

IOI2004 中国国家队选拔赛

第一试

题目名称	最优切割	数字搜索	石器时代
目录	day1/cut	day1/regular	day1/stoneage
可执行文件名	cut	regular	stoneage
输入文件名	cut.in	regular.in	---
输出文件名	cut.out	regular.out	---
测试点个数	10	10	10
满分	100	100	100
运行限制	1s	2s	5s
	64M	64M	64M+24M

竞赛时间：2004 年 5 月 9 日上午 8:00-13:00

最优切割

(cut)

【背景描述】

HURRICANE小组的成员最近去工厂实习，在实习的过程中遇到了这样一个问题。即要在一个模板内，切割出一个零件。现已知模板和零件都是给定的凸多边形，且零件在模板中的位置已经固定。我们知道，对于零件来说，除相邻的两边外，任何两条边的延长线的交点都在模板之外。

由于工厂的加工条件所限，切割时，每一刀必须沿零件的某一条边所在的直线切下，把模板分成两部分，然后保留含有零件的一部分，再继续切割。现定义每一刀的费用为模板上切痕的长度。问如何选择切割顺序，才能使花费最少？

【任务描述】

你的程序需要根据给定的输入，给出符合题意的输出：

- 输入包括模板及零件的形状和坐标；
- 你需要根据给出的输入，计算出把模板切割成为零件的最少花费；
- 输出中只包括一个数，即最少的花费。

【输入格式】: (cut.in)

输入文件包括两个部分，分别描述模板和零件的形状及坐标：

- 第一行为模板的顶点个数 n ($3 \leq n \leq 2000$)。下面的 n 行每行两个实数 x, y ($-1,000,000 < x, y < 1,000,000$)，为按逆时针方向给出模板顶点的坐标。
- 第 $n+2$ 行为零件的顶点个数 m ($3 \leq m \leq 2000$)。下面的 m 行每行两个实数 x, y ($-1,000,000 < x, y < 1,000,000$) 为按逆时针方向给出的零件顶点的坐标。

【输入样例 1】

```
4
0 0
0 3
3 3
3 0
4
1 1
1 2
2 2
```

2 1

【输入样例 2】

4
0 0
3 0
3 3
0 3
4
0 0
2 0
2 3
0 3

【输出格式】: (cut.out)

输出文件中只需要包括一个整数，为最少花费四舍五入到整数后的值。

【输出样例 1】

8

【输出样例 2】

3

【运行限制】

运行时间	1 秒
内存使用	64M

【评分方法】

本题目一共有十个测试点，每个测试点的分数为总分数的 10%。对于每个测试点来说，如果你给出的答案正确，那么你将得到该测试点全部的分数，否则得 0 分。

数字搜索

(regular)

【背景描述】

HURRICANE小组最近接到了一个搜索文本的任务，即从一个由数字构成的长文本中，匹配满足指定条件的子串。搜索的条件采用形如‘ $(0+10^*1)^*10^*$ ’这样的正则表达式来描述。其中正则表达式的归纳定义如下：

1. $0, 1, \dots, 9, 0^*, 1^*, \dots, 9^*$ 是正则表达式；
2. 如果A和B是正则表达式，则 (A) ， $A+B$ ， AB ， $(A)^*$ 都是正则表达式；
3. 只有按以上方法构造出来的表达式才是正则表达式。

其中， $A+B$ 表示“或者”关系， AB 表示“连接”关系， $(A)^*$ 表示A的内容“重复”零次或者多次。比如正则表达式 $(12+3)(4+5)6^*$ ，就可以匹配以124，125，34，35之一开头，之后接零0个或任意多个6的字符串（例如字符串12566）。正则表达式 $(1+0)^*$ 可以匹配所有由0和1构成的字符串，或者是空串。如果一个正则表达式不能匹配空串，则称它是非空的。本题考虑的都是非空正则表达式。

如果在给定文本的某一个位置，存在一个以该位置结束的子串，能够被给定的非空正则表达式匹配，则称该位置是可匹配的。现在HURRICANE小组接到的任务就是找出所有可匹配的位置。你能帮助他们完成这个任务么？

【任务描述】

你的程序需要根据给定的输入，给出符合题意的输出：

- 输入包括一个满足如上定义的正则表达式，以及一长串文本；
- 你需要根据输入的正则表达式及文本，找出文本中所有可匹配的位置；
- 你给出的输出需要包括所有可匹配的位置。

【输入格式】: (regular.in)

