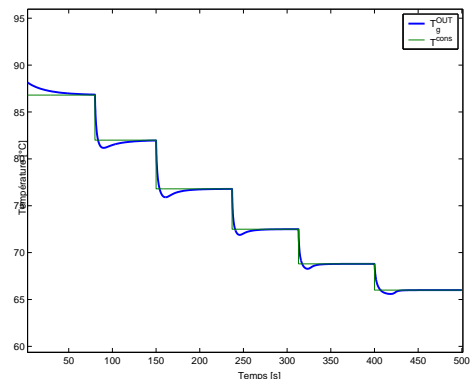


Fig. 4. Température des gaz en sortie de l'échangeur, commande nonlinéaire

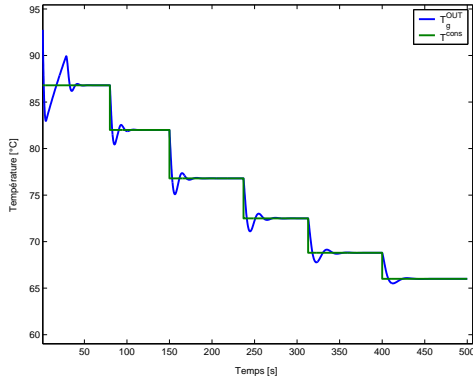


Fig. 5. Température des gaz en sortie de l'échangeur, commande PI

Les figures 4 et 5, montre une comparaison entre la commande bilinéaire et la commande à base de PI. La méthode utilisée pour le réglage du PI est la méthode de Ziegler et Nichols [10]. Nous pouvons remarquer que la commande bilinéaire s'adapte avec le point de fonctionnement du système alors que les performances de la commande PI classique se dégradent lorsqu'on s'éloigne du point autour du quel le réglage des gains K_P et K_I a été fait

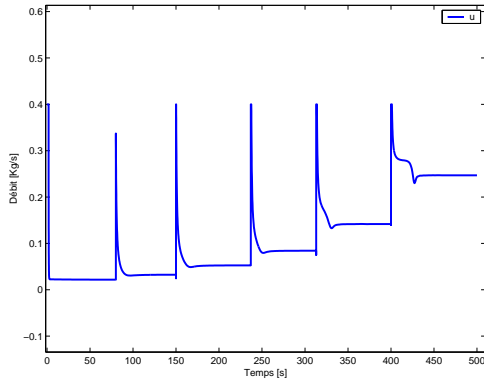


Fig. 6. Débit de l'eau glycolée, commande nonlinéaire

IV. OBSERVATEUR

A. Développement de l'observateur

L'une des trois températures n'étant pas mesurée, nous allons concevoir un observateur; pour cela bien que nous ayons affaire à un système avec 2 sorties, nous allons nous inspirer de la technique utilisée par J.-P.Gauthier et *al* pour leur observateur mono-sortie. Considérons le système :

$$\begin{aligned} \dot{x} &= Ax + u(Bx + b) + r & x \in \mathbf{R}_+^3 \\ y &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} x \end{aligned} \quad (6)$$

Supposons que l'état x_2 est mesuré et considérons le changement de variable suivant :

$$\begin{aligned} z_1 &= x_1 \\ z_2 &= a_{11}x_1 + a_{13}x_3 + r_1 \\ z_3 &= x_2 \end{aligned}$$

Le système (6) se réécrit alors :

$$\begin{aligned} \dot{\hat{z}}_1 &= \hat{z}_2 - 2\theta(\hat{z}_1 - z_1) \\ \dot{\hat{z}}_2 &= (a_{13}a_{31} - a_{33}a_{11})\hat{z}_1 + (a_{11} + a_{33})\hat{z}_2 - a_{33}v_1 \\ &\quad + u(-a_{11}b_{33}\hat{z}_1 + b_{33}\hat{z}_2 + a_{13}b_{32}z_3 - b_{33}v_1) - \theta^2(\hat{z}_1 - z_1) \\ \dot{\hat{z}}_3 &= u\left(-\frac{a_{11}b_{23}}{a_{13}}z_1 + \frac{b_{23}}{a_{13}}\hat{z}_2 + b_{22}z_3 - \frac{b_{23}}{a_{13}}v_1 + b_2\right) - \theta^5(\hat{z}_3 - z_3) \end{aligned} \quad (7)$$

Nous posons $\epsilon_i = \hat{z}_i - z_i$, l'équation d'erreur s'écrit alors :

$$\begin{aligned} \dot{\epsilon}_1 &= \epsilon_2 - 2\theta\epsilon_1 \\ \dot{\epsilon}_2 &= (a_{13}a_{31} - a_{33}a_{11} - \theta^2)\epsilon_1 + (a_{11} + a_{33})\epsilon_2 \\ &\quad + u(-a_{11}b_{33}\epsilon_1 + b_{33}\epsilon_2) \\ \dot{\epsilon}_3 &= u\frac{b_{23}}{a_{13}}\epsilon_2 - \theta^5\epsilon_3 \end{aligned}$$

Nous allons démontrer que, si θ et α sont choisis assez grands (en valeur absolue), l'erreur converge exponentiellement vers 0 (à condition, bien sûr, que le contrôle u soit borné). Pour cela, nous allons considérer la fonction de Lyapunov :

$$\begin{aligned} V(\epsilon) &= \epsilon' S_\infty(\theta)\epsilon \\ &= \underbrace{\frac{1}{\theta}\epsilon_1^2 - \frac{2}{\theta^2}\epsilon_1\epsilon_2 + \frac{2}{\theta^3}\epsilon_2^2 + \frac{1}{\theta^5}\epsilon_3^2}_{V_1(\epsilon_1, \epsilon_2)} \end{aligned}$$

La dérivée de la fonction V le long des trajectoires du système (7) est égale à :

$$\begin{aligned} \dot{V}(\epsilon) &= \dot{V}_1(\epsilon_1, \epsilon_2) + 2u\frac{b_{23}}{a_{31}}\epsilon_2\epsilon_3 - 2\theta^5\epsilon_3^2 \\ &\leq -\theta V_1(\epsilon_1, \epsilon_2)/2 + 2u\frac{b_{23}}{a_{31}}\epsilon_2\epsilon_3 - 2\theta^5\epsilon_3^2 \end{aligned}$$

La matrice de cette expression considérée comme une forme quadratique en ϵ_1 , ϵ_2 et ϵ_3 est :

$$\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2\theta} & 0 \\ \frac{1}{2\theta} & \frac{1}{\theta^2} & \frac{b_{23}}{a_{31}}u \\ 0 & \frac{b_{23}}{a_{31}}u & -2\theta^5 \end{pmatrix}$$

et il est facile de voir que les déterminants principaux de l'opposé de cette matrice sont tous strictement positifs si θ est choisi assez grand.

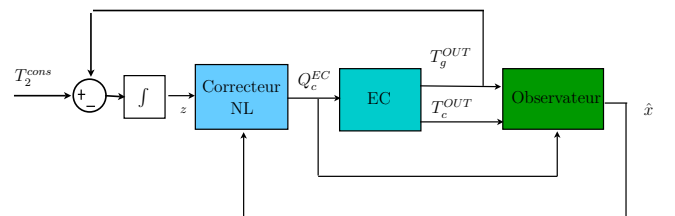


Fig. 7. Commande de l'échangeur avec action intégrale

Les figures 8 et 9 représentent les résultats que donne cet estimateur pour deux valeurs différentes de θ . Dans les deux cas les paramètres de l'estimateur sont dispersés par rapport à ceux du modèle.

allons voir que $u_s(\hat{x})$ stabilise encore le système (4). Plus précisément, le système :

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}} &= A\hat{x} + u_s(\hat{x})(B\hat{x} + b) - KCe \\ \dot{e} &= (A - KC)e + u_s(\hat{x})Be \end{cases} \quad (10)$$

est globalement asymptotiquement stable (si $|u_s|$ est choisi assez petit).

Pour le voir, on commence par calculer $\hat{x}^T \dot{\hat{x}}$:

$$\begin{aligned} \hat{x}^T \dot{\hat{x}} &= \underbrace{\hat{x}^T A\hat{x} + u_s(\hat{x})\hat{x}^T (B\hat{x} + b)}_{\leq 0} - \hat{x}^T KCe \\ &\leq -\hat{x}^T KCe \\ &\leq M\|\hat{x}\|\|e\| \end{aligned}$$

d'où, en notons $N(t) = \|\hat{x}(t)\|^2$

$$\frac{1}{2} \frac{\dot{N}(t)}{\sqrt{N(t)}} \leq M\|e(t)\|$$

donc

$$\sqrt{N(t)} - \sqrt{N(0)} \leq M \int_0^t \|e(s)\| ds$$

ce qui prouve que $\hat{x}(t)$ est borné puisque $e(t)$ tend exponentiellement vers 0. Ensuite, on démontre que le système (10) est localement asymptotiquement stable en considérant la fonction $V(\hat{x}, e)$ qui est semi-définie positive par rapport aux variables \hat{x} et e . Le calcul de \dot{V} a déjà été fait et on obtient :

$$\dot{V}(\hat{x}, e) \leq -ae^T e$$

si $|u|$ est choisi assez petit. Donc $\dot{V} \leq 0$ et l'ensemble $\{(\hat{x}, e) | \dot{V}(\hat{x}, e) = 0\}$ est l'ensemble des couples $(\hat{x}, 0)$ mais le système (10) restreint à cet ensemble s'écrit

$$\dot{\hat{x}} = A\hat{x} + u_s(\hat{x})(B\hat{x} + b)$$

qui est asymptotiquement stable, un résultat de Kalitine [11] permet de conclure à la locale asymptotique stabilité de (10). De plus comme les trajectoires des ce système sont toutes bornées, la stabilité asymptotique est en fait globale.