输入文件regular.in的第一行描述一个正则表达式，第二行为需要处理的文本：

- 第一行的正则表达式包括由一个空格分开的两个部分：
 - 一个非负整数 n ($1 \leq n \leq 10$)，表示我们所要考虑的数字集（即在正则表达式和文本中所出现的数字）是 $0, 1, \dots, n-1$ 。
 - 接下来是一个正则表达式，它由 $\{ '(', ')', '+', '*' \}$ 中的4个符号和 $\{0, \dots, n-1\}$ 中的数字构成，表达式的长度不超过500个字符。
- 第二行为一个由0到 $n-1$ 之间数字构成的字符串，为需要处理的文本。

该文本长度不超过 10,000,000 个字符。

【输入样例】

4 12333+33 312331	说明： 对于输入示例，需要处理的文本是‘3123 <u>3</u> 1’，其中只有第 5 个字符所在的位置（下划线所在处）是 <u>可匹配的</u> 。这时正则表达式‘12333+33’中的‘33’可以与之匹配。
----------------------	---

【输出格式】: (regular.out)

输出文件只有一行，包括一些由空格分开的整数，按从小到大的顺序依次输出所需处理的文本中每一个可匹配的位置。

【输出样例】

5

【运行限制】

运行时间	2 秒
内存使用	64M

【有关语言方面的提示】

对于使用 C++ 选手来说，用 ifstream 读取数据是一个很慢的过程，可能会消耗大量的时间。所以我们建议使用 fread/fgetc/fscanf 读取数据，并使用 setbuf 设置缓存。另，fscanf(file, “%c”, &c) 的速度经过测试表现也比较慢，可以使用 fgetc(file) 代替。

对于使用 Pascal 的选手来说，可以用 SetTextBuf 设置缓存来加快读取文件的速度。也可以考虑使用 BlockRead 来读取文件。

【评分方法】

本题目一共有十个测试点，每个测试点的分数为总分数的 10%。对于每个测试点来说，如果你给出的答案正确，那么你将得到该测试点全部的分数，否则得 0 分。

提示：在本次的测试数据中，有 6 个测试点中的正则表达式不出现 ‘*’，其中有 3 个测试点，正则表达式只由数字和 ‘+’ 构成。有一个测试点的待处理文本不超过 1,000,000 个字符。该题有严格的时间限制，请尽量优化你的算法。

石器时代 (交互式)

(stoneage)

【背景描述】

借助月光宝盒，HURRICANE 小组的成员们来到了石器时代。在热闹的广场上，不同部落的原始人来来往往进进出出。但是，石器时代是非常容易爆发冲突的。冲突爆发时，处于绝对优势地位的部落总是能够获胜。某一时刻一个部落在广场上有“绝对优势”，指的是该时刻在广场上此部落的人数比其他部落的人数之和还要多。出于安全考虑，HURRICANE 小组的成员都非常迫切的希望知道目前广场上哪个部落有绝对优势。但不幸的是，HURRICANE 小组成员们只能判断两个原始人是不是属于一个部落。你的任务就是协助 HURRICANE 小组！

【任务描述】

这是一道交互式的题目，你的程序需要和交互库交互并按照约定完成所有库函数的调用：

- 你需要在执行任何其他的操作之前初始化交互库；
- 然后通过调用库函数来完成你对数据的输入及处理，其中包括：
 - 获得原始人进入广场的信息；
 - 获得原始人离开广场的信息；
 - 获得 HURRICANE 小组对于占“绝对优势”的部落的查询，并在此之后返回该信息给交互库。
- 在接到程序结束的任务后，将由程序库终止你程序的执行。你的程序不得自行退出。

【交互方式】（库函数）

我们提供的交互库中包括了如下的函数，现将它们的功能说明如下：

- **init**: 初始化函数。你需要在你程序的一开始调用它，且仅能调用一次。调用后交互库会完成相应的初始化工作，此时，广场上没有原始人（即广场是空的）。
- **getjob**: 你应当调用该函数来获取你的程序下一步要做的工作。我们对本函数返回值作如下约定：
 - 0: 表示有一个原始人进入了广场——我们约定第 i 个进入广场的原始人编号为 i ；
 - 一个正整数 i : 表示编号为 i 的原始人离开了广场；

- -1: 表示 HURRICANE 小组希望知道当前广场上哪个部落有绝对优势。在下一次调用本函数前你必须调用且仅调用一次 *answer* 函数作为回答；
- -2: 表示任务完成。当程序库接到这个任务的时候，它会立即退出程序。

注意：我们约定进入广场的原始人总数不超过 1,000,000；

- **query(*i*, *j*):** 调用 *init* 以后，你随时都可以调用本函数。它的作用是测试编号为 *i* 的和编号为 *j* 的原始人是不是属于同一个部落，返回 1 表示属于同一部落，否则返回 0。

注意：你必须保证编号为 *i* 和 *j* 的原始人都进入过广场，否则视为对库函数的非法调用。

- **answer(*i*):** *i* 是你的回答。如果目前有部落处于绝对优势地位，则第 *i* 个入场的原始人应该属于该部落并且仍然在场上（*i* 可以是他们中任何一个的入场序号）；如果目前没有部落处于绝对优势，*i* 应该为 0。

【交互样例】

调用	返回	解释
<code>init</code>	N/A	程序初始化，石器时代广场上一个人也没有。
<code>getjob</code>	0	原始人 A 第一个进入广场（编号 1）。
<code>getjob</code>	0	原始人 B 第二个进入广场（编号 2）。
<code>query(1,2)</code>	0	查询原始人 A 和 B，发现他们不属于同一个部落。
<code>getjob</code>	-1	询问：当前存在占绝对优势的部落吗？
<code>answer(0)</code>	N/A	显然不存在。以 0 作为回答。
<code>getjob</code>	0	原始人 C 第三个进入广场（编号 3）。
<code>getjob</code>	-1	再次询问是否存在占绝对优势的部落。
<code>query(3,2)</code>	1	查询 C 和 B，发现他们属于同一个部落。
<code>answer(3)</code>	N/A	C 和 B 都是占绝对优势的部落的成员，回答其中任何一个即可。
<code>getjob</code>	2	原始人 B 离开了广场。
<code>getjob</code>	-1	再次询问。
<code>answer(0)</code>	N/A	当前不存在占绝对优势的部落。
<code>getjob</code>	1	原始人 A 离开了广场。
<code>getjob</code>	-2	得到退出的标志，程序退出。由于是由库方面终止程序，该信息可能不会被你的程序所获得。

【测试说明】

你应该写一个输入文件 `stoneage.in` 来测试你的程序，文件格式说明如下：

- 第一行为一个正整数 N ，表示广场上总共将进入的原始人的数目；
- 第 2 行到第 $N+1$ 行，每一行有一个正整数，第 $i+1$ 行的数 J_i 表示第 i 个进入广场的原始人所属部落的编号 ($1 \leq J_i \leq 1,000,000$)；
- 从第 $N+2$ 行起，每一行含有一个整数，依次为每次调用 `getjob` 的返回值；
- 你需要保证输入文件的最后一行是一个整数 -2，表示最后一次调用 `getjob` 的返回值是 -2，同时输入结束。

运行程序时测试库会生成 `stoneage.log`，记录你的程序的每一次对库函数的调用。`stoneage.log` 会忠实记录你的程序的调用，即使它们是非法的。你可以根据 `stoneage.log` 来判断你的程序的正确性。

【语言相关的说明】

对于使用 PASCAL 的选手来说，我们提供的 `stonelib.ppu` 单元包括如下的函数定义：

- `procedure init;`
- `function getjob:longint;`
- `function query(i,j:longint): integer;`
- `procedure answer(ans:longint);`

你可以通过 `uses stonelib;` 语句来使用这个单元并调用其中的函数。

对于使用 C/C++ 的选手来说，我们提供的 `stonelib.h/.o` 库包括如下的函数定义：

- `void init();`
- `long getjob();`
- `int query(long i, long j);`
- `void answer(long ans);`

你需要建立一个工程，然后将 `stonelib.o` 及你的源程序加入到该工程中。然后就可以通过 `#include "stonelib.h"` 预编译指令来包含这个头文件并使用并调用其中的函数。

【运行限制】

运行时间	5 秒
内存使用	64M+24M

【评分方法】

本题目一共有十个测试点，每个测试点的分数为总分数的 10%。在测试过程中，如果有如下的情况发生：

- 以任何方式进行直接文件操作；
- 非法调用测试库；
- 使测试库非法退出；
- 自行退出程序；
- 运行时间超过最大允许时间；

那么得 0 分；否则你的交互结果将被用来做进一步的评审：

- 如果你的程序给出的回答不正确，那么 0 分；
- 如果你的程序回答正确，那么：
 - 如果每次 *getjob* 调用后调用 *query* 的次数都不超过 5 次，那么你将得到这个测试点全部的分数；
 - 如果每次 *getjob* 调用后调用 *query* 的次数平均不超过 5 次，那么你将得到这个测试点 80% 的分数；
 - 如果每次 *getjob* 调用后调用 *query* 的次数都不超过 10 次，那么你将得到这个测试点 70% 的分数；
 - 如果每次 *getjob* 调用后调用 *query* 的次数平均不超过 10 次，那么你将得到这个测试点 60% 的分数；
 - 如果每次 *getjob* 调用后调用 *query* 的次数平均超过了 10 次，那么你所得到的分数将按照如下的公式计算：

$$score = 30\% \times \frac{10 \times query_number}{your_query_count}$$

其中 *query_number* 为测试数据中包含绝对优势查询的个数，*your_query_count* 为你的程序调用 *query* 的总次数。

说明：我们的交互库将会使用 24M 的内存，不过这个内存不会记入你的程序中。