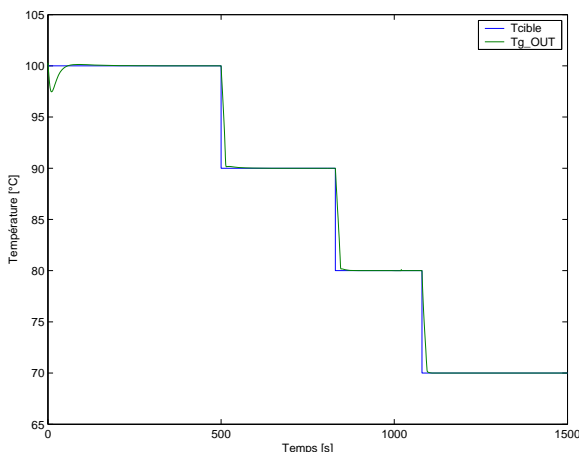


Fig. 13. Température régulée des Gaz

B.2 Principe de séparation et action intégrale

Dans ce cas, nous avons le système :

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}} &= A\hat{x} + u(B\hat{x} + Bx^e + b) \\ \dot{z} &= D\hat{x} \end{cases}$$

la matrice d'observation est

$$\tilde{C} = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

et il n'est pas difficile de voir que la paire (\tilde{A}, \tilde{C}) est observable, on peut donc appliquer la technique exposée dans le paragraphe précédent.

V. CONCLUSION ET PERSPECTIVES

Dans cet article, nous avons proposé une loi de commande non linéaire d'un échangeur de chaleur. Cette commande est basée sur la construction de fonction de Lyapunov d'un système bilinéaire. Le système bilinéaire est augmenté par une action intégrale qui permet d'apporter une certaine robustesse vis à vis de la variation des paramètres du modèle de l'échangeur. La commande non linéaire ainsi construite est comparée à une commande classique de type PI. Nous pouvons remarquer que, contrairement à la commande PI, la commande bilinéaire s'adapte aux points de fonctionnement du système. Nous avons également développé un observateur non-linéaire de type grand-gain des états non mesurés de l'échangeur. Nous avons enfin démontré la stabilité du système contrôlé en utilisant l'observateur.

RÉFÉRENCES

- [1] A. DOCTER and A.LAMM. Gasoline fuel cell systems. *Journal of Power Sources*, 84, 1999.
- [2] F. BAUMANN S. WIELAND and K.A. STARZ. New powerful catalysts for autothermal reforming of hydrocarbons and water-gas shift reaction for on-board hydrogen generation in automotive pemfc applications. *SAE 2001-01-0234*, 2001.
- [3] VASILIS TSOURAPAS JING SUN ANNA STEFANOPOULO. Modeling and dynamics of a fuel cell combined heat power system for marine applications. *University Of Michigan*.
- [4] S. GIBOUT M. STRUB J. CASTAING-LASVIGNOTTES, F. STRUB. Prise en compte des régimes variables associés aux échangeurs thermiques : Modélisation, analyse énergétique et entropique. *COFRET'04*, 2004.
- [5] B.P. RASMUSSEN. *Control-Oriented Modeling of Transcritical Vapor Compression System*. PhD thesis, University of Illinois at Urbana-Champaign, 2002.
- [6] H. TUMMESCHEIT J.M. JENSEN. Moving boundary models for dynamic simulation of two-phase flow. *Second International Modelica Conference*, 2002.
- [7] F. BENAICHA K. BENCHERIF M. SORINE and J.C. VIVALDA. Water and heat conservation modelling for a reformat supplied fuel cell system. *POWERENG 2007. SETUBAL*.
- [8] J.P. Gauthier and I. Kupka. A separation principle for bilinear systems with dissipative drift. *IEEE Trans. Autom. Control*, vol. 37, no 12, pp. 1970-1974, 1992.
- [9] J.P. Gauthier, H. Hammouri, and S. Othman. A simple observer for nonlinear systems applications to bioreactors. *IEEE Trans. Autom. Control*, 37, no 6, pp. 875-880, 1992.
- [10] Philippe de Larminat. *Automatique appliquée*. Hermès - Lavoisier.
- [11] Boris Kalitine. Sur la stabilité des ensembles compacts positivement invariants des systèmes dynamiques. *RAIRO, Autom. Syst. Anal. Control*, vol. 16, pp 275-286, 1982.